





Matemática

Entre números I - Matemática

es una obra colectiva, creada, diseñada y realizada en el Departamento Editorial de Ediciones Santillana, bajo la dirección de Mónica Pavicich, por el siguiente equipo:

Pablo J. Kaczor Verónica L. Outón

Editora: Laura Spivak

Jefa de edición: María Laura Latorre

Gerencia de gestión editorial: Patricia S. Granieri

DIRECC, GRAL OF ESCUELAS Y COLTURA
POLA DE BUENOS AIRES

E.E.S. Nº 74
SEDE EDODERON
ANEXO PARAJE LOS ORTÍZ
GENERAL PUEYRREDÓN



La realización artística y gráfica de este libro ha sido efectuada por el siguiente equipo:

Jefa de arte:

Silvina Gretel Espil.

Diseño de magueta: Lorena Selvanovich y Silvina Gretel Espil.

Diseño de tapa:

Silvina Gretel Espil y Lorena Selvanovich.

Diagramación:

Verónica Trombetta y Silvia Prado [Estudio Golum].

Corrección:

Diego Kochmann.

Ilustración:

Eduardo Karakachoff.

Documentación

fotográfica:

Carolina S. Álvarez Páramo, Cynthia R. Maldonado y Noelia Rivera.

Fotografía:

Archivo Santillana, Analí López Almeyda, MATTON-BILD, Agencia NASA,

Roberto de Armas, Robert Kneschke - Fotolia, rommma - Fotolia,

Ermolaev Alexandr - Fotolia, Wikimedia Commons.

Preimpresión:

Marcelo Fernández, Gustavo Ramírez y Maximiliano Rodríguez.

Gerencia de

producción:

Gregorio Branca.

Este libro no puede ser reproducido total ni parcialmente en ninguna forma, ni por ningún medio o procedimiento, sea reprográfico, fotocopia, microfilmación, mimeógrafo o cualquier otro sistema mecánico, fotoquímico, electrónico, informático, magnético, electroóptico, etcétera. Cualquier reproducción sin permiso de la editorial viola derechos reservados, es ilegal y constituye un delito.

@ 2017, EDICIONES SANTILLANA S.A. Av. Leandro N. Alem 720 (C1001AAP), Cludad Autónoma de Buenos Aires, Argentina.

ISBN 978-950-46-5322-6 Queda hecho el depósito que dispone la Ley 11.723. Impreso en Argentina. Printed in Argentina. Primera edición: enero de 2017.

Segunda edición: julio de 2017.

Kaczor, Pablo J.

Entre números I / Pablo J. Kaczor ; Verónica L. Outón - 2a ed --Ciudad Autónoma de Buenos Aires : Santillana, 2017. 160 p.; 28 x 22 cm.- (Entre números)

ISBN 978-950-46-5322-6

1. Matemática. 2. Escuela Secundaria. I. Outón, Verónica L. II. Titulo CDD 510.7

Este libro se terminó de imprimir en el mes de abril de 2018, en Arcángel Maggio - división libros, Lafayette 1695, Ciudad Autónoma de Buenos Aires, República Argentina,

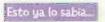
Números naturales	
Esto ya lo sabía	_ 5
Matemundo	5
Suma, resta, multiplicación y división.	
Propiedades. División entera	6
Potencias. Propiedades	8
Raíces	11
Cálculos combinados	12
A ver como voy	
Repaso de paginas 5 a 13	14
Sistemas de numeración decimal y binario	15
Múltiplos y divisores	17
Descomposición en factores	18
Múltiplos y divisores comunes	20
A ver como voy	22
Repaso de páginas 15 a 21 Lenguaje simbólico	23
Ecuaciones	25
A ver como voy	23
Repaso de páginas 23 a 26	27
Repaso todo	28
Saquen una hoja	32
Piguest planes	
Figuras planas	2.2
Esto ya lo sabla	33
Matemundo	33
Ángulos en el plano Operaciones con ángulos	34 36
A ver como voy	30
Repaso de páginas 33 a 37	38
Circunferencia	39
Bisectriz y mediatriz	40
Triángulos: construcciones y	70
suma de ángulos interiores	41
Cuadriláteros	43
Polígonos. Suma de ángulos interiores	45
Poligonos regulares	46
A ver como voy	
Repaso de páginas 39 a 46	. 47
Repaso todo	48
Saquen una hoja	50
@ Fracciones y decimales	
Esto ya lo sabía	51
Matemundo	51
Las fracciones	52
Fracciones y expresiones decimales	53
Comparación y representación en la recta	55
Aproximaciones	57
A ver como vov	
Repaso de páginas 51 a 57	58

5	
Sumas y restas con fracciones y números decimales	59
Multiplicación con fracciones y decimales	61
División con fracciones y decimales	63
A ver como voy	0.5
Repaso de páginas 59 a 64	65
Potencias y raíces de fracciones	45
y números decimales	66
Porcentajes	68
Cálculos combinados	69
A ver como vov	
Repaso de páginas 66 a 70	71
Repaso todo	72
Saguen una hoja	75
Perimetros y áreas	
Esto ya lo sabía	77
Matemundo	77
Relación entre área y perímetro.	"
Unidades de medida	78
Perimetros y áreas de triángulos,	/0
cuadriláteros y otros polígonos	79
A ver como voy	13
Repaso de páginas 77 a 82	83
Longitud de la circunferencia	84
Áreas de figuras circulares	85
A ver como voy	
Repaso de páginas 84 a 85	86
Repaso todo	87
Saquen una hoja	90
Proporcionalidad.	
Gráficos cartesianos y funciones	
Esto ya lo sabía	91
Matemundo	91
Razones y proporciones	92
Proporcionalidad directa	94
Proporcionalidad inversa	96
Problemas de proporcionalidad	97
Proporcionalidad directa y porcentaje	99
Escalas	101
A ver como voy	
Repaso de paginas 91 a 101	102
Sistema de ejes cartesianos	103
Interpretación de gráficos cartesianos	104
Gráficos de funciones	106
Función de proporcionalidad directa	108
Función de proporcionalidad inversa	110
A ver como vay	
Repaso de páginas 103 a 111	112
Repaso todo	113
Saquen una hoja	116

Cuerpos geométricos.		
Areas y volúmenes		
Esto ya lo sabía	117	
Matemundo	117	
Cuerpos geométricos	118	
Áreas y volúmenes de prismas y pirámides	120	
Área del cilindro. Volúmenes de		
cuerpos redondos	122	
A ver cómo voy		
Repaso de páginas 117 a 123	124	
Unidades de volumen, capacidad y masa.		
Densidad	125	
A ver coma vay		
Repaso de páginas 125 a 126	127	
Repaso todo	128	
Saquen una hoja	130	
Estadística y probabilidad		
Esto ya lo sabía	131	
Matemundo	131	
Recolección y organización de datos	132	
Gráficos estadísticos	134	
Promedio, moda y mediana	136	
Α νειτόπιο νον		
Repaso de páginas 131 a 137	138	
Probabilidad	139	

A ver como voy	
Repaso de páginas 139 a 140	141
Repaso todo	142
Saquen una hoja	144
_	
Números enteros	
Esto ya lo sabía	145
Matemundo	145
Números positivos y negativos	146
Sumas y restas con números enteros	148
A ver como voy	
Repaso de páginas 145 a 150	151
Multiplicaciones y divisiones con	
números enteros	152
A ver cômo voy	
Repaso de páginas 152 a 153	154
Repaso todo	155
Saquen una hoja	156
Respuestas de Saquen una hoja	157
Fórmulas de perímetros y áreas	
de figuras planas	159
Fórmulas de áreas y volúmenes de cuerpos	160

Qué hay en cada capítulo



12 Retemindo para entrar en tema.



Explicaciones con ejemplos: machetes para estudiar.



Alertas para no equivocarse.

En las actividades encontrarás...



Hace de prote para poder descubrir errores.



para poder usar GeoGebra.



para usar la calcu.



Repasos en







Finaliza con



Saguen una hoja para que te tomes una prueba (respuestas en las páginas 157 y 158).

En la última hoja de la carpeta hay fórmulas de perímetros, áreas y volúmenes.

Esto ya lo sabia...

 Julián tendrá entrenamiento todos los lunes del próximo mes. Se fijó en el almanaque y vio que el primer lunes coincide con el comienzo del mes.
 ¿Será cierto que entrenará en días que son múltiplos de 7? Rellená lo que precises en este calendario vacío para averiguarlo.

Lu	Ma	Mi	Ju	Vi	Sa	Do

- Pedro decidió salir a correr día por medio, empezando el martes 2 del mes próximo. ¿Es cierto que saldrá a correr únicamente en días pares? ¿Cuántos días correrá durante ese mes? Podés usar el almanaque de la actividad anterior para ayudarte.
- 3. Considerá el almanaque de cualquier mes. ¿Qué sucede si elegís un "cuadrado" formado por cuatro números y los sumás en cruz? ¿Podrías explicar por qué sucede eso?



Melancolia I, grobado de Alberto Durero.

Un antiguo entretenimiento matemático ha sido el armado de cuadrados mágicos. Son mágicos porque la suma en cada fila o en cada columna, o en cada diagonal, es la misma.

 Mirá el que aparece en la obra de Durero (siglo XVI) con los números naturales del 1 al 16. ¿Cuánto da esa "suma mágica"?



- Dos celdas contiguas indican en qué año hizo la obra este artista alemán.
 ¿Cuál fue ese año?
- Descubrí los números que faltan en este cuadrado mágico.

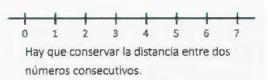
	9	2
3		
8	1	

Suma, resta, multiplicación y división. Propiedades. División entera



Números naturales

Se usan para contar y se los puede representar en la recta numérica, haciendo corresponder a cada número un punto. En este libro se considerará que el 0 es un número natural.



Propiedades de la suma y la multiplicación

Se pueden sumar o multiplicar los números en cualquier orden (propiedad conmutativa) y también se los puede agrupar de distintas maneras (propiedad asociativa); el resultado no cambia. Los paréntesis indican qué se hace primero.

$$62 + 15 + 8 = (62 + 8) + 15 = 85$$

$$20 \cdot 17 \cdot 5 = 17 \cdot (20 \cdot 5) = 1,700$$

En este libro se usará el punto como símbolo de multiplicar.

 Al restar no se puede cambiar el orden o agrupar de distintas formas porque cambia el resultado, como se ve en el ejemplo.

$$(30-7)-3 \neq 30-(7-3)$$

 $23-3 \neq 30-4$
 $20 \neq 26$

Propiedad distributiva

A veces, es útil descomponer uno de los factores de un producto y luego distribuir para resolver cálculos mentalmente.

Resolvé los siguientes cálculos.

$$(9-2)+(66-3)=$$

$$(8-2)-(8-3)=$$

- Juanchi tiene 12 figuritas de futbolistas, 6 de tenistas y 18 de jugadores de rugby.
- a. Calculá el total de figuritas que tiene, agrupando las de los deportistas...
 - que siempre juegan en equipo:

que juegan con una pelota esférica:

Representá los 4 valores (fútbol, tenis, rugby y total) en esta recta numérica.



Escribí algunos factores como una suma o una diferencia, y resolvé aplicando la propiedad distributiva.

a.
$$19 \cdot 7 = (20 - 1) \cdot 7 =$$

 Observá que algunos factores pueden escribirse como el producto de factores "más chicos" y usá ese hecho para calcular mentalmente.



Multiplicar por 14 es lo

a. $7 \cdot 30 = 7 \cdot 3 \cdot 10 =$

c. 25 · 14 =

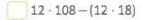
b. 24 · 5 =

d. 35 · 12 =

- Multiplicar por 14 es lo mismo que multiplicar por 2 y luego por 7, o viceversa.
- 8. Hace de profe Encontrá los errores que cometió Milton y resolvé correctamente.
 - a. 25 (7 3) = 25 7 3 = 18 3 = 15
 - b. 6 48 = 6 · 4 + 6 · 8 = 24 + 48 = 72
- 9. Laura compró zapatillas en 12 cuotas de \$108. Nati también, pero cada una de las 12 cuotas que pagará es \$18 menor. ¿Cuáles de estos cálculos muestran lo que pagarán juntas en un año por esas compras?



12 - 108 + 12 - 18









División entera

Se cumple siempre que: Dividendo = Divisor · Cociente + Resto El resto siempre es menor que el divisor.

Para controlar la cuenta, se puede hacer la prueba de la división. → 9 · 6 + 2 = 56 ✓

2<9√

Si el resto es 0, la división es exacta.

indica cada número de la cuenta.

- Si el dividendo es 0, el cociente es 0. Por ejemplo, 0:5 = 0 porque 0 · 5 = 0.
- No se puede dividir por 0. Por ejemplo, 5 no se puede dividir por 0, ya que ningún número multiplicado por 0 da 5.
- 10. La granja del pueblo vende los huevos de gallina en cajas de una docena.
 - a. ¿Cuántas cajas podrían poner hoy a la venta si disponen de 876 huevos? Mostrá cómo lo averiguás sin usar la calculadora.



11. ¿Podrías indicar qué restos

- b. Por error, la distribuidora acaba de entregarles envases que almacenan 30 huevos. Para averiguar cuántos de esos envases van a
 poder completar con los 876 huevos y cuántos quedarán sueltos, el
 granjero hizo una división entera en un papel. Escribila y explicá qué
- ¿Cuántos huevos harían falta para completar otra caja más?



Potenciación

Permite escribir de manera abreviada una multiplicación de factores iguales.

El exponente indica cuántas veces aparece la base como factor.

Si el exponente es 2, se lee: al cuadrado o a la segunda.

Si el exponente es 3, se lee: al cubo o a la tercera.

Si hay 4 factores, se lee "a la cuarta"; si hay 5 factores, "a la quinta", y así sucesivamente.

Potencias especiales

Si el exponente es 1, la potencia es igual a la base.

$$302^1 = 302$$

Si el exponente es 0, la potencia es 1.

$$99 - 1$$

Completá las igualdades como muestra el primer ejemplo y escribí el resultado.

a.
$$0 \cdot 0 = 0^9 = \dots$$

13. Escribí y calculá las potencias.

Estralegia: encontrar reglas generales. Las que siguen son todas potencias de base 10.

a. Calculá cada una.

$$10^3 =$$

$$10^6 =$$

$$10^7 =$$

$$10^2 =$$

$$10^5 =$$

$$10^8 =$$

b. Completá la siguiente oración, que generaliza cómo se comportan las potencias de base 10.

El resultado de elevar 10 a un exponente natural es un número formado por





Estrategia: ensago y error. Ayudate con una calculadora para determinar la base o el exponente.

16. Con una cantidad conveniente de cubitos iguales se puede armar un cubo de mayor tamaño. Por ejemplo, con 8 cubitos iguales se puede armar un cubo de 2 cubitos de alto, como se ve en la ilustración.



- a. ¿Cómo se puede expresar ese hecho mediante una potencia?
- b. ¿Cuántos cubitos hacen falta para armar un cubo de 12 cubitos de alto? ¿Podés expresarlo como potencia?
- 17. Un laboratorio farmacéutico empaqueta vacunas de esta manera:
 - ✓ En una caja entran treinta y dos vacunas.
 - ✓ En un palé entran treinta y dos cajas.
 - ✓ En un camión entran treinta y dos palés.
 - ✓ El año pasado se despacharon treinta y dos de esos camiones.

¿Cómo se puede expresar mediante una potencia la cantidad de vacunas que el laboratorio despachó el año pasado? ¿Cuál es esa cantidad?

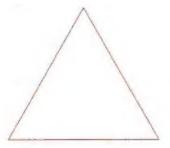
- 18. En un experimento de laboratorio, una célula se duplica minuto a minuto. Es decir, al minuto 0 había una sola célula, al minuto 1 había dos, al minuto 2 había cuatro, y así sucesivamente.
 - a. ¿Cuántas hubo al minuto 3: seis u ocho células? Explicá cómo lo razonaste.



b. Elegí la base adecuada para expresar la cantidad de células como potencias y completá la tabla.

		0 min	1 min	2 min	3 min	5 min	10 min	Un cuarto de hora
Células	Potencia							
Ceiulas	Cantidad	1		4				

- 19. El triángulo dibujado es equilátero y cada uno de sus lados mide 4 cm.
 - a. Marcá el centro de cada lado y dividí la figura en cuatro triángulos iguales. Luego, repetí el procedimiento con esos nuevos triángulos: dividí cada uno en otros cuatro triángulos iguales.
 - Utilizando potencias, expresá cuántos nuevos triángulos hubo en cada paso, incluyendo el inicial (1 triángulo).



	Paso 1	Paso 2	Paso 3
Cantidad	1		
Como potencia			

c. ¿Cuántos nuevos triángulos obtendrías si repitieras el proceso 3 pasos más?



Propiedades de las potencias

Producto de potencias de gual baser se deja la misma base y se suman los exponentes. Coc en e de potencias de gual base ise deja la misma base y se restan los exponentes Potencia de otra potencia, se deja la misma base y se multiplican los exponentes. Propiedad distributiva, se puede distribuir el exponente de un producto o un cociente.

$$2^4 2^5 = 2^{4+5} = 2^9$$

 $2^7 2^3 = 2^{7-3} = 2^4$
 $(2^6)^2 = 2^{6-2} = 2^{12}$

(2 . 3 5 - 25 35

$$(12:3)^2 = 12^2 - 3^2$$

Expresá cada cálculo utilizando una sola potencia.

a.
$$6^2 \cdot 6^3 =$$

$$d. 8^5.8^2 =$$

$$g. (5^2)^3 =$$

b.
$$2^5 \cdot 2^3 \cdot 2^0 =$$

$$e. 7^3:7^0=$$

h.
$$4^2 \cdot 3^2 =$$

c.
$$3^4 \cdot 3 =$$

$$f. 4^2 \cdot 4^3 : 4 =$$

Calculá Si utilizás alguna propiedad de las potencias, indicá cuál es.



 $a_1 (6 \cdot 3)^2 =$

c.
$$(6+3)^2 =$$

b. $(6:3)^2 =$

d.
$$(6-3)^2 =$$

No se puede distribuir el exponente de una suma o una resta

$$(5+8)^2 \neq 5^2 + 8^2$$

$$13^2 \neq 25 + 64$$

22. Rodeá con el mismo co or los cálculos que den el mismo resultado.

 $169 \neq 89$

$$(18^3)^3$$

$$18^{6}$$

$$18^6 \quad (3 \cdot 3)^{18}$$

$$(2 \cdot 9)^6$$

$$(3^2)^{3 \cdot 6}$$

$$(18:2)^{18}$$

$$[(3\cdot 3)^3]^6$$

- 23. Considerá muchos cupitos exactamente iguales.
 - a. Expresá mediante potencias la cantidad de cubitos que forman:
 - Un cubo de 4 cupitos de alto:
 - Un cubo de 8 cub tos de alto:
 - b «Cuántos cubos de 4 cubitos de alto caben en el cubo de 8 cubitos de alto? Mostrá cómo lo calculaste



Por qué es incorrecto lo que hizo Ana?

¿Cuánto da el cálculo?

$$(12 + 3 - 5)^2 = (2^2 + 3^2 - 5^2 = 144 + 9 - 25 = 128)$$



Copiá en tu carpeta y calculá

a.
$$(3+4)^2$$

b.
$$(7-2)^2$$

d.
$$(4-2)^4:2^3$$

Radicación

Es la operación que "deshace" la potenciación. Para averiguar $\sqrt{25}$ (raíz cuadrada de 25), se busca qué número natural elevado al cuadrado da 25. $\sqrt{25}$ = 5 porque 5^2 = 25.

Para averiguar $\sqrt[3]{64}$ (raíz cúbica de 64), se busca qué número elevado al cubo da 64. $\sqrt[3]{64}$ = 4 porque 4^3 = 64.

$$3^4 = 81 \Rightarrow \sqrt{81} = 3$$

Se lee: la raíz cuarta de 81 es 3.

Cuando el mdice es 2, no se escribe.

Símbolo radical

Para calcular la raíz de un producto o un cociente, se puede a son con.

$$\sqrt{36.9} = \sqrt{36} \sqrt{9} = 6.3 = 18$$

$$\sqrt{16.4} = \sqrt{16} : \sqrt{4} = 4 : 2 = 2$$

ATENCIÓN si hay que calcular la raíz de una suma o de una resta, no se puede distribuir porque el resultado cambia

26 Calculá las siguientes raíces y justificá el resultado. Si te ayudás con la calculadora, solo tenés permitido usar multiplicaciones.

a.
$$\sqrt{64} =$$

d.
$$\sqrt[3]{1.000} =$$

h.
$$\sqrt{20/1} =$$

porque

27. Imaginá que tenés 125 dados cúbicos del mismo tamaño.

¿Cuántos dados de altura tiene el cubo de mayor tamaño que podés armar apilando de manera conveniente todos ellos? Mostrá cómo lo pensaste.

Si quisieras formar un "cuadrado" con la mayor cantidad de cubos posibles, ¿cuántos deberías poner sobre cada lado? ¿Te quedarían cubos sueltos? ¿Cuántos? Mostrá cómo razonás.

28. Calculá y, si utilizás alguna propiedad de la radicación, indicá cuál es.

$$\sqrt{64\cdot4} =$$

b.
$$\sqrt{100:4} =$$

c.
$$\sqrt{64+36} =$$

d.
$$\sqrt{100 - 36} =$$



Orden de las operaciones

Cuando en un cálculo sin parentesis se comb nan var as operaciones, se resue ve respetando el siguiente orden:

Se señalan los términos (los determinan las sumas y las restas)
$$81:3+4\cdot8-5\cdot4= \longrightarrow 1.^{\circ} \text{ Potencias y raíces}$$

$$27+32-20= \longrightarrow 2.^{\circ} \text{ Multiplicaciones y divisiones.}$$

$$39 \longrightarrow 3.^{\circ} \text{ Sumas y restas.}$$

Si hay paréntesis, se resuelven primero las operaciones que ellos encierran, en el orden establecido antes

$$(\sqrt{81}:3+16.2^3):\sqrt{25}-(9.3+16:8).5=(3+2):5=5:5=1$$

29. Separá en términos y calculá respetando el orden de las operaciones.

d.
$$5^3 - 27:9 - \sqrt{64} =$$

b.
$$15 \cdot 3 + 32 : 8 - 7^2 =$$

e.
$$2 \cdot 11^2 - 6^3 - 5 \cdot \sqrt[3]{125} + 8^0 =$$

c.
$$2^3 \cdot 3 + 4^2 \cdot 8 - 5^2 -$$

$$f_1 \ 3^2 \cdot \sqrt{4} + 17^1 : 17^0 - \sqrt{25} \cdot \sqrt{49} =$$

30. Calculá primero o que está entre paréntesis y Juego resolvé todo el cálculo

a.
$$8 \cdot (5 - 24 : 6) =$$

c.
$$2 \cdot (4-1)^2 + 18 : (2^3 + 2^0) =$$

b.
$$2^4 \cdot (1+3) - (5-5^0)^3 =$$

d.
$$(1+2)^3:\sqrt{9}-\sqrt{(8+2^3)} =$$

Observá con atenc ón cómo se resolvió e is guiente cálculo y señalá con rojo las partes en donde se cometieron errores. Luego, al costado, resolvelo correctamente.

$$80 - 64 = 16$$

32 Carcu á las raíces

a.
$$\sqrt{100+7\cdot3} =$$

c.
$$\sqrt{3.7+4} =$$

e.
$$\sqrt[4]{1 \cdot 8 + 5^2}$$
 -

b
$$\sqrt[5]{2^2 \cdot 8} =$$

d.
$$\sqrt{13^2 - 12^2} =$$

$$f. \sqrt[3]{2 \cdot (10^2 + 2^3)} =$$



Si en ei rad cando hay operaciones, estas se resuelven en primer lugar, respetando el orden establecido, y luego se calcula la raíz Si es posible, también se puede distribuir

33. Maru copió apurada lo que estaba escrito en el pizarrón y o vidó poner algunos paréntesis. ¿Podés descubrir dónde van? Una vez que los descubras, resolvé para mostrar cómo se llega al resultado.

a.
$$2 \cdot (7^0 + 7^1 - 2^3 = 0)$$

c.
$$2 \cdot 7^{\circ} + 7^{\circ} - 2)^{3} = 127$$
 e. $3^{2} \cdot (2 + 6 : 2 = 45)$

d.
$$3^2$$
 (2+6, 2 = 36

f.
$$(3^2 \cdot 2 + 6 \ 2 = 12)$$

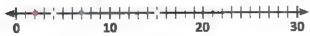
 Leé lo que dice A dana y planteá un cá culo que ayude a descifrar. la edad de Bety

"Tengo 12 años y mi hermano nació cuando yo cumplí 7. Si sumamos los cuadrados de nuestras edades y calculamos la raíz cuadrada, obtenemos la edad de nuestra prima Bety".



35. ¿Cuál es la raíz cúbica de la suma entre el cuadrado de 5 y la raíz cuadrada de 4?

- 36. Indicá qué propiedades se utilizaron al resolver los siguientes cálculos.
 - a. 12 + 3 + 4 + 10 = 15 + 14 = 29
 - b. $8 \cdot 7 \cdot 5 = 7 \cdot 8 \cdot 5 = 7 \cdot 40 = 280$
 - c. $6 \cdot (20 2) = 6 \cdot 20 6 \cdot 2 = 120 12 = 108$
- 37. Catculá.
 - a. (10-2)·6-4
- d. $8 \cdot (6-4) 10$
- $2 \cdot (12 + 5) 3$
- e. $2 \cdot 12 + (5 3)$
- c. (21-14):7+9
- f. 9+21-(14:7)
- 38. Sumá los números representados en la recta numérica y representá el resultado en ella.



- 39. Asociá y conmutá para calcular más fácilmente las sumas en forma mental.

 - a. 18+3+2+17 c. 85+3+9+15
 - b. 199 + 14 + 1 + 6
- d. 889 + 2 + 11 + 14
- 40. Calculá mentalmente y escribí cómo lo hiciste.
 - a. 7 · 12
- d. 15 · 120
- b. 14 · 9
- e. 204 · 8
- c. 180 · 11
- f. 340 · 3
- 41. Completá cada cálculo sabiendo que 18 · 12 = 216.
 - a. 6 · · 12 = 216
- e. 18 · 4 = 216.
- b. $18 \cdot 10 + (18 \cdot ...) = 216$ f. $9 \cdot 6 = 216$:
- c. $10 \cdot 12 + (..... \cdot 12) = 216$ g. $\cdot 24 = 216$
- d. 9 · 12 = 216 :
- h. 9 · 120 = 216 ·
- 42. Mostrá cómo podés realizar los cálculos aprovechando que $72 \cdot 5 = 360$.
 - a. 72 · 15
- d. 36 · 15
- b. 144 · 5
- e. 72 · 20
- c. 36 · 5
- f. 144 · 20



- 43. Hay que envasar 8.638 botellas en cajones de una docena
 - a. ¿Cuántos cajones se podrán ilenar?
 - b. ¿Cuántas botellas harían falta para completar otro caión más?
 - c. Si para envasar las 8.638 botellas pudieran usar cajones con capacidad para más de 12, ¿cuál es el más chico que deberían utilizar?

- 44. ¿Cuáles son los restos posibles de una división entera con divisor 5? ¿En cuál de esos casos la división es exacta?
- 45. Calculá las potencias.
- a. 27 b. 54 c. 109 d. 1281 e. 1.2000
- 46. Descubrí el valor de cada dibujito.
 - a. $2^{2} = 512$ c. 43 = 1.000 e. $512^{2} = 1$
- - b. $3^{2} = 243$ d. $8^{2} = 512$
- $f_{\rm e} \approx 2 = 10,000$
- 47. Expresá cada cálculo como una sola potencia.
 - a. $3^4 \cdot 3^2$ c. $(3^4)^2$
- e. 43.23

- b. 34:32
- $d. (3^2)^4$
- f. 43:23
- 48. Calculá las potencias.
 - a. $(8+2)^3$ b. $(8\cdot 2)^3$
- c. $(8-2)^3$
- 49. ¿Cuántos dados cúbicos iguales se necesitan para armar un cubo de 11 dados de altura?
- 50. ¿Cuántos dados de altura tiene un cubo formado por 1.000 dados iguales?
- 51. ¿Qué número tapa cada dibujito?
 - a. $3^2 + 4^2 = \psi^2$
- d. $^2 + 24^2 = 25^2$
- b. $6^2 + 8^2 = 2^{-2}$
- $^{2} + 15^{2} = 17^{2}$
- c. $5^2 + 12^2 = 0^2$
 - $f_{\odot} = 2 + 40^2 = 41^2$
- 52. Si tuvieras que formar un cuadrado con 196 baldosas cuadradas iguales, ¿cuántas deberías poner en cada fila?
- Carculá las raíces.
- a. $\sqrt{9+16}$ b. $\sqrt[3]{6^3 : 3^3}$ c. $\sqrt{25-16}$
- 54. Resolvé los siguientes cálculos combinados.
 - a. $12^2:6+4^3\cdot 2$
 - b. $(8^2 2 \cdot 4) : \sqrt[5]{2 + 6 \cdot 5}$
 - $(18:2-2^3)^2+(8^2-4^2)$
 - d. $3^7:3^4+\sqrt{13^2-5^2}\cdot 2$



Nuestro sistema de numeración

- Es de re: utiliza diez símbolos, , , , , , , , , y , llamados o , con os que se puede escribir cualquier número. Se agrupa de a diez: 10 unidades forman una decena, 10 decenas forman una centena, etcétera
- · Es posicional: cada cifra tiene un valor según la posición que ocupa en el número.

Este número se puede descomponer así: 267.665 267.665 = 200.000 + 60.000 + 7.000 + 600 + 60 + 5 $= 2 \cdot 100.000 + 6 \cdot 10.000 + 7 \cdot 1.000 + 6 \cdot 100 + 6 \cdot 10 + 5$ vale vale vale vale $= 2 \cdot 10^5 + 6 \cdot 10^4 + 7 \cdot 10^3 + 6 \cdot 10^2 + 6 \cdot 10^1 + 5 \cdot 10^0$ 50 000 600

Sistema binario

Es posicional y se agrupa de a 2. Solo se utilizan dos símbolos: y . Cualquier número natural se puede descomponer como suma de potencias de 2. La descomposición "muestra" las cifras que tiene el número en el sistema binario.

Esas cifras se pueden obtener dividiendo por 2 en forma sucesiva hasta obtener un cociente gua a 1, como muestra este ejemplo.

55. Completá con los valores necesarios para que se cumpla la igualdad.

a. 15.482 =0.000 +000 + ...00 + ...0 +

b. 2.3.78 .. = .. 00.000 + 60 000 +000 + + 8.... + 2

c. 2.302 915 = + + + + + +

d. = 5 · 100.000 + 5 · 1.000 + 5 · 10

e $7 = 8 \cdot 10^4 + 3 \cdot 10^3 +$

Descomponé cada número utilizando potencias de 10.

a. 15.480 =

c. 4.500.073 =

b. 627.200 =

d. 900.000.900 =

57. Hacé las divisiones sucesivas por 2 y escribí cada número en el sistema binario.

a. 9 =

b. 14 =

c. 32 =





Pasaje del sistema binario al decimal:

$$0_2 = 0 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^3 = 2 + 8 = 10$$

59. S.n hacer las cuentas, observá bien y completá con < (menor), > (mayor) o =.

a.
$$1.000\ 000$$
 . $9 \cdot 10^5 + 9 \cdot 10^4 + 9 \cdot 10^3 + 9 \cdot 10^2 + 9 \cdot 10 + 9$ c. $110101, \dots 1000101,$

b.
$$4 \cdot 10^5 + 5 \cdot 10^4$$
 $400.000 + 50.000$

60. El sistema de numeración egipcio utiliza siete símbo os, que representan potencias suces vas de 10 Completá la tabla, donde esos símbolos aparecen en orden creciente de valor, de laquierda a derecha

Simbola	_	\cap	- 0	Ę.	1	B	*
y ")	10°	_		-			
Fire periods			100				

- 61. El faraon Tutankieto tiene un ejército formado por ∩∩\$\$@@@@@@ guerreros, de los cuales [1]||||| |@@@@ son de la región de Nubia.
 - Completá cada rengión para calcular esas cantidades.

Guerreros totales:

Guerreros de Nubia:

- b. Calculá cuántos guerreros no son de Nubia y expresá esa cantidad en el sistema egipcio.
- c. Un espía del ejército romano le informa a su emperador que el total de guerreros egipcios es MMCCLXI. ¿Qué cantidad -equivocada- informa el espia? Además de que no recordaba el vaior de los símbolos, ¿qué característica típica de la numeración romana pudo haberlo confundido al traducir el número del egipcio? Convérsenlo en grupos.



Los símbolos del sistema egipcio (ver tabla de la actividad 60) pueden aparecer en cua quier orden y no debe haber más de nueve de cada uno

En el sistema romano se usan estos s ete simbolos

 $\rightarrow 1$

V > 5 $X \rightarrow 10$

C → 100 $L \rightarrow 50$

D ⇒ 500

 $M \rightarrow 1000$

Múltiplos y divisores



Divisibilidad

El 20 se puede escribir como 4 · 5, por lo tanto, 4 y 5 son divisores de 20. También lo son 2 y 10, ya que
 20 = 2 · 10. Si en una división entera el resto es 0, el dividendo es mústiplo dei divisor y tamb én del cociente

El 1 es divisor de todos los números y el 0 es múltiplo de todos los números

 Para obtener todos los divisores naturales de un número, se buscan todas las formas de descomponer el número como producto de dos factores naturales

Mostra todas las formas de escribir cada número como producto de dos factores natura es (descarta los casos conmutativos) y hacé una lista con todos sus divisores naturales. Livego, completá las oraciones

Divisores de 120:

- 6 es divisor de y
 es múltiplo de 120.
- es factor de 15, 36 y 120. 120 es divisor de
 - 36 no es por 5. 15 es de 3 y de 120.



Real za varias pruebas con la calculadora para poder un ricon flechas cada divisor con la **regla de divisibilidad** que le corresponde. En cada caso, hay una única respuesta posible.

Un número es divisible por	cuando	
2	term na en 0.	Legiste Hell
3	sus dos últimas cifras forman un múltiplo de 4.	Las reglas de divisibilidad sirven
4	term na en 0, 2, 4, 6 u 8.	para saber si una división es
5	la suma de sus cifras es múlt plo de 9.	exacta sin tener que hacerla.
6	es múltip o de 3 y de 5 a la vez	
9	la suma de sus cifras es múltiplo de 3.	
10	es múltip o de 2 y de 3 a la vez	
15	term na en 0 o en 5.	

Descomposición en factores



Números primos y compuestos

Un número es primo si tiene solo dos divisores naturales: él mismo y 1.

Si un número tiene más de dos divisores naturales es compuesto.

3 es primo (únicos divisores naturales: 1 y 3).

4 es compuesto (tiene tres divisores naturales: 1, 2 y 4).

El 0 y et 1 no son primos ni compuestos

Factorización

Cua quier numero compuesto puede escribirse como producto de sus factores primos. Al hacerio, el numero que da **factorizado**

Para factorizar, se puede armar un esquema con flechas o uno vertical con divisiones suces vas icomo se ve en los ejempios



Se buscan dos divisores de los numeros compuestos hasta que todos sean primos. 30 2 Se va dividiendo
15 3 por números
5 5 primos hasta
obtener 1 como
cociente

30 = 2 ⋅ 3 ⋅ 5 ← Factorización de 30 Factores primos

65. De os primeros veinte números natura es mayores que 0, tachá los que no son primos. Podés ayudarte ut lizando algunas reglas de divisibi idad.

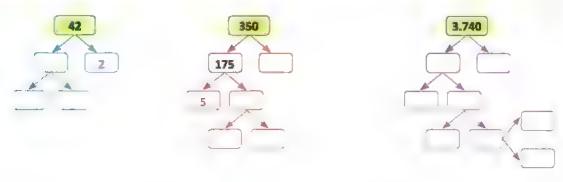
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20

- 66 Segu' os pasos para construir o que se conoce como la criba de Eratóstenes.
 - a. En la primera fila, tachá los números que no sean primos. En las demás filas, tachá todos los múltip os de 2, todos los de 3, todos los de 5 y todos los de 7.
 - b. Observá los números que te quedaron sin tachar.
 ¿Qué tipo de números son?

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

- c. Escribí la lista de números primos que nay entre 1 y 100. ¿Cuántos son pares?
- Si eligieras cualquier conjunto de 100 números natura es consecut vos, chabr a mas primos o más compuestos? Explicá tu razonamiento. Pista: pensá en los pares, en los múltiplos de 3, ...
- ¿ Los números 17 37, 47 y 97 son ejemplos de números primos. ¿Será cierto que cualquier número terminado en 7 es primo?

69 Completá los esquemas para después escribir la factorización de 42, 350 y 3.740.



Volvé a factorizar esos tres números, pero ahora usando el esquema vert cal con divisiones sucesivas. Esta vez, si se repite algún factor primo, utilizá exponentes para escribir su factorización.

- 70. Considerá la factorización de 42 que escribiste en la actividad anterior.
 - a ¿Es cierto que si se multiplican sus factores primos de a dos, se obtiene un divisor de 42? → SÍ / NO
 - En función de la respuesta anterior y utilizando sus factores primos, escribí todos los divisores de 42. No te olvides de agregar el 1 y el 42, ya que todo número es divisible por 1 y por sí mísmo.
- Fil número que pensó Facundo es divisible por 18 y por 25. ¿Podes indicar si es múltiplo de 50, aunque no sepas cuá, es el número o te faltan datos? ¿Y de 75? Explicá tu razonamiento.
- 72 Te piden que inventes una clave secreta. Tiene que ser un número de cuatro cifras divisib e por 6 y por 15.
 - a. ¿Cuál es el menor número posible? Pista: usá reglas de divisibilidad y descubrí cuál tiene que ser la última cifra.
 - b ¿Cuál es la factorización del número que escribiste en el item a?

Sin hacer divisiones, descubrí al menos cuatro factores no primos de ese número.

Múltiplos y divisores comunes



Mínimo común múltiplo (m.c.m.)

Es el menor de todos los múltiplos naturales que dos o más números tienen en común, sin considerar el 0. Múltiplos de 20: 0, 20, 40, <u>60</u>, 80, 100, <u>120</u>, 140,

$$m.c.m. (20; 30) = 60$$

Múltiplos de 30 0, 30, 60, 90, 120, 150,

Regla práctica para hallar el m.c.m.

Se tactor zan los números y Jego se multiplican los factores comunes y no comunes con el mayor exponente con el que aparecen.

$$20 - 2^2 - 5$$

m.c m.
$$(20; 30) = 2^2 \cdot 3 \cdot 5 = 60$$

Maximo común divisor (m.c.d.)

Es el mayor de todos los divisores naturales que dos o más números tienen en común.

Divisores de 36 = 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36

D visores de 40 = 1, 2, 4, 5, 8, 10, 20, 40.

Regla práctica para hallar el m.c.d.

Se factorizan os numeros y Juego se multiplican os factores comunes con el menor exponente con el que aparellen $36 = 2^2 \cdot 3^2$ $40 = 2^3 \cdot 5$ m.c.d $(36; 40) = 2^2 = 4$

73. Factorizá 15, 36, 38, 45, 75, 82, 108, 120 y 192, y hallá los m.c.m. y m.c.d. que se piden

$$m.c.d, (45; 75) =$$

$$m.c.d. (38; 82) =$$

m.c.d.
$$(82; 108; 1.) =$$

Dice don E. Rudito: "Como su nombre lo indica, e. m.c.m. es un mínimo, mientras que e m.c.d. es un máximo. Así que e m.c.m. de dos números siempre va a ser menor que su m.c d.".

Exp.icá en qué falla e razonamiento de don E. Rudito y mostrá un ejemplo

cCuántos dias pasan hasta que vuelven a coincidir as dos actividades?



En un arboi de Navidad las luces rojas prenden cada 6 segundos, las azules, cada 8, y las verdes, cada 10. Acaban de prender juntas

- a. Calculá cuántos segundos pasan hasta que vuelven a prender juntas...
 - L. ...las rojas y las azules
- II. ...las rojas y las verdes.
- III. . . las azules y .as verdes
- b. ¿Cuánto tiempo pasa hasta que vuelven a prender juntos los tres colores?

Si se pud era agregar luces amar l'as ¿con cuá de los siguientes tiempos habría que programarias para que también prendan cuando colociden los otros tres colores? Explicá por qué señalaste esa opción.

Con 14 segundos.

Con 18 segundos.

Con 20 segundos.

- 77. Julieta va a armar bo sitas guales con caramelos para repartir en su cumpleaños.
 - Si tiene 80 carame os de ananá (Aliy 96 de fruti la (F), ¿en cuántas bols tas igua es puede repartir todos? Mencioná todas las posibilidades. Por ejemp o: 1 balsita con 80 A y 96 F.
 - Las cantidades de bols tas que escribiste en a, ¿son los múltiplos o los divisores comunes de 80 y 96?
 - cCuaties a mayor cantidad de poisitas que puede armar? Expresa o completando la siguiente igualdad, m.c. (80; 96) =
- 78. Si en el curso hay 20 chicas y 16 chicos, ¿cuántos grupos de igual cantidad de miembros pueden formarse, como máximo? Tené en cuenta que en todos debe haber la misma cantidad de chicas.



79. ¿Cuál es la mayor cantidad de cajitas iguales que se puede armar con 120 confites, 100 bombones y 60 alfajorcitos? ¿Que habrá en cada cajita?

ver cómo voy

- 80. Escribí cada número utilizando potencias de 10
 - a. 54.238
- d. 120.908
- b. 12.030
- e. 1.023.700
- c. 80,009
- f. 14.040 015
- 81. Con los dígitos 3, 4 y 7 y estas potencias de diez: 10², 10³ y 10⁵, construí todos los números posibles, sin repetir los dígitos
 Por ejemplo: 3 · 10⁵ + 4 · 10³ + 7 · 10² = 304.700.
- 82. Escribí todos los números de cuatro cifras que tengan dos dígitos 2 y dos dígitos 9. ¿Qué valor tiene cada 2 y cada 9 en el menor de ellos? ¿Y en el mayor?
- Pasá del sistema decimal al binario o viceversa, según el caso.
 - a. 314
- d. 1110,
- b. 11010₂
- e. 1110
- c. 2.004
- f. 1010101₂
- Corregi las afirmaciones de Leandro. Si se equivocó en algo, explicá por qué.
 - a. En el sistema romano, DVI es menor que CLXIII, porque se escribe con menos símbosos
 - b. Como en los sistemas de numeración romano y egipcia no hay un símbolo para el cero, no se puede escribir 210 en ninguno de los dos
 - c. Como tanto el sistema egipcio como el romano usan 7 s'imbolos, el menor número que se puede escribir, usando una vez cada simbolo en cada sistema, equivale a un número de 7 cifras en e sistema decima.
- 85. Marcá cruces donde corresponda aplicando solo las reglas de divisibilidad. En la última fila, escribí un número adecuado y marcá las cruces que faltan.

			Es	divisi	ble po	r		
Número	2	3	4	5	6	9	10	15
76								
138								
972								
9.080								
					×		×	X

- 86. Considerá los números 12, 64, 100, 140, 180 y 400.
 - a. Hallá todas las formas de escribir cada uno como producto de dos naturales.
 - b. Hacé las lista de los divisores de cada número.
 - c. ¿Qué divisores tienen en común todos esos números? ¿Cuál es el mayor de ellos?
- 87. Factorizá los números 12, 64, 100, 140, 180 y
 400. Si lo hacés con GeoGebra, usá la vista CAS y
 el botón
 - a. ¿Cuál es el m.c.d. de todos ellos? ¿Coincide con la respuesta del ítem o de la actividad anterior?
 - b. Hallá el m.c.m. de esos números.
 - c. Considerá únicamente los que tienen el 3 como divisor. ¿Cuál es su m.c.d.?
 - d. Ahora considerá solamente los que tienen el 5 como divisor. ¿Cuál es su m.c.d.?
- 88. Factorizá los números 6, 35 y 143.
 - a. ¿Tienen algún factor en común?
 - b. ¿Cuál es el m.c.d. de esos números? ¿Y el m c.m ?
 ¿Qué conclusión podrías sacar acerca del m.c.d. y el

m.c.m. de los números que no tienen factores en común?

- 89. Cada azulejo del baño mide 15 cm de largo, mientras que cada pieza del zócalo mide 25 cm de largo. Si coinciden al comienzo de la pared, ¿a qué distancia volverán a coincidir? ¿Cuántos azulejos y cuántas piezas del zócalo caben en esa longitud?
- 90. ¿Cuál es la máxima cantidad de ramos iguales que pueden armarse a partir de 60 rosas, 80 claveles y 100 tulipanes? ¿Cómo estará compuesto cada ramo?
- 91. Tres semáforos consecutivos de una avenida no están sincronizados: encienden a destrempo. Por ejemplo, la luz verde del 1.º se enciende cada 95 segundos; la luz verde del 2.º, cada minuto; y la luz verde del 3.º, cada minuto y medio.
 Si acaban de encenderse las 3 luces verdes a la vez, ¿dentro de cuántos minutos volverán a coincidir?

Lenguaje simbólico



Numeros con letras

En Matemática, cuando no se había de un número en part cular, sino que se expresa a go que ocurre en general, se utiliza el lenguaje simbólico, en el que se representan los números con letras.

LENGUAJE COLOQUIAL	LENGUAJE SIMBÓLICO	(n representa un número cualquiera)
El triple de un número		
El anterior de un número		No siempre se usa n, en el lenguaje
E. siguiente del doble de un número	2 · n + 1	simbólico se puede util zar cualquier letra
El doble del siguiente de un número	2 · (n + 1)	
La cuarta parte de un número	n:4	

En la fórmula 2 · n, al reemplazar la letra n por diferentes valores, se obtienen sus dob es.

Sin vale $4 \longrightarrow 2 \cdot 4 = 8$ Sin vale $7 \longrightarrow 2 \cdot 7 = 14$

La expresión $2 \cdot n$ también sirve para simbolizar **cualquier número par**, ya que al multiplicar **n** por 2, se obtiene un múltiplic de 2

- 92. Elegí diferentes números pares.
 - e Si e sumás 1 a cada uno de ellos, ¿obtenés números pares o impares?



b. Tu respuesta de 'tem anterior se cumple s'empre que a un par le sumes 1. Entonces, si cua quier número par se puede expresar como 2 • n, ¿cómo expresarías cualquier número impar? S hay un número y una letra segu dos, se entiende que hay una multiplicación entre el os.

 $4 \cdot x = 4x$

- 93. Transcribí del lengua, e coloquial at simbólico.
 - a. Cualquier múltiplo de cinco:

e. El doble de un numero impar:

t El siguiente de un número:

f. La mitad de cualquier múltiplo de siete:

El anter or de un número par:

g. La suma de dos números consecutivos:

d. La tercera parte de un número:

- h. El triple del siguiente de un número-
- Belu nació cuando su mamá tenía veinticinco años, y tres años después nació su hermano.
 - Escribí una expresión en lenguaje s mbólico para calcular la edad de la mamá y otra para calcular la edad del hermano, conociendo la edad de Belu, que simbolizaremos con la letra b.

Edad de la mamá:

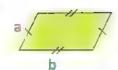
Edad del hermano.

Calculá la edad actual de cada uno, si Belu ahora tiene 12 años.

Edad actual de la mamá:

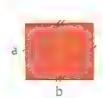
Edad actual del hermano:

Para expresar el penmetro del paralelogramo dibujado, o sea la longitud de su contorno, se puede escribir a + a + b + b o también 2a + 2b.



a. Para cada figura, escribí una expresión que represente su perímetro.













b. Calculá cada perímetro considerando estas medidas en metros: $\ell = 4$, a = 4, b = 5, c = 6.













En la clase de Matematica se pide expresar la suma de tres números consecutivos, y los chicos hacen distintas propuestas. Observa as con atención y determiná si alguna es incorrecta. De ser as , indicá qué es lo que realmente está expresando.











Cualquier numero natural par s'empre es el doble de otro natural, por eso, o expresamos como 2 · n El triple de cua quier par tamb én es par, ya que 3 2 n = 2 3 n O sea, es par por ser el dobie de 3n Analizá si el cuadrado de cualquier número par también es par

$$(2 \cdot n)^2 =$$

Al hacer la división entera entre un numero natura y 4, se puede obtener como resto 0, 1, 2 o 3 Por eso, el dividendo puede expresarse de alguna de estas cuatro formas:

- 4n+1 4n+2
- 4n + 3
- n representa el cociente de la división
- a. Escribí un ejemplo para cada una de esas formas.
- . ¿Cual de esas cuatro formas expresa un numero divisio e por 4? ¿Cómo te diste cuenta?

¿Como serian las expresiones si el divisor fuese 2 en lugar de 4? ¿Qué clase de número expresa cada una? (Pista, observá la actividad 92. b.).



Despejar la Incógnita

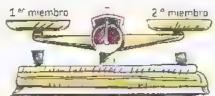
Las ecuaciones que se estudian en este , bro son igua dades que contienen un valor desconocido famado incógnita, representado con una letra. Se suele usar la letra x, pero puede ser cualquier otra.

Reso ver las ecuaciones planteadas significa encontrar que valores de la incógnita hacen que se cumplan las gualdades, cada valor ha adoles una solución de la ecuación. Para e lo, hay que despejar la incógnita como muestran los ejemplos.

Todas las ecuaciones tienen dos miembros separados por el signo "#", como si fuesen los dos platillos de una balanza en equilibrio.

Para que no se pierda el equil brio, todo lo que se hace en uno de los m empros hay que rea izarlo también en el otro

El objetivo es dejar la incógnita sola (despejada) en el primer miembro.



	2 x + 2 - 11	Se separa en terminos y se busca dejar en el Le miemoro so o el termino que t
2	x + 5 1 = 11	Para quitar el 5 que está sumando se resta 5 en ampos miembros.
	2 x = 6	Se canceran ios cincos (🗸 🔏 = 0) y se opera.
	2 7 x = 6	Para quitar el 2 que està multiplicando , se divide por 2 en ambos miembros.
	x = 3	Se opera (2 · 2 = 1) y la incógnita está despejada; la solución es 3

Siempre conviene **verificar** si con el vaior ha, ado se cumple la igua dad.

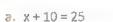
Para ello, en la ecuación original se reemp aza la incógnita por ese valor y se opera.

En este ejemplo: $2 \cdot 3 + 5 = 6 + 5 = 11 \checkmark$ Como la guardad se cumple, 3 es la solución.

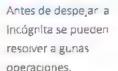
En la práctica se escribe directamente en el 2.º miembro lo que se va haciendo, $2 \cdot x + 5 = 11$ $2 \cdot x = 11 - 5$ x = 6, 2

x - 3

Reso vé las ecuaciones. No olvides verificar si con cada valor ha lado se cumple la igualdad.



e.
$$12 + 4 \cdot x = 9 \cdot 2 - 2$$



b.
$$3 \cdot x + 8 = 14$$

$$10+x 5-9 \sqrt{49}$$

c.
$$4 \cdot x - 8 = 5$$
 4

g.
$$2 \cdot (x-1) = 4^2$$

$$x:4+1=3^{2}-5$$

$$x:4=9-5-1$$

$$x=3 4$$

$$x-12$$

d.
$$x:2-1=3^2$$

h.
$$(x+4)\cdot 3 = \sqrt{25}$$

$$(x-6): 2 = \sqrt{16}$$

$$x-6-4\cdot 2$$

$$x=8+6$$

$$x=14$$

en en co de curso pasó a pizarrón a resolver una ecuación, pero cometió tres errores. Señalá cuáles son y resolvé la ecuación correctamente



 ¿Cómo podrías saber que la ecuación está mal resuelta, sin revisar cada paso?

101. Uni cada enunciado con la ecuación que lo representa y con la solución.

La diferencia entre el doble del número desconocido y cuatro es igual a la suma entre uno y el cuadrado de tres.

(1X - 3) = 1 +

El doble de la diferencia entre el número desconocido y cuatro es igual a la suma entre uno y el cuadrado de tres.

2(x-4)=(1+3)









número desconocido y cuatro itre uno y tres.





Planteá una ecuación para averiguar la incógnita x, señalada con color en cada caso, y ha la la solución

- a. Con las figuritas que tengo y las 24 que tiene mi primo, completamos as 108 que feva el álbum.
- b. La m'tad de mi estatura coincide con la de mi hermanita, que m de 76 cm de alto.



- Mi edad más el cuadrado de dos es lo mismo que el cuadrado de cuatro.
- d. Si cargo 15 litros de combustible, completo un cuarto del **total dei tanque de nafta**
- e. Si la temperatura actual disminuyera diez grados, coincidiría con los 5 °C que nubo a las 9 de la mañana.

- 103. Martina irá a piano todos los miércoles de próximo mes. Se fijó en el almanaque y vio que el mes comienza un lunes
 - a. ¿Cuál de las siguientes fórmulas sirve para averiguar la fecha de cada clase? Considerá que n = 1 corresponde a la primera clase.

$$7 \cdot (n-1) + 3$$

$$7 \cdot (n+1) + 3$$

- b. ¿A cuál de esas tres expresiones corresponde la siguiente descripción: "Al séptuple del siguiente de un número se lo aumenta en tres unidades"? ¿Y "Un múltiplo de siete aumentado en 3 unidades"?
- 104. Señalá cuál es la expresión que corresponde al enunciado
 - El producto entre dos números naturales consecutivos.

$$x \cdot x + 1$$
 $(x-1) \cdot (x+1)$ $(x-1) \cdot x$

 b. La diferencia entre un número y su tercera parte.

$$(x - x) : 3$$

$$x-x:3$$

c. El anterior del quíntuplo de un número natural.

$$x - 1 = 5$$

- 105. Transcribí del enguaje simból co al coloquial.
 - a. 2n + 1
- d. n.3 1
- b. n:5
- e. (n-1):3
- c. 6n-1
- f. n (n 1)
- 106. Ramiro observa que la mitad de 2 es impar, la mitad de 6, también, y lo mismo pasa con la mitad de 10, de 14 y de 18; entonces afirma que la mitad de cualquier número par es impar. ¿Qué opinás? ¿Tiene razón?
- 107. Considerá 3n como la expresión de cualquier múltiplo de 3.
 - a. Ind cá cuál de las siguientes expresiones representa el múltiplo de 3 que le sigue.

$$3n + 1$$

$$3n + 2$$

$$3n + 3$$

- Escribí el cálculo que permite averiguar qué diferencia hay entre ambos números.
- c. ¿De cuánto es esa diferencia? ¿Depende del múltiplo de 3 considerado?

- 108. Resolvé las ecuaciones y verificá las soluciones.
 - a. x + 20 = 65
- e. $20 + 3 \cdot x = 8 \cdot 5 2$
- b. $2 \cdot x + 9 = 19$
- f. $11+x:6-8=\sqrt{25}$
- c. 8·x-4-4·7
- g. $9 \cdot (x-7) = 3^2$
- d. $x:3-2=5^2$
- h. $(x+3): 2 = \sqrt{64}$

109. 🚓

Considerá as

siguientes ecuaciones:

a.
$$3x - 10 = 2$$

c.
$$2 \cdot (x + 1) = 10$$

$$b_{x} + 5 = 9$$

d.
$$(x-2):3=\sqrt{36}$$

Excepto una, todas las demás tienen la misma solución. ¿Cuál de estos dos métodos usarías para descubrir cuál es la ecuación con la solución diferente?

- I. Resolver todas las ecuaciones y comparar.
- Resolver una ecuación (¿cuá!?) y probar su solución en las demás ecuaciones.

Explicá a ventaja de usar el método que elegiste.

- 110. Planteá una ecuación que represente cada enunciado y hallá su solución.
 - La suma entre el doble del número que pensé y 13 es igual al anterior de 64.
 - b. El doble de la suma entre el número que anoté y 13 es igua; al siguiente de 63.
 - c. La d ferencia entre un número desconocido y 27 da lo mismo que la suma entre 4 y la raíz cuadrada de 9.
- 111. Leé atentamente cada enunciado para determinar cuál es el dato que se ignora, es decir, la incógnita. Luego, escribí una ecuación para cada enunciado y averiguá el valor de la incógnita.
 - a. Si me subo a la ba.anza junto con mi primita, entre mi peso y sus 8 kg llegamos a 40 kg
 - El tr.ple de mi edad da lo mismo que la edad de mi tío, que tiene 33 años.
 - La media docena de galletitas que quedan en el paquete es la cuarta parte de las que traía.
 - d. Si Pablo corriera 2 km más por día, alcanzaría los 35 km semanales
 - e. Si al doble de los caramelos que hay en la bolsa se le guitan 15, se obtiene el cuadrado de 9.
 - f. La edad de Va entina dentro de 10 años será el doble de 11.

112. ¿Qué valores se marcaron en la recta numérica?



- 113. Indicá qué propiedad o propiedades se aplicaron en cada cálculo para resolver o.
 - a. $15 \div 5 + 16 = 20 + 16 = 36$
 - b. 42 + 7 + 8 42 + 8 + 7 = 50 + 7 = 57
 - c. 4.5.6 = 4.30 = 120
 - d. 2 19 5 = 19 · 5 · 2 = 19 · 10 = 190
 - e. $6 \cdot (5 + 8) = 30 + 48 = 78$
- 114. Observá el ejemp o y resolvé mentalmente. Mostrá cómo hiciste

$$42 + 48 = 40 + 2 + 40 + 8 = 80 + 10 - 90$$

- a. 23 + 17
- d. 67 + 73 =
- b. 34 + 26 -
- e. 21 + 14 + 15 =
- c. 58 + 12 =
- f. 18 + 31 + 71 =
- 115. Reescribí algunos factores como una suma o una diferencia, y resolvé apricando la propiedad d stributiva
 - a. 99 8 -
- c. 9 · 2 001 =
- b. 41 · 7 =
- d. 998 · 6 =
- 116. Descomponé en forma conveniente los factores para calcular los productos mentalmente
 - a. 15 · 40
- b. 25 · 18
- c. 55 · 16
- .¿Cuá es el menor número que hay que sumarle al dividendo en cada caso para que la divis ón entera sea exacta?
- a. 45:6
- b. 90:8
- c. 125:7
- 118 Considerá os números 8 y 12.
 - a. ¿7 es divisor de a guno de esos números?
 - b. Respondé sin hacer cuentas. ¿se podrían repartir 8 docenas de empanadas en 7 partes iguales?
 - c. Respondé haciendo cuentas: ¿cuántas empanadas soprarían al tratar de nacer ese reparto? ¿Qué cuentas hiciste?
- 119 Carla tiene entre 30 y 40 lápices. Si los reparte en 2 cartucheras, le sobra 1, y si los distribuye en 3 cartucheras, le sobran 2. ¿Cuántos lápices tiene, si los repartos son en cantidades iguales?

120. Para ver cómo repartir 110 caramelos duros en 8 bolsitas iguales, Álvaro hizo esta división:

- a. ¿Qué representa el número 13 en la cuenta: caramelos o bolsitas? ¿Y el 6?
- b. ¿Cuántos carameios habría que agregar para poner uno más en cada bolsita? Señalá a opc ón correcta

Я

2

- 121. Un 1 seguido de doce ceros es un billón.
 - ¿Cómo podés escribir un bil ón mediante una potencia?
 - b. ¿Es cierto que un bi lón es jo mismo que un millón al cuadrado? ¿Cómo lo explicás?
- 122. Expresá cada cálculo utilizando una sola potencia.
 - a. $10^2 \cdot 10^3 = c. 6^5 : 6^3 =$
- e. $(2^2)^3 =$
- b. $3^5 \cdot 3^0 : 3^3 = d. 4^3 : 4^0 =$
- f. $5^2 \cdot 3^2 =$
- Corregi a tarea de Bruno Si hay algo mal, señatalo y resolvé en forma correcta.

$$a_1 (3+2)^2 = 3^2 + 2^2 - 9 + 4 = 13$$

b.
$$(5-2)^2 = 5^2 - 2^2 = 25 - 4 = 21$$

C.
$$(4 \cdot 2)^3 : 2^2 = (4^3 - 2^3) \cdot 4 = (64 - 8) \cdot 4 = 14$$

- 124. Considerá que tenés 225 dados iguales de seis caras (cub tos)
 - a. Si tuvieras que formar con edos el "cuadra do" del mayor tamaño posíble, ¿cuántos dados pondrías en cada fila?
 - b. ¿Y s usaras solo 100?
 - c. Una vez armado el "cuadrado" del ítem b, ¿podrías armar un cubo con los dados restantes? Si respondés que no, explicá por qué; en caso contrario, indicá cuántos dados tendría de alto
- . Ca cu a

a.
$$(23^{\circ} + 2)^2 : \sqrt{1 + 2^3} + \sqrt{1 + 7 \cdot 3^2}$$

b.
$$\sqrt[3]{2^7 : 2^4} + \sqrt{12^2 + 5^2} \cdot (3 + 2.5)$$

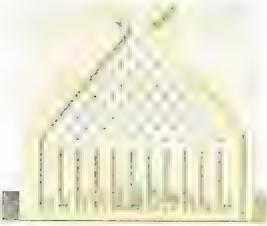
- 126. Para explicarle a su hermana que el sistema de numeración decimal es posicional, Ana escribió un número con dos cifras repetidas. ¿Qué explicación te parece que pudo haberle dado a continuación? Mostrá un ejemplo.
- 127. ¿Qué número en el sistema decimal corresponde a cada descomposición realizada usando potencias de 10?

a.
$$2 \cdot 10^4 + 7 \cdot 10^3 + 4 \cdot 10^2 + 8 \cdot 10^1 + 6 \cdot 10^0$$

b.
$$7 \cdot 10^5 + 6 \cdot 10^3 + 5 \cdot 10^1$$

c.
$$4 \cdot 10^6 + 8 \cdot 10^4 + 9 \cdot 10^2$$

- 128. ¿Por qué en el sistema de numeración decimal es necesario que haya un símbolo para el cero?
- 129. Los alumnos de una escuela armaron un dispositivo como el de la imagen. Se dejan caer bolitas que, después de rebotar en varias clavijas, terminan en alguno de los compartimientos inferiores.
 - a. Si cada compartimiento representara una potencia de 10, ¿qué número se formó al arrojar 20 bolitas que quedaron como muestra la imagen?



1010 109 108 107 106 105 104 103 102 102 100

- b. Si se arrojaran 9 bolitas, ¿cuál es el menor número que se podría formar? ¿Y el mayor?
- c. ¿Y cuáles son el menor y el mayor si se arrojaran 10 bolitas, y en cada compartimiento entraran 9 como maximo?

130. Observá cada descomposición y escribí a qué número corresponde en el sistema binario y a cuál en el sistema decimal. Mirá el ejemp o.

$$1 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 1011_2$$
 — binario
 $8 + 0 + 2 + 1 = 11$ — decimal

a.
$$1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \quad 2^1 + 1 \cdot 2^0$$

b.
$$1 \cdot 2^5 + 0 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^0$$

c.
$$1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2 + 1$$

- 131. Observá de nuevo la imagen de la actividad 129. Si en lugar de representar potencias de 10 los compartimientos representaran potencias de 2, ¿podrían las bolitas formar un número binario, así como están dispuestas?
- 132. Pasá los números de sistema decimal al binario Recordá que podés hacer divisiones sucesivas por 2 hasta obtener un 1 en el coc'ente.

 - a. 7 b. 19
- c. 23
- d. 27
- 133. Pasá del sistema binario al dec mal.
 - a. 11111111,
- c. 10000011,
- b. 1010100,
- d. 1000001,
- 134. Lautaro no entiende por qué los sistemas de numeración romano y egipcio son no posicionales. ¿Cómo podrías explicárse/o? (Pensá, por ejemplo, cuánto vale la X en el sistema romano o el símbolo () en el egipcio).
- 135. Completá el cuadro.



136. Si te pidieran que escribas un número en el sistema decimai, ¿podría cada símbolo aparecer la cantidad de veces que quisieras o hay un límite? ¿Y si tuvieses que escribir un número en el sistema binario? ¿Y en el egipcio?



- 137. Escribí una cifra sobre cada rayita de modo que el número 3__.42__ cumpla con el requisito.
 - a. Que sea divisible por 4 y por 9 a la vez.
 - Que sea múltiplo de 3 y también de 10.
 - c. Que tanto 5 como 6 sean divisores del número.
- 138. ¿Verdadero o faiso?
 - Todo múltiplo de 3 es múltiplo de 9.
 - b. Cualquier múltiplo de 35 es divisible por 7.
 - c. El 1 es únicamente divisor de 1.
- 139. Seguí las pistas y calculá la medida del contorno del triángulo (está dibujado de un tamaño menor que el real).



- La medida del lado mayor es un múltiplo de 5 que no termina en cero.
- Las medidas de los lados son tres múltiplos de 3 consecutivos.
- La suma de las medidas de los tres lados es un múltiplo de 6 menor que 100.
- 140. Hay un número primo entre los de abajo.
 ¿Cómo podés descubrirlo? Pista: usá las reglas de divisibilidad.

192 2.127

477

585

5.826

en el cartel y corregí las afirmaciones de Zoe, sin hacer ninguna división. Si hay errores, explicá cómo los descubriste.

 $560 - 2^4 \cdot 5 \cdot 7$

- a. 560 es divisible por 35
- b. 16 es múltipio de 560
- c. 8 no es factor de 560
- d 40 es uno de los divisores de 560
- e 560 no es divisible por 28
- 142. Si se multiplican tres números primos, se obtiene
- el número que pensó Pedro Dos de ellos también forman parte de la factorización de 220 y de 385, mientras que el tercero es el único primo que aparece en la factorización de 2.197. ¿Cuál es el número que pensó Pedro?

- 143. ¿Cómo podés hacer con la calculadora para
 - saber si un número natural es divisible por otro número natural?
 - Pista: pensá qué tipo de resultado deberia aparecer si la división fuese exacta.
- 144. Los números naturales que se pueden escribir como un cuadrado, como 4, que es 2², o 9, que es 3², se llaman "cuadrados perfectos". ¿Es cierto que en la factorización de cualquier cuadrado perfecto mayor que 1, todos los factores aparecen con exponente par? Mostrá algunos ejemplos.
- En un pasillo hay 10 luces encendidas, cada una con su interruptor. Pasa un señor par el pasillo y toca los interruptores pares (el 2.*, el 4.*, etc.), por lo que termina apagando la mitad de las luces. Luego pasa otro señor y solo toca los interruptores múltiplos de 3, de manera que apaga algunas luces y prende otras. Más tarde pasa un señor que solo toca los interruptores múltiplos de 10.





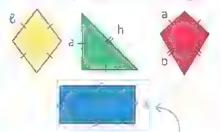
- a. Explicá por qué quedaron las luces de esa forma luego de que pasara el que toca únicamente los múltiplos de 3.
- b. Una vez que pasaron todos los señores, ¿qué luces quedaron encendidas?
- c. ¿Qué tienen en común los números de posición de esas luces?
- 146. ¿Cuál es el menor número natural que al dividirlo por 70, por 175 o por 245 se obtiene resto cero? Mostrá cómo lo encontrás



- 147. Ana tiene menos de 200 figuritas. Si las apila de a 18 de a 54 o de a 81, siempre le queda una suerta. ¿Cuántas tiene? ¿Cómo lo aver guaste?
- 148. Hallá el m.c m. v el m.c.d. de los números ndicados
 - a. 10,55 v 75
- b. 300, 700 y 1.100.
- 149. Imaginá que tenés una plancha rectangular de telgopor de 60 cm de ancho y 105 cm de largo. y tenés que recortar cuadrados 'guales de mayor tamaño posible de modo que no te sobre nada de telgopor. ¿Podrás hacerlo? Si pensás que sí, indicá cuántos cuadrados obtendrías y de qué tamaño. Si opinás que es imposib e, explicálos motivos
- 150. ¿Qué número pudo haber pensado cada uno? Hay más de una posibilidad.



151. Expresá el perímetro de cada figura.



El ado mayor m de el doble que el menor

- 152. Expresá en lenguaje simbólico.
 - a. La suma de un número y su siguiente.
 - b. La suma de cinco números consecutivos.
 - La suma de tres números pares consecutivos.
 - d. La suma de cuatro números impares consecutivos.

153. Dos de las cuatro expresiones que figuran en los carteles simbolizan lo mismo.

$$2 \cdot (3n+1)$$

$$2 \cdot (3n+1)$$

$$3 \cdot 2n+1$$

- a. Aplicá la propiedad distributiva, efectuá todos los productos y descubrí cuáles son.
- b ¿Cómo podrías naberlas descubierto sin apl car la propiedad distributiva? (Pista: ¿qué pasa si reemplazás la letra n por un número cualquiera, pero el mismo en todas?).
- c. ¿Alguna de las expresiones de los carte es representa el siguiente de un mú tiplo de 6? ¿Cuál o cuá es?
- 154. Observá la suces on de números
 - 7 10 13
 - a. Descubrí la reg a con la que se armó la sucesión y anotá los tres números que siguen.
 - b. Juana y Nico proponen expresiones que permitirían obtener cada uno de los números de la sucesión. Comprobá si alguna de esas expresiones es vál da reempiazando la n (lugar en la secuencia, por 1, 2, 3,

Juana \rightarrow 2n + 2 N to - 3n + 1

- c. Usá la fórmu a correcta para aver guar qué número ocupa el lugar cincuenta en la sucesión, sin tener que escribir toda la secuencia.
- 155. Resolvé planteando una ecuación y ver ficá el resultado.
 - a. Ale compró dos raquetas guales v. además. una remera de \$599 Todo le costó \$3,097. ¿Cuánto le costó cada raqueta?
 - b. ¿Cuál es a edad de Manu, s dentro de 70 años tendrá el doble de los años que hoy tiene su papá, que acaba de cumplir 41?
- 156. Resolvé las ecuaciones y verificá los resultados
 - a. $(x + 14) \cdot 5 = 80$
- c. 3x.6-40 v100
- **b.** $17 + 5x 13 = 3^3 3$ **d.** $(2 + 3x) \cdot 4 = 2^5$

Marcá la opción correcta.

Sin efectuar todo el cálculo, Indicá en cuál hay un

$$79 \cdot 3 \cdot 7 \cdot 10 = 21 \cdot 790$$

$$(85 - 45)$$
 $30 = 30 \cdot 40$

$$(39-12) \cdot 7 = 7 \cdot 39 \cdot 12$$

Se sabe que 132 · n = 660. ¿Cuánto es 264 · n?

1.320

924

174,240

En una división entera, ¿qué afirmación es faisa?

Si el resto es 0, la división es exacta

Si el dividendo es 0, el cociente es 0.

El divisor no puede ser 0.

El cociente no puede ser 0.

Indicá quál es el único cálculo en el que se aplicaron correctamente las propiedades de la potenciación y de la radicación.

$$2^3 \cdot 2^4 + (1+3)^2 + \sqrt{9+16} = 2^{12} + 4^2 + \sqrt{25}$$

$$2^3 \cdot 2^4 + (1+3)^2 + \sqrt{9+16} = 2^7 + 1^2 + 3^2 + \sqrt{25}$$

$$2^3 \cdot 2^4 + (1+3)^2 + \sqrt{9+16} = 2^7 + 4^2 + \sqrt{9} + \sqrt{16}$$

$$2^3 \cdot 2^4 + (1+3)^2 + \sqrt{9+16} = 2^7 + 4^2 + \sqrt{25}$$

Seña,á el resultado del cálculo que figura en el

$$\sqrt{(1+7)\cdot 2^3} + 4^2 - 4^1 - 1^{20}$$

11

¿Qué número en el sistema de numeración decimal equivate al número binario 1010101010.2

5

682

31

2.020,202,020

¿Cuál es la factorización del número 4.680?

2² 3³ 5·13 2³ 3 5² 13

 $2^3 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 13$

 $2 \cdot 3^3 \cdot 5 \cdot 13^2$

Indicá cuáles son, en orden, e. m.c.m. y el m c.d. de os números 48, 60 y 180.

12 y 720.

240 v 12.

720 y 12.

180 y 60.

A un número natural n hay que sumarie el anterior de n y el siguiente de n. ¿Qué fórmula no representa ese cálculo?

$$(n-1)+n+(n+1)$$

n+n+1+n+2

n-1+n+n+1

3 · n

10. ¿Cuá de las ecuaciones no tiene x = 5 como solución?

$$6 x = 3 + 3^3$$

 $5^2 \cdot x + 5 - 5^4 \cdot 5^4$

 $4 \times -1 = 6 \cdot 3 + 1$ $2 \cdot (x + 3) = 4 \cdot (3 + 1)$

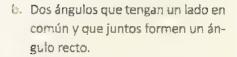
11. Considerá la expresión de un número par 2n ¿Qué tipo de número es 2n - 3?

A veces par, a veces impar.

No puede saberse, faltan datos

ittoy, losebe

- Dibujá lo que se indica y escribí en cada caso qué instrumentos de geometría utilizaste para hacer el dibujo
 - a. Dos ángulos que tengan un lado en común y que juntos formen un ángulo Ilano, con la condición de que uno de ellos sea agudo.



 c. Dos ángulos rectos que tengan un ado en común.



Una constelación es un grupo de estrellas que toma una forma simbólica en el cielo nocturno.

Las civitizaciones o pueblos antiguos las vinculaban con animales o personajes míticos. Actualmente se siguen analizando y tomando en cuenta. La Unión Astronómica Internacional reconoce 88 constelaciones, entre las cuales están representados todos los personajes del Zodíaco.

Este, por ejemplo, es el dibujo de la constelación de Sagitario.



 Señalá sobre el dibujo dos pares de ángulos que tengan un lado en común.

Ángulos en el plano



Ansu discersed it los complementa no sun ementar os

Son consecutivos los ángulos que tienen solo un lado en común, como los señalados con verde y violeta en el dibujo.

Dos ángulos son complementarios cuando sus amplitudes suman 90°.



Estos ángulos son complementarios (cada uno es el complemento del otro) porque 42° + 48° = 90° Formarían un ángulo recto al hacerlos consecutivos.



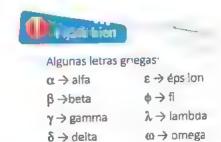
Dos angulos son supiementarios cuando sus ampitudes suman 180°.



Estos ángu os son suplementarios (cada uno es ei suplemento del otro) porque 52° + 128° = 180° Formarían un ángulo llano al hacerlos consecutivos.

Completá la tabla.

â	Complemento de $\widehat{\alpha}$	Suplemento de $\widehat{\alpha}$
62°		
33°		
		126°



 $\pi \rightarrow pi$

Revisá si lo que Nina completó con rojo es correcto. Si hay errores, corregilos.

El suplemento de un ángulo recto mide 💇

📁 El complemento de 27° es 🚅

El complemento de un ángulo recto mide 90°

Completa estos carteles con siempre, a veces o nunca según corresponda.

El complemento de un ángulo agudo es obtuso.

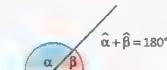
El suplemento de un ángulo obtuso es agudo.

El suplemento de un ángulo es un ángulo recto.



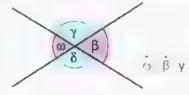
Ángulos adyacentes y opuestos por el vértice

Dos ángulos son adyacentes si son consecutivos y suplementarios.

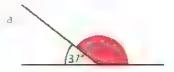


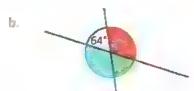
Los ángulos dibujados son advacentes: tienen un lado en común y forman un ángulo llano.

Los ángulos opuestos por el vértice son aquellos cuyos lados son semirrectas opuestas. Estos ángulos tienen igual amplitud



5. Ca culá la amplitud de los ángulos coloreados. Escribí tus cálculos y tus explicaciones.





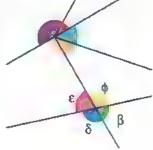
6. Completá la conclusión.

 $\widehat{\alpha}$ es adyacente a $\widehat{\beta}$ y $\widehat{\epsilon}$ también es adyacente a $\widehat{\beta}$. $\widehat{\alpha}$ y $\widehat{\epsilon}$ son ..



- 7. Observá el dibujo
 - a. Nombra:
 - ✓ un ángulo complementario al celeste:

 - uno adyacente a β̂:
 - \checkmark el opuesto por el vértice de $\widehat{\epsilon}$:



 $b = Si \hat{\delta} = 108^\circ$, ¿podés calcular cuánto miden $\hat{\epsilon}$, $\hat{\beta}$ y $\hat{\phi}^2$ Explicá cómo lo pensás.

Si el ángulo anaranjado mide 41° y el rojo, 31°, ¿cuánto mide el celeste? ¿Y el violeta? Escribí los cálculos que hacés.

Operaciones con ángulos



Suma v resta

Para medir angulos en el sistema sexages mai se usa el sia. Cada una de las 360 partes iguales en que se divide un angulo de un giro mide 1° Para ángulos menores que 1° se usan los minutos (′) y los segundos (′).

Un grado son 60 minutos → 1° = 60′

Un minuto son 60 segundos → 1'-60"

Para operar se suman o restan por separado las cantidades del gual denominación. Para restar, si es necesar o, se transforma 1° en 60° o 1° en 60°

En el resultado final, los minutos y los segundos deben ser menores que 60

S Tené en cuenta que $\hat{\beta} = 52^{\circ} \cdot 11' \cdot 53'' \cdot y \cdot \hat{\gamma} = 147^{\circ} \cdot 29' \cdot 32'' \cdot y$ ca cula luego podés contro ar con la calculadora si lo hiciste bien



c. El complemento de $\hat{\beta}$ =



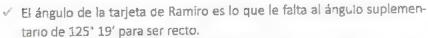
Para ingresar 8° 29′ 7″ en la ca:culadora se pulsa.



En el visor, los símbolos de los minutos y los segundos se ven como los de los grados.

$$\mathfrak{b},\ \widehat{\gamma}-\widehat{\beta}=$$

Seguí las pistas y descubrí cuál es la tarjeta que le corresponde a cada uno.



✓ La diferencia entre 147° 28′ 40″ y 32° 53″ es la amplitud del ángulo de Pedro.

✓ La amplitud del ángulo de Tomás es lo que e falta ai ángulo de Pedro para ser liano. La tarjeta sobrante es de Uri.



64° 32′ 13″

114° 35′ 40″

35° 19°



a. El triple de un ángulo de 65° 33' 29".

Multiplicación y división con medidas angulares

Se multiplica y se divide cada columna por separado. Ai dividir los grados, los minutos y los segundos (en ese orden), si el resto no es 0, este se transforma en minutos o segundos, según el caso

La cuarta parte de un ángulo de 128° 36′ 56″.

Revisá si lo que Seba compieto con violeta es correcto. Si hay errores, corregilos.

a. La cuarta parte de 148° 24" supera a la mitad de 56° 19' en 8° 50' 36".

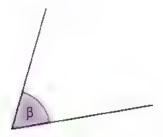
c. Cinco angulos consecutivos de 19° 28′ 41″ cada uno, junto con otro consecutivo de 🐔 🚉 🚉 forman un lano

E coble del angulo que pensó Marina es 86° 59′ 46″ y a tercera parte del que escribió Milena, 31° 57′ 20″. ¿Cuánto suman ios dos ángulos que pensaron?

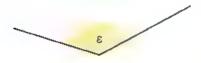


- 13. Considerá estos ángulos. $\hat{\alpha} = 76^{\circ} 27' 52'' \qquad \hat{\beta} = 56^{\circ} 39'$
 - a. ¿En cuánto supera el triple de β a α?
 - b. El complemento de α, ¿es menor o mayor que la tercera parte de β̂? ¿Cuánto más o cuánto menos mide?

- 14 Dibujá
 - a. Un ángulo $\hat{\epsilon}$ complementario de $\hat{\beta}$ y otro $\hat{\alpha}$ suplementario de $\hat{\beta}$.



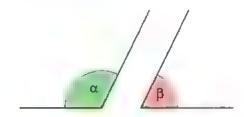
b. Un ángulo $\widehat{\alpha}$ opuesto por el vértice de $\widehat{\epsilon}$ y otro $\widehat{\beta}$ advacente a $\widehat{\epsilon}$.



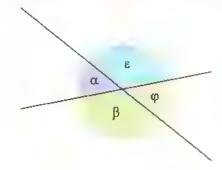
Completá el cuadro.

δ	Complemento de $\widehat{\delta}$	Suplemento de $\widehat{\delta}$
76°		
	32°	
		127°
34° 45′		

- 16. Pipo dice que no hay ningún ángulo que mida igual que su complementario, ¿Tiene razón? ¿Por qué?
- 17. ¿Cuánto m de un ángulo cuya amplitud es igual a la de su suplementario?
- 18 So dice que $\hat{\alpha}$ y $\hat{\beta}$ son advacentes porque sus amplitudes suman 180°. ¿Estás de acuerdo?



- 19. Completá con siempre, a veces o nunca
 - a. Dos ángulos opuestos por el vértice
 tienen igual amplitud.
 - b. Dos ángulos opuestos por el vértice son suplementarios
 - c. Dos ángulos advacentes son complementarios.
 - d. Dos ángulos opuestos por el vértice
- Calcuiá la amplitud de los ángulos señalados cons derando que φ mide el doble del complemento de 65° 15′ Escribí los cálculos que hacés.



21. Tené en cuenta los siguientes ángulos y calculá.

$$\hat{\pi} = 52^{\circ} 32' 16''$$
 $\hat{\gamma} = 111^{\circ} 54''$ $\hat{\omega} = 136^{\circ} 42'$ $\hat{\epsilon} = 69^{\circ} 13' 26''$

a.
$$\hat{\pi} + \hat{\omega} + \hat{\epsilon}$$
 e. $(\hat{\pi} + \hat{\omega}):4$
b. $\hat{\gamma} + \hat{\pi} - \hat{\omega}$ f El doble de $(\hat{\omega} - \hat{\epsilon})$

c.
$$2\hat{\varepsilon} - \hat{\pi}$$
 g. $3\hat{\pi} - 2\hat{\varepsilon}$
d $\frac{1}{2}\hat{\gamma} + \hat{\omega}$ h La mitad de $(\hat{\pi} + \hat{\gamma})$

- 22. El cuádruple de la amplitud de $\widehat{\alpha}$ es 131° 12′ y la tercera parte de la amplitud de $\widehat{\beta}$ es 49° 4′
 - a. ¿Son suplementarios los ángulos $\widehat{\alpha}$ y $\widehat{\beta}$? ¿Por qué?
 - b. Calculá el comp emento de $\widehat{\alpha}$.

Circunferencia

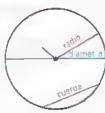
 Dibujá una circunferencia de 2 cm de radio.
 Luego, marcá un diámetro y una cuerda que no pase por el diámetro.



Circunferencia

Todos sus puntos están a la misma distancia de otro llamado centro. Esa distancia es el radio

Cualquier segmento que une dos puntos de la circunferencia es una cuerda. Si la cuerda pasa por el centro, es un diámetro y mide el doble que el radio.



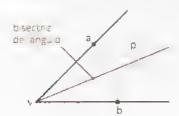
- Observá la circunferencia que trazaste en la actividad 23
 - ¿Se puede trazar una cuerda de 5 cm?
- b. ¿Cuál es la mayor longitud que puede tener una cuerda de esa circunferencia?
- Probá con distintos ejemplos. Luego completá el últ mo enunciado
 - Dibujá dos circunferencias de radios distintos, de modo que la distancia entre los centros sea igual que la suma de los radios.
 - Dibujá dos circunferencias de radios distintos, de modo que la distancia entre los centros sea menor que la suma de los radios.
 - Dibujá dos circunferencias de radios distintos, de modo que la distancia entre los centros sea mayor que la suma de los radios.
 - Dos circunferencias tienen solo un punto en común si la distancia entre los centros es
 que la suma de los radios; y tienen puntos en común si la distancia entre los centros es menor que la suma de los radios. Cuando la distancia entre los centros es ... , que las circunferencios no tienen puntos en comun.

Bisectriz y mediatriz



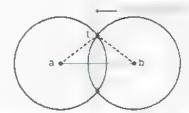
La bisectriz de un ángulo es la semirrecta, con origen en el vértice, que lo divide en dos partes iguales

Para trazarla con compás, se marca un arco con centro en el vértice **v** que corte los lados en dos puntos, **a** y **b**. Se pincha en **a** y en **b**, y se trazan dos arcos de igual abertura, que se corten en un punto **p**. Luego se traza una semirrecta con origen en **v** que pasa por **p**.



La mediatriz de un segmento es la recta perpendicular a este que pasa por su punto medio. Cada punto de la mediatriz equidista (está a la misma distancia) de los extremos del segmento.

Para trazarla, se pincha con el compás en los extremos del segmento y se dibujan dos circunferencias de igual radio, que se corten en dos puntos. Luego se traza la recta que pasa por esos dos puntos.



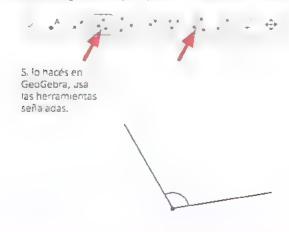
El punto t está a la misma distancia de a y de b

- 26. Seguí los pasos que indicó el profesor de Alejo.
 - a. "Tracen la mediatriz del segmento".



b. "Marquen un punto e que pertenezca a la mediatriz. Luego tracen una circunferencia con centro en e que pase por a" Alejo afirma que es seguro que esa circunferencía pasará también por b. ¿Por qué puede asegurarlo?

 Trazá la bisectriz del ángulo y luego comprobá si las amplitudes de los dos ángulos en que quedó dividido son iguales.





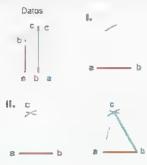
28. Trazá dos ángulos adyacentes α y β. Luego, dividí α en dos partes iguales y trazá las bisectrices de cada una de ellas. Damián dice que cada uno de estos ángulos que quedan determinados representan la cuarta parte del suplemento de β ¿Trene razón? ¿Por qué? Mostrá cómo razonás



Algunas construcciones

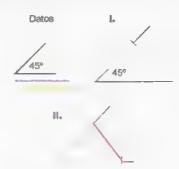
Dados los 3 lados

- Se traza, por ejemplo el segmento ab Se abre el compas con la medida del segmento de este se pincha en biy se traza un arco.
- un tuego se abre el compás con la medida del segmento verde y se nace otro arco con centro en **a** que corte el primero. Queda determinado así el punto **c**.



Dados 2 lados y el ángulo comprendido

- Se dibuja un ángulo de la amplitud indicada. Sobre uno de los lados del angulo se traslada, con compas, el segmento violeta.
- II. Sobre el otro lado se transporta e segmento verde. Se completa el trangulo trazando el tercer lado.



Clasificación de triángulos

Según sus lados Sistemas: 2 ados de gua longitud Equilátero: 3 lados de igual longitud.

Segun sus angulos Segun sus an

29. Dibuja cada triángulo con regia y compasi Luego, clasificados segúnisus lados y sus ángulos.



Con tres ados de 3 cm.

- o Con un ado de 4 cm y otros dos de 2,5 cm.
- c Con dos lados de 3,5 cm y e ángulo comprendido entre ellos, de 65°

30. Dibujá, con regla y compás, un triángulo cuyos lados midan 4 cm, 3 cm y 2 cm. Luego, trazá otros triángulos cambiando la posición del vértice que no pertenece al lado de 4 cm y observá cómo varían as longitudes de los otros dos lados. ¿Podrías hacer que estos midan 2 cm cada uno? ¿Y que midan 1,5 cm y 2 cm?



Propiedades de los triángulos

- Cada lado es menor que la suma de los otros dos.
- · El ángulo mayor se opone al lado mayor.
- Los ángulos opuestos a los lados de igual longitud tienen la misma amplitud.
- La suma de sus ángulos interiores es 180°. Esto se puede comprobar si se agrupan los tres ángulos de manera consecutiva y se forma uno llano.



El ángulo violeta es opuesto al lado verde Los ángulos azul y violeta son adyacentes al lado rojo.



nd calcuel o cuales de estas ternas pueden ser las longitudes de los lados de un triángulo y por qué.

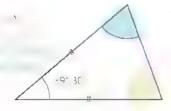
6 cm, 4 cm, 3 cm.

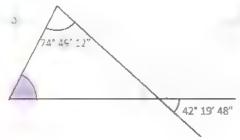
10 cm, 5 cm, 5 cm.

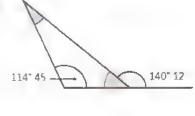
9 cm, 4,5 cm, 2 cm.

7 cm den dem

Ca culá en cada caso, sin usar el transportador, las amplitudes de los angulos coloreados luego ciasificá cada triángulo según sus ángulos.







Revisals o que Andrea completo con rojo es correcto. Si hay errores, corregilos.

- Significanção rectangulo es sósceles, enfonces nene ángulos agudos con una amplitud de 60° y 30°.
- Los ángulos interiores de un triángulo equilátero miden 30°.



- 34. Indicâ si es posible o imposible construir un triángulo en cada caso y por qué
 - Con tres ángulos rectos.
 - Con un ángulo recto y dos obtusos.
 Con tres ángulos de 55°.
 Con ángulos de 110° 20′, 34° y 35° 40′.
 - Con lados de 9 cm, 4,5 cm y 3,5 cm. Con lados de 8 cm, 5 cm y 3 cm.

Cuadriláteros



Clasificación de cuado lateros convernos propied introdución de

Los cuadriláteros convexos (cada ángulo interior es menor que 180°)

se pueden clasificar así:

Trapezoides: ningún par de lados paralelos.

solo un par de lados paralelos

Trapezoide común



Trapecio escaleno





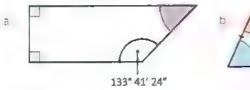
Parale ogramos dos pares de lados paralelos

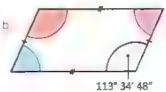


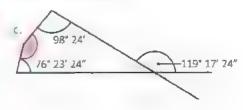




- En cualquier cuadrilátero convexo, la suma de los ángulos interiores es 360°.
- Los romboides tienen un par de ángulos opuestos de igual amplitud.
- Los · · · y los
- En los paraie ogramos, los ang s carros a le y los dos suman 180°.
- 35. Calculá en cada caso, sin usar el transportador, las amplitudes de los ángulos coloreados







36. ¿Quién o quiénes dicen la verdad? ¿Por qué?

Maru: "Dibujé un rombo con ángulos de 54 grados y 116 grados"

Maite:

Facult the unincomposate or in about the second of the sec



Construí en cada recuadro blanco con regia y compás.

a. Un paralelogramo común con un lado de

4,5 cm y un ángulo de 50°.



Dados dos lados y un ángulo.



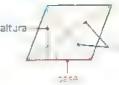




Se traza el ángulo y se marcan los lados dados. Luego se trazan las paralelas a cada lado y así se determina el vértice faltante, **p**.

b. Un rombo de 3 cm de lado y un ángulo de 65".





 c. Un parafelogramo común con una base de 4,5 cm y 3 cm de altura.

in Cho

Escribí el nombre de un cuadrilátero en cada caso. Para e lo, dibu,a

as dos diagonales de modo que cumplan lo que se indica y trazá los lados de cuadrilatero

DIAGONALES	CUADRILÁTERO
No son igua es y se cortan de manera perpendicular por su punto medio.	
Son perpendiculares que se cortan en el punto medio de una sola de ellas	
Son perpendiculares y el punto donde se cortan no es punto medio de ninguna de ellas	
Tienen igual longitud, no son perpendi- culares y se cortan en su punto medio.	
Tienen igual long tud, no son perpendi- culares y no se cortan en el punto medio de ninguna de las dos.	



- 39. Construí sobre papel liso.
 - a. Un romboide con lados de 2,5 cm y 4 cm y el ángulo comprendido de 115°. Podés pensario como dos triángulos isósceles que comparten un lado.
 - b. Un cuadrado de 4,5 cm de lado
 - c. Un rombo de 4 cm de lado.
 - d. Un trapecio rectángulo cuyos lados paralelos midan 5,5 cm y 3,5 cm, y su altura, 2 cm.

Polígonos. Suma de ángulos interiores



Nombre de los poligonos

Se trabajará con polígonos convexos (cada uno de sus ángulos interiores es menor que un liano).

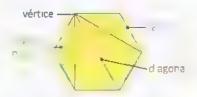
tnángulo cuadrirátero				

Suma de los angulos interiores (SAI) de un polígono

Si se trazan desde un mismo vért ce todas las diagonales de un polígono convexo de ${\bf n}$ ados, este queda divid do en ${\bf n}$ – ${\bf Z}$ triáng – os

E hexágono queda dividido en 4 triángulos. Como la suma de los ángulos interiores de cada triángulo es 180°, la del hexágono resulta. SA ~ 180° · 4 = 720°.

Para un polígono de n ados: SAI = 180° · (n - 2)



Calculá la suma de los angulos interiores de estos polígonos. ¿Cuál es el nombre de cada uno?









41. ¿Cuántos lados tiene e poligono que se esconde en cada tarjeta?





42. Fel'pe contó que construyó un polígono y la suma de sus ángulos interiores es 630°. Su amigo dice que no puede ser. ¿A qué pensás que se refiere? ¿Tiene razón el amigo?



ndicá si es verdadero o faiso

- a. Al duplicar el número de lados de un polígono, se dup ica la SA.
- b. Al tripl car la SAI, no se triplica et número de triángulos en que queda dividido el polígono al trazar (as diagonales desde un vértice.

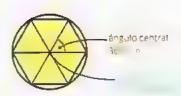
Polígonos regulares



Características de los poligonos regulares

Tienen todos sus lados de la misma longitud y todos sus ángulos interiores de igual amp 'tud. Se los puede 'nscribir en una circunferencia, es decir, tienen sus vértices en ella





Construcción de poligonos regulares inscriptos en una circunferencia

Para un eneágono regular (n = 9), la amplitud de cada ángulo central es 360°: 9 = 40°.

- Se traza con el transportador un ángulo central de 40°
- Se trazan los restantes ángulos centrales, uno consecutivo con el otro, y se unen los puntos (vértices del polígono) donde los lados de los ángulos cortan la circunferencia







Tambien se puede construir así.

Se traza un ángulo centra , que marca dos vértices del polígono, y se traza el lado que determinan.

- Luego se mide ese lado con el compás y, con esa medida, a partir de uno de los dos vértices, se trazan 7 arquitos consecut vos sobre la circunferencia, y se dibujan los lados uniendo los puntos.

Construí los po ígonos ped dos e indicá cuánto mide cada ángulo central y cada ángulo interior.



HEXÁGONO REGULAR





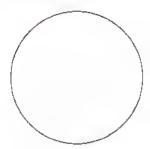


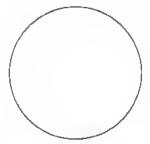
Malena construyó un polígono regu ar con un ángulo central de 36°; en cambio, en el que hizo Julia, un ángulo central mide 30°.

a. ¿Qué polígono construyó cada una? Maiena 🗦



Inscribí cada uno en las circunferencias.





Ana dice que construyó un polígono regular con un ángulo central de 80°. Maite dice que no puede ser. ¿Quién tiene razón? ¿Por qué?



- Dibujá una circunferencia de 3 cm de rad o, con centro en o, y otra con el mismo centro, de 8 cm de diámetro. Luego ubicá lo que se indica.
- a. Con rojo, tres puntos a más de 3 cm de o, pero a menos de 4 cm.
- b. Con azu, dos puntos interiores a la circunferencia de 3 cm de radio y, con verde, 3 puntos exteriores a la otra circunferencia.
- c. Con violeta, cinco puntos a 4 cm del centro.



Trazá

dos ángulos adyacentes $\hat{\beta}$ y $\hat{\epsilon}$. Luego dibujá la bisectriz de cada uno. ¿Cuánto mide el ángulo que determinan ambas bisectrices? Compará con tus compañeros y escribí una conclusión

- 49. Dibujá la mediatriz de un segmento que mida más de 7 cm pero menos de 7,5 cm.
- 50 La profe propuso este desafío en el pizarrón.

 Hay que ubicar un punto negro o igual distancia
 de estos puntos marcados.

Enzo dice que hay una sola opción; en cambio, Lola opina que hay más de una posiblidad ¿Quién tiene razón? Marcá la o las posibilida des, y explicá qué instrumentos de geometría usaste

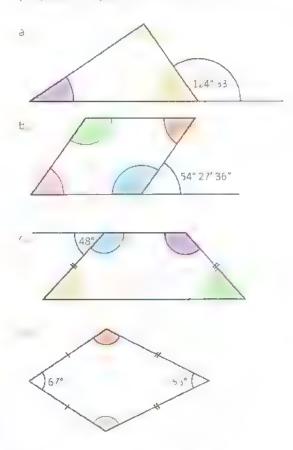


- Dibujá estos triángulos con regla y compás Luego clasificalos según sus lados y sus ángulos.
 - a. Con lados de 4 cm, 5 cm y 6 cm.
 - b. Con lados de 3 cm, 5 cm y el ánguto comprendido de 50°.
 - c. Con un lado de 5,5 cm y sus ángulos adyacentes de 70°

52. Elegí 3 segmentos con los que podrías armar un triángulo y explicá cómo hiciste para saber que con ellos la construcción será posib e.



53. Calculá las amplitudes de los ángulos coloreados y explicá cada paso de tu razonamiento



- Los ángu os interiores de un polígono regular suman 3 240°.
 - a. ¿Cuántos lados trene el polígono?
 - b. ¿Cuál es la amplitud de cada uno de sus ángulos interiores?
 - c. ¿Cuánto m de cada ángulo central?
- 55. Uno de os ángulos centrales de un polígono regular mide 24°.
 - a. ¿Cuántos lados tiene el po ígono?
 - b. ¿Cuá, es la suma de los ángulos interiores?
 - c. ¿Cuá es la ampl tud de cada ángulo interior?

Repaso todo

- 6 Completá las tablas.

ά	Complemento de a
33° 42′ 9″	
	65° 53′
	49" 14"
δ	Suplemento de $\hat{\delta}$
δ	Suplemento de $\hat{\delta}$ 78° 23′
δ 107° 11'	

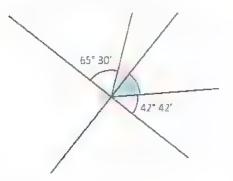
57. Respondé.

- a. Pablo dice que el complemento del ángulo recto y el suplemento del ángulo llano tienen igual amplitud. ¿Tiene razón? ¿Por qué?
- b. ¿Cómo son las amplitudes del complemento de un ángulo nulo (0°) y el sup emento de uno recto?
- La profe pregunto si la amplitud del complemento de un ángulo agudo es mayor, menor o igual que la del suplemento de un ángulo agudo. ¿Podés responder aunque no conozcas cuánto mide el ángulo o te faltan datos? Explicá cómo lo pensás.

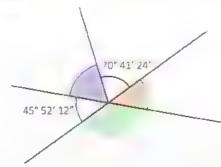
Indicá si cada afirmación es verdadera o falsa. En caso de ser falsa, explicá o mostrá por qué.

- a. El complemento de un ángulo agudo siempre es un ángulo obtuso.
- b. El suplemento de un ángulo obtuso nunca es un ángulo recto
- Si dos ángulos son suplementarios, entonces son adyacentes.
- d. Si dos ángulos son consecutivos, entonces son advacentes.
- Dos ángulos opuestos por el vértice pueden tener diferente amplitud.
- f. Si dos ángulos son adyacentes, entonces es seguro que uno es agudo y el otro es obtuso.

Calculá la amplitud de los ángulos coloreados.
 Mostrá los cálculos que hacés.



- Mirá el dibujo de la actividad anterior y calculá el complemento del ángulo que forman juntos el celeste y el anaranjado.
- 62. Observá el dibujo.
 - a. Hatlá las amplitudes de los ánguios coloreados.
 - Nombrá dos pares de ángulos adyacentes.
 - Nombrá un par de ánguios opuestos por el vértice



- Respondé teniendo en cuenta las ampitudes de los ánguios de la actividad anterior.
 - a. ¿En cuánto supera el ángulo recto al ángulo opuesto por el vértice al rojo?
 - b. ¿Supera el ángulo verde al ángulo violeta en más de 25° 16′ o en menos? ¿En cuánto más o en cuánto menos?

64. Catculá.

- a. ¿Cuántos minutos hay en 73° 38′?
 ¿Y en 116° 19′?
- ¿Cuántos segundos hay en 64° 32"?
 ¿Y en 121° 27′ 51"?



Repaso todo



65. Trazá la bisectriz de cada uno de estos ángulos.





Trazá un segmento que mida más de 7,5 cm y menos de 8 cm. Luego, dividilo en 4 partes de igual longitud, pero sin usar la regla para medir.

En el triángulo **abc**, el ángulo a mide 44° 27′ 8″ y el adyacente a b, 107° 45′. ¿Cuánto mide ĉ? Clasificá el triángulo por sus lados y por sus ángulos.

En e triángulo **mnp**, el ángulo opuesto por el vértice a n mide 64° 29′ 36″ y el adyacente al ángulo p, 159° 29′ 36″. ¿Cuál es la amplitud de m? Clasificá el triángulo por sus lados y por sus ángulos

- triángulo isósceles, el complemento del ángulo diferente mide 47° 15'. Sol dice que el triángulo es obtusángulo. ¿Tiene razón?
- 70 Joaco contó que cada uno de los ángulos del triángulo que dibujó mide menos de 60°. Lucas dice que no puede ser. ¿Por qué no puede ser?
- 71 Indicá, en cada caso, si se forma un triángulo o no. Luego clasificá los posibles.

ab	50	ca	Si/No	Según sus iados
4 cm	9 cm	5 cm		
10 cm	6 cm	6 cm		
7 cm	7 cm	7 cm		

- 72 Dibujá estos triángulos con regla y compás.
 - a. Con tres lados de 4,5 cm.

que seguís para averiguarlo.

- b. Con lados de 5,5 cm, 6 cm y el ángulo comprendido de 105°.
- c. Con un lado de 7 cm y sus ángu os adyacentes de 85° y 50°.
- adyacente del ángulo a de paralelogramo abcd mide 64° 29′ 36″. ¿Cuál es la amplitud de cada uno de los ángulos interiores? Mostrá los pasos
- 74. Uno de los ángulos interiores de un trapecio isósceles mide 55° 15'. Calculá la amplitud de los tres ángulos restantes.
- 75. Tres de los ángulos interiores del cuadrilátero que dibujó Agustín miden 83° 32′, 58° 46′ y 0° 38. ¿Es cierto que la amplitud del otro ángulo es el doble que la del primero?



Construí con regla y compás.

- Un paralelogramo común de 6,5 cm de base y 4 cm de altura.
- b. Un rombo de 5 cm de lado que tenga un ángulo de 75°
- Revisa si lo que ván completó con rojo es correcto. Si hay errores, corregilos.
- La suma de los ángulos interiores de un polígono de 16 lados es 2.880°.
- La suma de los ángulos interiores de un polígono de 15 lados es 2.340°.
- Al trazar las diagonales desde un vértice de un poligono de 11 lados, este queda dividido en 13 triángulos.
- d. Cada ángulo interior de un octógono regular mide 45°.
- 78 Trazá una circunferencia y construí un polígono regular cuyo ángulo central mida 40° Hace o bastante grande. Luego, escribí qué nombre lleva el polígono y calculá la amplitud de cada ángulo interior



Ten endo en cuenta que:

$$\hat{\alpha} = 76^{\circ} 18''$$
 $\hat{\beta} = 104^{\circ} 27' 36''$ $\hat{\gamma} = 44^{\circ} 52$

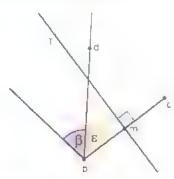
¿Cuánto mide el complemento de α?

II. ¿Cuánto mide el suplemento de $\hat{\gamma}$?

1 ¿Cuánto mide la tercera parte de β̂?

IV. ¿Cuánto mide el doble de a?

En el dibujo, $\hat{\beta} = \hat{\epsilon} y \text{ bm} - \text{mc}$.



1. ¿Qué opción corresponde a bd?

Bisectriz de b

Bisectnz de m

Mediatriz de bc.

Ninguna de las anteriores.

II. ¿Qué opción corresponde a la recta T?

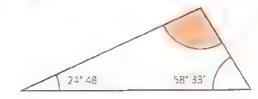
Mediatriz de bc.

Mediatriz de bd

Bisectriz de b.

Bisectriz de m.

3 Observá este triángulo.



E. ¿Cuánto mide el ángulo rojo?

6° 39'

83° 21'

© Samillana S.A. Prohibida su fotocopie. Ley 11,723

96° 39'

121° 27'

II. ¿Qué clase de triángulo es según sus ángulos?

Acutángulo.

Rectángulo.

Escaleno.

Obtusángulo.

III. ¿Qué clase de triángulo es según sus lados?

Equilátero.

Isósceres

Escaleno.

Rectángulo.

Uno de los ángulos interiores de un rombo mide 56° 30'. ¿Cuánto mide cada uno de los ángulos interiores no opuestos a él?

56° 30'

123° 30'

247*

303" 30"

5. ¿Cuál es la suma de los ángulos interiores de un polígono de 15 lados?

2.340°

2.700°

4.680°

- Considerá un dodecágono regular
 - I. ¿Cuánto mide el ángulo central?

30°

36°

1.800

2.160°

II. ¿Cuánto mide cada ángulo interior?

30°

150°

1.800°

2.160°

📭 ya lo sabia.

- Varentín cortó la tarta de espinacas por la mitad. Luego cortó cada mitad por la mitad. ¿Qué fracción de la tarta representa cada porción obtenida?
- Pato no leyó 64 de las 128 páginas que tiene un libro.
 - a. ¿Qué fracción de las páginas que tiene el libro representa lo que leyó?
 - b. Su hermana Sol, en cambio, solo leyó 32 páginas de ese mismo libro. ¿Qué fracción del total leyó?
- Galo comió 6 bombones de fruta en el segundo recreo; eran la quinta parte de los que trae el paquete
 - a. ¿Cuántos bombones trae el paquete? Mostrá cómo lo pensás.
 - ¿Qué fracción de los bombones que vienen en el paquete no comió Galo todavía?



En un sitio de internet, Ale encontró esta información: "En el oeste de nuestro país hay montañas muy altas. ¿Sabías que se pueden encontrar 88 picos con alturas superiores a los 5.000 metros? De ellos, 21 están en la provincia de Catamarca, 12 en Mendoza y 8 en La Rioja. Otra curiosidad: en la República Argentina se encuentran 9 de los 10 volcanes más altos del planeta, y comparte 6 de ellos con Chile".

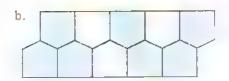
Respondé de acuerdo con esa información.

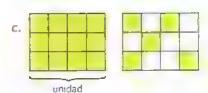
- ¿Qué fracción de los picos con alturas superiores a 5.000 m se encuentra en la provincia de Mendoza? ¿Y en La Rioja?
- ¿Qué fracción de esos picos no se encuentra en la provincia de Catamarca?
- Rodeá la fracción de volcanes más altos del planeta que no se encuentra en Argentina.

Las fracciones

4. ¿Qué fracción de la unidad está coloreada?







I us i de las fracciones

En la figura se pintaron con rojo 5,



nunca es 0

S se reparten en forma equitativa 5 chocolates entre 2, la fracción de chocolate que recibe cada uno es $\frac{5}{2}$











Una fracción indica el cociente entre el numerador y el denominador.

Hay fracciones que pueden escribirse como numero mixto

$$\frac{5}{2} = 2\frac{1}{2}$$



numero mixto (dos enteros y un medio)

 D bujá el entero. Tené en cuenta que esta varil a representa tres septimos del total





Representan la misma parte del entero.

De las 10 lunas, 6 son verdes $\Rightarrow \frac{6}{10}$ del total son verdes.

De las 5 pare as 3 son verdes $\frac{3}{5}$ de tota son

 $\frac{3}{5}$ de tota son verdes $\frac{6}{10}$ y $\frac{3}{5}$ son fracciones equivalentes

Las fracciones equivalentes se obtienen muitiplicando sus componentes por un mismo numero natural que no sea 0 (amplificar) o dividiendo ambos por un divisor común mayor que 1 (simplificar)

$$\frac{48}{60} = \frac{12}{15} = \frac{4}{5}$$

fracción irreducible (no se puede simplificar más)

Revisá si lo que Majo completo con rojo es correcto. Si hay errores, corregilos.

3 $\frac{7}{3}$ como número mixto es $7\frac{1}{3}$ y una fracción equivalente a $\frac{7}{3}$ es $\frac{63}{2}$





Para ingresar $\frac{5}{4}$ en a calculadora pulsás 5 a b/c 4 - y el visor te muestra 5 . 4.

Pu sando SHIFT a b/c veras su expresión como **número mixto**: 1 [1] 4 (un entero y un cuarto)

Fracciones y expresiones decimales



Las tracciones decimales son aque las cuyo denominador se puede escribir como una potencia de 10-10, 100, 1.000, etcétera).

typresion der mal de una fracción

Para obtener la expresión decimal de una fracción, se divide el numerador por el denominador Se recuerda que cuando se hace la d \sqrt{s} on entera entre dos numeros naturales y ex resto no es0, se puede continuar dividiendo para hallar el cociente decimali se coloca una coma en el cociente y se dividen los décimos il os centes mos,

En una fracción decimai, al dividir el numerador por el denominador, siempre se obtiene resto 0 y el cociente es una expresión decimal exacta o número decimal.

En una fracción no decimal, el resto de la división entre el numerador y el denominador nunca es 0, y el cociente es una expresión decimal periodica Las ofras decimales que se repiten indefin damente forman el período, que se señala con un arquito.

$$\frac{25}{9}$$
 $\frac{25}{70}$ $\frac{9}{2,777}$ $\frac{25}{9}$ 2,777 = 2,7

Es muy fácil escribir una fracción decimal como número decimal si se busca el denominador 10, 100, 1.000, correspondiente:

$$\frac{4}{5} - \frac{8}{1}$$
 0, (8 dec mos $\frac{7}{20} - \frac{35}{1} = 0$ (35 centesimos) $\frac{49}{40} - \frac{1225}{1} = 1225$ (1 entero 225 m és mos)

Escribil a expresión decimal de cada fracción e indicá con una Ellas exactas y con una Pilas per odicas

a.
$$\frac{30}{4}$$
 =

e.
$$\frac{11}{30}$$
 =

e.
$$\frac{11}{30}$$
 = g. $\frac{32}{500}$ =

$$b \cdot \frac{5}{9} =$$

d.
$$\frac{52}{50}$$
 =

$$\frac{1}{200} =$$

$$h. \frac{88}{25} =$$

Escribí como número decima y como fracción decimal cada una de las expresiones.

$$a + \frac{3}{10} + \frac{6}{100}$$

b.
$$5 + \frac{7}{100} + \frac{1}{1,000} =$$

$$c. 14 + \frac{8}{100} =$$

d. 37 milésimos



$$3.84 = 3 + 0.8 + 0.04$$

 $3.84 = 3 + \frac{8}{10} + \frac{4}{100}$

- Mar ano dice que la expresión decimal de la fracción "16 sobre 500" es periódica porque no tiene denominador 10, 100, 1 000, etcétera. ¿Estás de acuerdo? ¿Se puede ha lar una equivalente con alguno de esos denominadores?
- 10. Rodeá la fracción correcta. Luego, escribí en la casilla su expresión decimal.
 - a. Fracción de metro que representan 23 cm.

b. Fracción de kilómetro que representan 137 m.

c. Fracción de metro que representan 11 dm.

11. Escribí la fracción de kilogramo que representa cada cantidad y el número decimal correspondiente

- 12. Revisá si lo que Matu completó con rojo es correcto. Si hay errores, corregilos.
 - a. La expresión decimal de 26 es 2.8.







equivalentes.

<u>3 5 8 4 63 110</u>
5 3 20 30 35 50

 $1 \text{ cm} = \frac{1}{100} \text{ m}$

 $1 dm = \frac{1}{10} m$

 $1 \text{ m} = \frac{1}{1.000} \text{ km}$

c.
$$82 + \frac{2}{10} + \frac{4}{1,000}$$
 es equivalente a $82,204$.

14. Hallá la fracción irreducible de 63 y de 110 . Luego, expresá cada una como número mixto.

Comparación y representación en la recta





¿Cuál es mayor?

rar los numeradores.

Una manera de comparar fracciones consiste en buscar fracciones equivalentes de igual denominador y compa-

 $\frac{8}{3} > \frac{9}{4}$ porque $\frac{8}{3} = \frac{32}{12}$; $\frac{9}{4} = \frac{27}{12}$ y 32 > 27.

ceros a la derecha de la parte decimal

Otra manera es comparar sus evores ones decimales

 $\frac{7}{4} = 1.75 \text{ y} \cdot \frac{9}{5} = 1.8 \Rightarrow \frac{9}{5} > \frac{7}{4} \text{ porque } 1.80 > 1.75.$

 $\frac{8}{5} = 1.6 \text{ y} \frac{15}{9} = 1.6 \text{ y} \frac{8}{5} < \frac{15}{9} \text{ porque } 1.60 < 1.56...$

cifra por cifra, de izquierda a derecha. Se puede agregar

b 6,4
$$\frac{58}{9}$$
 d. $\frac{11}{4}$ 2,6

16. Ordená de menor a mayor.

b. 8.3: 8.24: 8.6: 8.92: 8.09: 8.62: 8.102.

- Matías y sus am gos están jugando en la compu. Cada nivel del juego tiene un color y un cód go fraccionario Segui las pistas y descubrí en qué nivel se encuentra cada uno de los cinco chicos.
 - Bauti está en el nivel que tiene el código mayor, y Facu, en el que tiene el menor
 - Agus se encuentra en el que tiene el código mayor que 3,45 pero menor que el del nivel violeta.
 - E cod go del nive de Santi supera a $\frac{9}{2}$, pero no lega a $\frac{61}{10}$







Representación en la recta numer ca

Para representar una sum , se divide la unidad en tantas partes iguales como indica el denominador y se cuentan desde 0 tantas partes como indica el numerador.

La unidad se divide en 5 partes iguales porque hay que ubicar $\frac{6}{5}$



Para representar un se puede dividir la unidad en 10 partes igua es (decimos), si cada parte vue ve a dividirse en 10 partes iguales, la unidad queda dividida en centésimos, etcétera.





Ubica en la recta numérica

$$\frac{3}{4}$$
, $\frac{19}{12}$, $\frac{7}{3}$, $1\frac{5}{6}$.



b. 8,20; 9,10; 7,8; 8,25 y 7,75.



 Ordena de menor a mayor las fracciones del tem a y, de mayor a menor las expresiones del b.



Al recorrer la recta numérica de izquierda a derecha, os números están ordenados de menor a mayor

Había que escribir una tracción en cada casilla. Revisá si Ariel lo hizo bien.



ndicá que numero le corresponde a cada punto de color. Luego lescribi un numero que sea mayor al que representa el verde y otro menor al número del rojo.



Aproximaciones



Redondear o truncar

Para una expresión decimalisem ra la primera of la decimalia el minar Si es mayor o igual que 5, se suma 1 al dígito que está a su izquierda. Si es menor que 5, el dígito que está a su izquierda queda igual, no se modifica.



Para truncar una expresión decimal se descartan todas las cifras a partir de una cierta ubicación, o sea, se "corta" el numero en la cifra que se desea.

The Suntangency of	Carried Constitution	Contract of the Contract of th		
A land to the land to the land to the land	A STATE OF THE PARTY OF THE PAR	A STATE OF THE PARTY OF THE PAR	A STATE OF THE PARTY OF THE PAR	The state of the s
23,8175	23	23,8	23,81	23,817

21. Completá la tabla



- Emanue está buscando precios para imprimir e logo para e interco egial de básquet. En la fotocopiadora de parque cuesta \$54,95; en cambio, en la de la esquina, \$55,45.
 - a ¿En cuai le conviene encargar a impresión, para pagar menos, si en ambos lugares redondean el precio a as unidades? ¿Por qué?
 - b. ¿Y si en los dos locales redondearan a los décimos?
- En cada caso una mancha de tinta tapó la cifra de los centésimos. Usá las pistas y encontrá cuál o cuá, es pueden ser esos dígitos.

72,4

A, redondear este número a los decimos se obtiene 72.5

84,3

decimos

, ver cómo voy

- 24. Escribí el número correspondiente en cada caso.
 - a. Fracción irreducible de 124.
- Expresión decimal del número 12 4/25.
- Expres on decimal de la fracción $\frac{254}{45}$
- Número decimal equiva ente a 168
- El agua de mar, además de la sai común, contiene pequeñas cantidades de otros compuestos químicos que se muestran en la tabla.
 - a. ¿Cuál es el compuesto disuelto que se en cuentra en menor cantidad? ¿Y en mayor cantidad?
 - b. Santi afirma que el ácido bórico disue to es equiva ente a la fracción "13 sobre 500", que a su vez corresponde al número decima 0.026 ¿Es correcto?

, 1885, 1886, 188	
Bicarbonato de sodio	<u>1</u> 5
Fluoruro de sodio	<u>6</u> 2.000
Cloruro de potasio	7 10
Bromuro de sodio	12 125
Ácido bórico	65 2.500

her the bear and is a who

- D bujá una recta numér ca elegí la unidad adecuada y representá estos números 3,75, $\frac{43}{10}$, $\frac{19}{5}$, 4,25 y $\frac{53}{10}$.
 - Ordená de menor a mayor los números de cartel.

8.2 8.23 8.09

- Escribí una fraccion con denominador 12 que esté entre los dos números. Ayudate con las fracciones equivalentes.
 - a. $\frac{3}{4} y \frac{11}{12}$. b. $\frac{19}{6} y \frac{9}{2}$. c. $1 y \frac{23}{12}$.
- d. $\frac{10}{3}$ y $\frac{15}{4}$.
- Obtené a expresion decima de cada fracción y luego truncá o redondeá, segun corresponda.

			* *	
	Expresión decimal			
14				
6				

	[Truncada]			
Expresión decimal				

Sumas y restas con mado chas in millovidio il a co

 Calculá y simplificá el resultado cuando sea posible.



$$2\frac{3}{7} - \frac{3}{2} =$$

$$\frac{14}{3} + \frac{9}{5} - 2 =$$

d $3\frac{1}{9} + \frac{5}{18} - \frac{7}{3} -$



Suma y resta de fracciones

 Si tienen igual denominador, se suman o restan los numeradores y se mantiene el denominador.

$$\frac{8}{5} + \frac{13}{5} = \frac{8+13}{5} = \frac{21}{5}$$
 $\frac{19}{3} - \frac{11}{3} = \frac{19-11}{3} = \frac{8}{3}$

 Si tienen distinto denominador, se puede buscar fracciones equivalentes con un denominador común; por ejemplo, el m.c.m. de sus denominadores.

$$\frac{9}{8} + \frac{5}{3} = \frac{27}{24} + \frac{40}{24} = \frac{27 + 40}{24} = \frac{67}{24}$$

$$\frac{7}{3} + \frac{3}{4} = \frac{28}{12} + \frac{9}{12} = \frac{28 - 9}{12} = \frac{19}{12}$$

Al calcular $1 - \frac{3}{8}$ se puede pensar 1 como $\frac{8}{8} + 1 - \frac{3}{8} = \frac{5}{8}$

Al calcular $2+\frac{2}{3}$ se puede pensar 2 como $\frac{6}{3} > \frac{6}{3} + \frac{2}{3} = \frac{8}{3}$

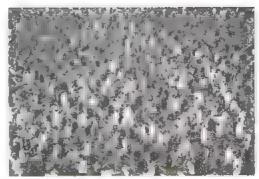
- Guada va en bicicleta al recital de Los Traviesos en la plaza del pueblo, que está a $5\frac{1}{2}$ km de su casa. Primero recorrió $1\frac{2}{5}$ km y luego de descansar unos minutos, avanzó otros $2\frac{1}{10}$ km.
- 32. Mariela entrena para la maratón de la primavera. El lunes corrió 3,45 km y el martes, 1,5 km menos que el día anterior. Al día siguiente corrió 2,16 km más que el lunes. Durante los tres días, ¿corrió más de 12,25 km o menos? ¿Cuánto más o cuánto menos?



Suma y resta de números decimales

Se recuerda que cuando se suman o restan números decimales, hay que cuidar que las comas queden una debajo de la otra. Además, si es necesario, se puede agregar ceros.

- E pingüino de Humboldt mide aproximadamente 0,72 m de altura, mientras que la estatura de un pinguino emperador es de 1,2 m.
 - a. Tomás dice que el pinguino emperador mide 0,52 m más que el otro. ¿Tiene razón? ¿Por qué?



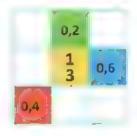
Pinguinas emperador

b. La altura de Tomás es 0,84 m mayor que la del pingu no de Humboldt. ¿Mide más de un metro y med o o menos? ¿Cuánto más o cuánto menos?

Maca y Matías registraron en la tabla las actividades que realizan sin incluir el deporte, y qué parte de las horas de dia destinan a el as. En el tiempo libre que les queba, hacen deporte. ¿Quien de los dos dedica mas tiempo a las actividades deportivas?

	11 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1	4	**	Ť,
Maca	3 8	1 4	2	7 4
Matías	5 12	5 24	<u>1</u>	

35. Completá os números que faitan en el cuadrado mágico ¿Sabés por que es mágico? Porque la suma en cada fila o en cada columna, o en cada diagonal, es 1. Pista: para hacer los cálculos, escribí todos los números como fracción.



36. Descubrí cuál es el número que se esconde en cada tarjeta.

Le faltar 425 para legar a 308,70.

Supera a
$$\frac{55}{4}$$
 en 3,21

El resultado de la suma entre 55 y 228.

11,32 mas que el número de la tarjeta anaranjada.

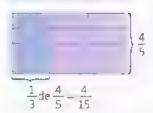
Multiplicación con fracciones y decimales



Multiplicación con fracciones

- Para halfar $\frac{1}{6}$ · 96 (o sea, $\frac{1}{6}$ de 96) se divide 96 por 6. $\frac{1}{6}$ · 96 = $\frac{96}{6}$ = 16
- Para hallar $\frac{5}{6}$ · 96 ($\frac{5}{6}$ de 96) se multiplica 96 por 5 y se divide por 6. $\frac{5}{6}$ · 96 = $\frac{5}{6}$ = 80
- Para calcular $\frac{1}{3} \cdot \frac{4}{5}$ ($\frac{1}{3} \det \frac{4}{5}$), se puede pintar $\frac{4}{5}$ del entero y rayar su tercera parte; se observa que la parte rayada representa $\frac{4}{15}$ del entero. Este producto se puede obtener directamente, asr

El producto de dos fracciones es igual al producto de los numeradores entre sí y los denominadores entre sí. Si un numerador tiene algun divisor común con un denominador, conviene simplificar antes de multiplicar, para trabajar con números más pequeños.



37. Calculá.

$$a. \frac{42}{15} \cdot \frac{24}{7} =$$

c.
$$\frac{54}{12} \cdot \frac{28}{3} =$$

e.
$$\frac{50}{9} \cdot \frac{36}{48} =$$

b.
$$\frac{11}{45} \cdot \frac{75}{44} =$$

d.
$$\frac{2}{14} \cdot \frac{35}{8} =$$

f.
$$\frac{6}{25} \cdot \frac{55}{18}$$

Las tres quintas partes de los libros que tiene Santi son de aventura y la sexta parte de ellos se los regaió su abuelo. En cambio, las tres cuartas partes de los libros de su primo Bauti son de aventura y la tercera parte de los restantes, de acción.

- a ¿Que fracción de los libros de Santir e regalo su abuelo?
- Si Bauti tiene 48 i bros, ¿cuantos de e los son de acción? Podés ayudarte dibujando un esquema.

Sof, a ce que el tripie de $\frac{5}{8}$ es $\frac{15}{24}$ porque 5 por 3 es 15, y 8 por 3 es 24. ¿Tiene razón?



Leé lo que dicen las chicas. ¿Qué opinás? ¿Será cierto que multiplicar siempre

es "agrandar"?



Sin Tenen en oventa el cera 5. multiplico un número por atro el nesu Tago s'empre es mayon





Multiplicación con números decimales

 Para mult plicar un número decimal por 10, 100 o 1 000, basta con correr la coma hacia la derecha uno, dos o tres lugares, respectivamente. Si es necesario, se agregan ceros.

$$6,184 \cdot 100 - 618,4$$

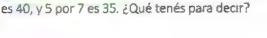
$$0.129 \cdot 1000 = 129$$

 Para multiplicar dos números decimales, como muestra la cuenta, se opera como si fueran hatura es y después se coloca la coma en el resultado considerando todas las cifras decimales de los factores

Respondé mentalmente. ¿Qué es más barato en el mayorista: 100 planchas de stickers a \$11,95 cada una o 1.000 folios a \$1,05 cada uno? ¿Por qué?



Olivia dice que 8,7 · 5 es 40,35 porque 5 por 8





a \$52,80 y el kilo de los de dulce de leche a \$48,50. Martina compró 3 cuartos kilos de los de maicena y 1,2 kg de los de dulce de leche. Javi llevó solamente 2 kilos y medio de los de maicena. ¿Quién pagó más?



44. Completá con <, > o =.

45 Sin calcular el producto del cartel, ¿podés indicar cuál de los tres es el resultado correcto? Explicá cómo lo pensás.

6,4 - 7,8





División de fracciones

- $a_1 = \frac{3}{4} : \frac{7}{8} =$
- b. $\frac{16}{5}:\frac{35}{5} \Rightarrow$
- c. $\frac{8}{42}:\frac{1}{7}=$
- **d.** $\frac{11}{24} \cdot \frac{2}{9} =$

- Un número es el inverso multiplicativo de otro si e producto entre ellos es 1. Para obtener el inverso multiplicativo de una fracción, se intercambia el numerador con el denom riador.
 - El inverso multiplicativo de $\frac{8}{5}$ es $\frac{5}{8}$ porque $\frac{8}{5}$, $\frac{5}{8}$ = 1
- Dividir por una fracción equivale a multiplicar por su inverso multiplicativo.

$$\frac{2}{7} \cdot \frac{3}{13} = \frac{2}{7} \cdot \frac{13}{3} = \frac{26}{21}$$
 $\frac{4}{5} : 3 - \frac{4}{5} \cdot \frac{1}{3} - \frac{4}{15}$

$$\frac{4}{5}:3-\frac{4}{5}\cdot\frac{1}{3}-\frac{4}{15}$$

 $\frac{3}{4}$ kg se pueden ilenar con $11\frac{1}{4}$ kg de cacao en polvo? ¿Y de medio ki o?

48. Calculá estos cocientes. Luego completá la conclusión.

a.
$$\frac{7}{9}$$
: $\frac{1}{2}$ =

c.
$$\frac{19}{3}$$
: $\frac{1}{2}$ =

b.
$$\frac{11}{5}:\frac{1}{2}=$$

$$\frac{16}{5}:\frac{1}{2}=$$

- Fijate cómo trabajaste en la actividad anterior, escribí algunos ejemplos y completá los enunciados
 - a. Dividir por $\frac{1}{4}$ es lo mismo que
 - b. Dîvidir por $\frac{1}{5}$ es lo mismo que
 - c. Dividir por $\frac{1}{10}$ es lo mismo que



Division con numeros decimales

 Para dividir un numero decima por 10, 100 o 1 000, basta con correr la coma hacia la loculerda uno, dos o tres lugares, respectivamente. Si es necesario, se agregan ceros

72,64:100=0,7264

• Cuando se dividen números como muestra el ejemplo, se puede iransformar cada división en otra equivalente multiplicando el dividendo y el divisor por el número que haga falta (10, 100, 1.000, ...) para conseguir que el divisor sea un número natura. Luego se divide como de costumbre, teniendo en cuenta que antes de dividir la primera cifra decimal del dividendo, se coloca una coma en el cociente.

- 50. Escribí el cálculo que realices para resolver cada problema.
 - a. Andrés cortó un listón de madera de 2,07 m en tabiitas de 0,23 m. ¿Cuántas obtuvo?
- c. Lo que quedó de una resma de hojas pesa 780 g sin el envoltorio. Si cada hoja de papel pesa 5,2 g, ¿cuántas hojas quedaron?
- b. Laura preparó 43,5 kg de fideos en la fábrica de pastas y tiene que envasarlos en bolsitas de un cuarto kilo. ¿Cuántas bolsitas necesita?
- d. Ana compró el vestido para la fiesta de graduación en 12 cuotas iguales. ¿Cuál es el va or de cada cuota si el precio era de \$1.269?

Rev sá si o que Nacho completó con rojo es correcto. Si hay errores, corregilos, pero jojo! No vale usar la ca culadora.

- Dividir un número por 0,1 es lo mismo que dvær ese número por 10
- Multiplicar un número por 0,01 es lo mismo que <u>dividir</u> ese número por 100
- c. 348,75:100 = 348,75
- d. 14.5:0.2-725

44

- 52. Los riñones filtran los productos de desecho y el exceso de agua en la sangre, y los pasan a la vejiga en forma de orina, para luego ser expulsados fuera del organismo.

 Considerá que los riñones de una persona filtran alrededor de 18 L de sangre cada cuarto de hora y la vejiga expulsa aproximadamente 1,4 L de orina al dia
 - a. ¿Cuántos litros de sangre por minuto filtran los riñones de esa persona?
 - b. ¿En cuántos días su vejiga habrá expulsado 9,8 L de orina?



- 53. La familia Alonso destinó, de sus ingresos del mes pasado, 4 quinceavos en alimentos, un quinto en el alquiler y la tercera parte en servicios, cuotas y v áticos. Si el resto lo ahorraron, ¿lo que gastaron en el alquiler es menos de lo que ahorraron? Explicá cómo lo pensás.
- 54. Mateo compró dos juegos para la Play. Uno por \$105,30 y el otro le costó \$12,75 más que el anterior. ¿Cuánto recibió de vuelto si pago con un bil·lete de \$500?
- 55. Para la colecta del hospital, en una escuela juntaron dos cajas lienas de tapitas de gaseosa de 4.75 kg cada una, y una bolsa con un kilo y cuarto.
 - a. ¿Cuánto más que a bolsa pesan las dos cajas juntas?
 - b. Además recolectaron diar os: 9 cajas llenas de 3 kilos y medio cada una, y siete bolsas de 5,8 kg cada una. Si se habían propuesto reunir 65,5 kg de diarios, ¿lograron su meta? ¿Cuánto más juntaron o cuánto les faltó?
- 56. Por la compra de 2 L de jugo natural, Ana recibió gratis medio litro más. ¿Cuántos vasitos iguales puede llenar con todo el jugo, si con 8 de ellos reúne 1 L? Mostrá cómo podés avenguarlo trabajando de dos maneras: sin usar fracciones y usando fracciones. No o vides contro ar sí te dio lo mismo en ambos casos.
- Seguí las pistas y descubrí cuánto cuestan las pelotas de básquet, los paros de hockey, los rollers y las raquetas de ten's.
 - ✓ Las pelotas de básquet cuestan \$18,15 más que la mitad de \$2160,70.
 - ✓ Los palos de hockey cuestan el dobie que las pelotas de básquet y los rollers cuestan \$1196,50 menos que una pelota de básquet y un palo de hockey juntos.
 - ✓ El precio de la raqueta de tenis es \$3.595,75 más que la cuarta parte del precio de os rollers.

- 58. Pablo (legó a la estación de servicio y le dijo a p.ayero. "Cargame quinientos pesos de nafta súper, por favor". ¿Cuántos (itros cargó, si esa nafta cuesta diecisiete pesos con cuatro centavos e, litro? Redondeá a los centésimos.
- 59 ¿Cuál es la tarjeta de Lucas? La única pista es que el número al que hace referencia es mayor que 2 y menor que once cuartos.



- 60 Completá con <, > o =, según corresponda
 - a. 45,34 · 100 3 752,9 : 10
 - b. 0,811 · 1.000 12,23:100
 - c. 129,38 10 1.009,7:100
 - d. 1.133,2:1.000 113,32:10
- **61.** ¿Estás de acuerdo con lo que afirma Damián? Explicá cómo lo pensás



62. Hay 35,75 L de jugo para colocar en envases de un octavo de litro, un cuarto de litro o de medio litro. Si todos los envases tienen que ser iguales, ¿cuá o cuá es hay que elegir para que no sobre nada?



Cuadrados y cubos

Se opera de la misma manera que con los números naturales y valen las mismas propiedades (ver páginas 8 y 10)

Si la base es una fracción, siempre se la encierra entre paréntesis.

Para hallar el para to de una fracción o de un número decimal, se lo multiplica por sí mismo. Para hallar el multiplica por sí mismo una vez más.

$$\left(\frac{3}{10}\right)^2 = \frac{3}{10} \cdot \frac{3}{10} = \frac{9}{100}$$

$$0.3^2 = 0.3 \cdot 0.3 = 0.09$$
 Una forma práctica de calcularlo es pensar que 3^2 es 9 $0.3 = 0.09$

1 cifra decimal 2 = 2 cifras decimales

$$\left(\frac{2}{5}\right)^3 = \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{5} - \frac{8}{125}$$
 $0,4^3 = 0,4$ $0,4 = 0,064$ Forma práctica: $4^3 = 64$ $0,4 = 0,064$

$$0.4^3 = 0.4 \quad 0.4 \quad 0.4 = 0.064$$

1 cifra decimal - 3 = 3 cifras decimales

63. Ca culá

$$a_1 \left(\frac{5}{6}\right)^2 =$$

g.
$$\left(\frac{1}{3}\right)^2 =$$

e.
$$\left(\frac{3}{4}\right)^3 =$$

h.
$$0.4^3 =$$

c.
$$\left(\frac{8}{9}\right)^2 =$$

f.
$$0,1^3 =$$

$$i_1 \quad \left(\frac{2}{3}\right)^3 =$$



Revisá si lo que Juli completó con rojo es correcto. Si hay errores, corregilos.

a.
$$\left(\frac{5}{7}\right)^2 = \frac{10}{14}$$

c.
$$(0,5)^3 = \Box$$

e.
$$\left(\frac{11}{10}\right)^2 = \frac{121}{10}$$

$$o (0,2)^3 = C.5$$

$$d \left(\frac{1}{3}\right)^3 = \sqrt{3}$$

f.
$$(0,6)^3 = 0.216$$



Expresá mediante una potencia qué fracción de cada torta se sirvió





Raices cuadradas y cúbicas

Se opera de la misma manera que con los numeros naturales y valen las mismas propiedades (ver página 11)

$$\sqrt{\frac{16}{25}} = \frac{4}{5} \text{ porque} \left(\frac{4}{5}\right)^2 = \frac{16}{25}$$
 $\sqrt[3]{\frac{8}{27}} = \frac{2}{3} \text{ porque} \left(\frac{2}{3}\right)^3 = \frac{8}{27}$

$$\sqrt[3]{\frac{8}{27}} = \frac{2}{3}$$
 porque $\left(\frac{2}{3}\right)^3 = \frac{8}{27}$

 $\sqrt{0.36} = 0.6$ porque $0.6^2 = 0.36 \Rightarrow$ Forma práctica: pensar que $\sqrt{36} = 6 = \sqrt{0.36} = 0.6$

2 cifras decimales 2=1 cifra decimal

 $\sqrt[3]{0,008} = 0.2$ porque $0.2^3 = 0.008 \rightarrow \text{Forma practica: pensar que } \sqrt[3]{8} = 2 \rightarrow \sqrt[3]{0,008} = 0.2$

3 ufras decimales = 1 c.fra decima

66 Ca culá.

a.
$$\sqrt{\frac{4}{49}} =$$

a
$$\sqrt{\frac{36}{81}}$$

$$b \sqrt{0.64} =$$

$$e \sqrt{0.25} =$$

$$-\sqrt{\frac{1}{121}} =$$

1.
$$\sqrt[3]{\frac{27}{64}}$$
 -

67. Pintá con arma el número que ; con :: aquel cuya 😘 💢 a ut el que elevado al cuadrado es 1 69. Luego, elevá al cubo los números que quedaron sin pintar













- Revisá si lo que Maca completó con rojo es correcto. Si hay errores, corregilos.
 - a. La raíz cuadrada de 0,16 es 08.
 - b. La raíz cubica de $\frac{1}{64}$ es $\frac{1}{8}$.
 - La raíz cúbica de 0,027 es Q9.



- 69. Completá con <, > o = según corresponda.
 - a. $\left(\frac{9}{5}\right)^2 \sqrt{\frac{81}{25}}$
 - , $\sqrt[3]{125}$ $\sqrt{100}$ $\sqrt{49}$
 - c. $\left(\frac{6}{10}\right)^3 \sqrt{\frac{121}{4}}$



Tanto por ciento

Si una cantidad se multiplica por $\frac{45}{100}$ o por 0,45, se obtiene su 45%. Se lee "45 por ciento" y significa 45 de cada 100 El símbolo "%" se usa para expresar la división de un número por 100

$$45\% \text{ de } 350 = \frac{45}{2} \cdot 350 = 0.45 \cdot 350 = 157.5$$

Si la cantidad se multiplica por
$$\frac{8}{100}$$
 o por 0,08, se obtiene su 8%
$$45\% \text{ de } 350 = \frac{45}{100} \cdot 350 = 0,45 \cdot 350 = 157,5 \qquad \qquad 8\% \text{ de } 240 = \frac{8}{100} \cdot 240 = 0,08 \quad 240 = 19,2$$

El 100% de una cantidad es la misma cantidad.

Los porcentajes sue en utilizarse para hacer comparaciones o para ca cular descuentos o recargos

- Si hay que abonar \$232 con un descuento del 6%, se calcula el 6% de \$232 y el valor que se obtiene se resta de \$232. También se puede calcular 94% de \$232 = 0,94 · \$232 - \$218,08 directamente el porcentaje que se deberá pagar, o sea, el 94% (100% - 6%)
- Si hay que abonar \$308 con un recargo de. 4%, se calcula el 4% de \$308 y el 104° a te \$3.08 - \$320, 52 valor que se obtiene se suma a \$308. También se puede ca cular directamente el porcenta e que se deberá pagar, o sea, e 104% (100% + 4%)

70. Ca culá.

- a. 32% de 826 =
- b. 7% de 1 200 =
- c. 103% de 54 =
- d. 85% de 105 =



Razoná como Agustin y completá los enunciados.

- a. La mitad de una cantidad representa el

- c. Las tres quintas partes de una cantidad representan su ..



- d. Para hallar el% de una cantidad, la divido por 10.
- 72. Dan el grapó 300 cano ones en su MP4. El 65% de ellas son de música pop y el resto, de otros estilos ¿Cuántas canciones del MP4 no son de música pop?
- 73. Sabritiene que pagar el abono mensual de \$528 por sus clases de zumba con un recargo del 9% Para calcular cuánto debe abonar, hizo esta cuenta: 1,9 · 528. ¿Está bien? ¿Por qué?

Cálculos combinados



Operaciones combinadas

Si en un cálculo se combinan distintas operasiones, se resue ve **respetando el mismo orden que al operar con números naturales** (ver página 12)

Se puede operar con los numeros decimales o con fracciones. También se puede transformar los numeros decimales en fracciones y operar con ellas.

74. Separá en términos y calculá; podés aplicar propiedades.

$$a. \left[\left(\frac{3}{5} + \frac{1}{8} + \frac{7}{24} \right) \frac{27}{13} \right] \left(5 - \frac{2}{3} \right) - \frac{1}{3}$$

d.
$$\sqrt{0.04 \cdot 2 + 0.28} : \frac{1}{6} + 1.16 : 0.2 =$$

b.
$$\frac{2}{5} + \sqrt[3]{0.027 \cdot 10} - \sqrt{0.64} : \sqrt{0.16} =$$

e.
$$5,6 \cdot (3,45-2,7) - \sqrt{1,44} + \sqrt[3]{\frac{1}{8}} =$$

c.
$$1\frac{8}{7} + \sqrt{\frac{16}{121}} \cdot (\frac{5}{9} + 0.25) + \sqrt{\frac{1}{8}} =$$

$$\left(1\frac{3}{4} + \sqrt{\frac{1}{6}}\right) \left(\frac{1}{12} + \sqrt[3]{0.064}\right) =$$

~

Descubrí los errores que comet ó Tato y resolvé en forma correcta

$$\frac{1}{2} + \frac{2}{3} = \frac{1}{3} = \frac{71}{4} = \frac{71}{24}$$

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{7} & \frac{1}{7} & \frac{1}{7} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{7} & \frac{1}{7} & \frac{1}{7} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{7} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{7} & \frac{1}{7} \end{bmatrix}$$

77. Copiá y completá con los números que faltan.

a.
$$\sqrt{\frac{27}{1.000}} = \frac{3}{10}$$

- b $(.....)^2 = 2,25$
- c. $\left(\frac{1}{1}\right)^3 = \frac{216}{125}$
- d $(0,7)^3 = \dots$
- e. $\sqrt{\frac{81}{169}} = \frac{9}{13}$
- De los 3.500 estudiantes que hay en un pueblo, el 52% son mujeres.
 - a, ¿Cuántos estudiantes varones hay en ese pueblo?
 - b. Si el 15% de los estudiantes varones usa lentes, ¿cuántos son?
- Relacioná las tres columnas como muestra el ejemplo.

30%	<u>4</u> 5	0,45
25%	3 4	0,15
65%	<u>11</u> 50	0,22
5%	3 10	0,3
15%	13 20	0,75
80%	1/4	0,8
22%	9 20	0,25
45%	20	0,65
75%	3 20	0,05

80. Durante el mes de julio, en la casa de la familia Fernández consumieron 500 metros cúbicos de gas. En agosto consumieron un 50% más que en julio y, en septiembre, el consumo se redujo un 25% con respecto al de agosto. ¿Cuántos metros cúbicos consumieron en agosto? ¿Y en septiembre?

- 81. Es cierto que el 20% del 15% es lo mismo que el 15% del 20%? Mostrá cómo lo razonás.
- ¿Cuál de los cá culos muestra cuánto terminarías pagando por una pelota que cuesta \$590 si te hicieran un descuento de: 15%? ¿Cuá es er monto que abonarías?

0,15 - \$590

\$590 - 0.15

0,85 - \$590

\$590 - 85

- . Traducí y calculá
 - a. La suma entre el doble de $\frac{3}{5}$ y la cuarta parte de 1,2.
 - b. El producto entre la mitad de $\frac{1}{3}$ y el triple de un medio.
 - c. El cociente entre la raíz cuadrada de 0,81 y la raíz cúbica de $\frac{1}{27}$.
- 84. Una de las chicas dice lo correcto. ¿Quién es? Explicá cómo la descubriste y por qué las demás están equivocadas.

Delfina: El cuadrado de la diferencia entre $\frac{11}{5}$ y

 $\frac{7}{10}$ da el mismo resultado que la suma entre el cuadrado de $\frac{11}{5}$ y el cuadrado de $\frac{7}{10}$

Lourdes: E do

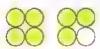
Rocio:

Repaso todo

ndicá la fracción representada. Luego escribi su expresión decimal

a. (101)

b. Unidad: cuatro círculos





- do Escribí tres fracciones equivalentes a cada una de las de la actividad anterior.
- 87. Escripí cada número como fracción irreducib e a. 2,23 b. 3,8 c. 0,216
- 38. Encontrá una fracción entre cada par de números Después, compará con tus compañeros. ¿Alguno encontró otra diferente de la que escribiste?

a 3,5 < < 4 2

b $\frac{3}{4} < \cdots < \frac{7}{8}$

 $c 4\frac{3}{10} < < 4,4$

 $\alpha 7,25 < < 7\frac{2}{5}$

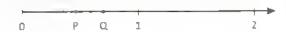
e. 8,06 < .. < 8 $\frac{7}{100}$

Decidí una unidad adecuada y representá en una recta numérica los números de la lista Luego ordenalos de mayor a menor

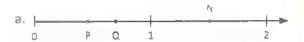
 $\frac{7}{5}$, $\frac{5}{4}$ $\frac{8}{10}$, $1\frac{1}{2}$, $\frac{22}{20}$

9... Ordená de menor a mayor los siete números. 6,8; 6,48; 8,6 ;6,08; 8,06; 6,36 ; 8,607

91. Las letras P y Q representan dos números en la recta numérica y la letra N representa el producto de el os, o sea, N = P · Q.



Juntate con algún compañero y piensen cuál de las siguientes rectas muestra la ub cación de N Expliquen cómo razonaron.









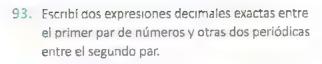
 Observá lo que dicen los chicos y descubrí quién o quienes dicen algo que es correcto.











27,12 y 27,3

51,8 y 52,29

- Pedro d ce que a sumar dos fracciones comprendidas entre 0 y 1, el resultado siempre es menor que 1. ¿Tiene razón? ¿Cómo te das cuenta?
- 95 En el examen de ingreso, Ezequiel sacó 87,60 puntos, y Raquei, 25 décimos menos que él. Mariano, en cambio, obtuvo 3¹/₄ puntos más que ella.
 - ¿Qué puntaje sacaron Raquei y Mariano?
- Tres amigos compraron un equipo de música para el gimnasio. Raúl aportó dos tercios de total y Natalia, un quinto. El resto lo pagó Tania
 - a. ¿Quién aportó mayor cantidad de dinero?
 - ¿Cuánto pagó cada uno si el equipo costó \$4.230?
- 97. Sur terralise et al la passatair neul Rebeca decidió vender parte de la chacra que neredó de su abue o. En marzo vendió un cuarto del tota, en abril, dos tercios de lo que le quedaba y, en mayo, un tercio del resto.
 - a. ¿Qué parte de la chacra aún no vend.ó?
 - b. La chacra que heredó ocupaba 13.200 metros cuadrados. ¿Cuántos metros cuadrados vendió en marzo, cuántos en abr.l, cuántos en mayo y con cuántos se quedó?
- PE En un ascensor se cargaron 9 bolsas de 12,75 kg cada una. Suben una mujer que pesa 65,2 kg y un hombre que pesa 85,7 kg El ascensor admite 350 kg como carga máxima. ¿Cuánto puede pesar una persona como máximo para que también pueda subir al ascensor en ese viaje?
- Roberto tiene un tirante de madera que mide 17/4 m y quiere cortario en tiras de $\frac{5}{8}$ m cada una. ¿Cuántas puede obtener como máximo?

- 100. En la reco ecc ón de mandarinas, el sábado por la tarde se juntaron 3 cajones de 4 3/4 kg cada uno y otras 4 cajas con 2 5/8 kg cada una.
 ¿Se puede distribuir el total de las mandarinas en bolsas iguales de un k.lo y medio sin que sobre nada? ¿Por qué?
- 101. Completá en forma mental.

a. 698,2:....=6,982

b.: 1.000 = 0,037

c.: 10 = 10,008

102. Descubrí el número que pensó cada uno.



El producto entre el número que pense y 6,6 da como resultado 15,64





Al arvidir fires décimos por el número que pensé, te da cinco octavos

103. Calculá.

a.
$$\frac{23}{4}$$
 $\frac{11}{8}$ $+$ $\frac{35}{6}$

b.
$$8.04 - \frac{53}{10} + 16.2 \cdot \frac{1}{2} =$$

c.
$$\left(12\frac{1}{2}-1.5\right): \left(1\frac{9}{10}+\frac{43}{5}\right)+\frac{1}{7}=$$

d.
$$\left(2,5+\frac{13}{8}\right):\frac{11}{20}+1,6=$$



Calculá. Si es posible, aplicá propiedades

- $\left(\frac{11}{9}\right)^{\circ} =$
- $b \left(\frac{3}{5}\right)^5 \left(\frac{3}{5}\right)^2$
- $\frac{1}{3} \left(\frac{1}{3} \right)^{\frac{1}{3}} \left(\frac{1}{3} \right) -$
- d. $0.7^3:0.7^2=$
- e. $\sqrt{0.25} \cdot \sqrt{0.01} =$
- f. 3/0.512 =
- 105 Flor dice que como 2 es menor que 3,

 $\left(\frac{4}{5}\right)^2$ es menor que $\left(\frac{4}{5}\right)^3$. ¿Tiene razón o está

equivocada? ¿Cómo te das cuenta?

- 106. 00 Si hay dos números naturales n y k y además n es mayor que k, ¿podes, sin conocer sus valores, indicar si 0,2° es mayor, menor o igual que 0,2k? Explicá cómo lo pensás. Podés trabajar en equipo con a gún compañero.
- 107. El abuelo Eduardo les propuso un desafío a sus nietos. Cada uno tiene que seguir su pista y descubrir cuál de las 5 tarjetas le corresponde. Si aciertan, se lievan una entrada para el acuario.
 - El cubo del número de la tarjeta de Uriel es 0.343
 - El cuadrado del número de la tarjeta de Franco es 1.96
 - Si calculás la raíz cúbica del número de la tar jeta de Lucas te da 1 décimo.
 - Al redondear a los décimos el resultado de la raíz cuadrada del número de la tarjeta de Agustín, se obtiene 0,2.



0.19

0,001

0.7

0,0361

- 108. Escribí un número que sea menor y otro que sea mayor al de la tarieta que quedó sin usar en la actividad anterior, con la condición de que ambos tengan tres cifras decimales. Después, compará los que escribiste con los que propusieron tus compañeros.
- 109. Encontrá cuál de los cálculos corresponde a cada enunciado. Luego resolvé.
 - $1.^{\circ}$ La suma de $\frac{1}{5}$ y el cuadrado de $\frac{1}{2}$.
 - 2.° La suma de $\frac{1}{2}$ y el cuadrado de $\frac{1}{5}$.
 - 3.° El cuadrado de la suma de $\frac{1}{5}$ y $\frac{1}{2}$
 - 4.º La suma de los cuadrados de $\frac{1}{6}$ y $\frac{1}{2}$.

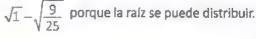
$$A \left(\frac{1}{5} + \frac{1}{2}\right)^2$$

c
$$\left(\frac{1}{5}\right)^2 + \frac{1}{2}$$

$$\mathbf{B} \quad \left(\frac{1}{5}\right)^2 + \left(\frac{1}{2}\right)^2$$

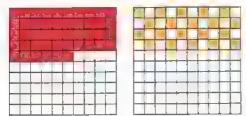
$$\mathbf{D} = \frac{1}{5} + \left(\frac{1}{2}\right)^2$$

- 110. Indicá si cada afirmación es verdadera o falsa. Si alguna es falsa, escribí la afirmación de modo que se convierta en verdadera.
 - a. La raíz cúbica de 0,216 es 0,072 porque 0,072 · 3 es igual a 0,216
 - b. La raíz cuadrada de un centésimo es 1 porque 10 por 10 es cien.
 - c. El cubo de un medio es un sexto porque 2 por 3 es 6.
 - d. El cuadrado de la suma de un medio y un cuarto da el mismo resultado que la suma de cuadrado de $\frac{1}{2}$ y el cuadrado de $\frac{1}{4}$.
 - $\sqrt{1}$ 9 da el mismo resultado que





111. ¿Qué porcentaje del total representa la parte coloreada en cada caso?



- 112. En la escuela de Facundo, los chicos redactaron un reglamento que indica que para elegir el centro de estudiantes, se debe contar, como mínimo, con el 80% de participación del alumnado en la votación. Si la escuela tiene 2.440 alumnos, ¿cuántos tienen que votar, como mínimo, para que pueda formarse el centro de estudiantes?
- 113. Para aprobar el examen de Inglés hay que tener como mínimo el 60% de los ejercicios respondidos correctamente. Damián realizó los 55 ejercicios, pero únicamente 38 estuvieron correctos. ¿Aprobó el examen?
- In una venta por internet ofrecen un 15% de descuento sobre el precio de lista. Además, si pagás con la tarjeta asociada al local, te añaden un 5% de descuento sobre el nuevo valor Pabio dice que, con la tarjeta, da lo mismo si al precio de venta se le descuenta el 20%. ¿Tiene razón? ¿Cómo lo sabés?
- 115. Camilo pagó el 40% de las cuotas del televisor. ¿Es cierto que todavía le falta abonar las dos quintas partes del total? ¿Por qué?
- 116. Nico contó en la cena que el lunes comió 3 décimos de su caja de alfajores y, al otro día, el 75% restante. Su hermano Mirko dice que no puede ser. ¿Por qué pensás que lo dice? ¿Estás de acuerdo?
- 117 Uní con flechas x aumentado en un 50%. 0,9 · x x con un descuento del 10%. 2 · x x aumentado en un 100%. 1,5 · x x con un descuento del 90%. 0,1 · x

118. La tía Graciela fue al mercado para conseguir lo que le faltaba para preparar su famosa ensalada de frutas navideña. Gastó



\$216,50 en total. Compró $3\frac{3}{4}$ kg de frutillas a \$27,40 el kilo y algo de kiwis a \$45,50 el kilo. ¿Compró más de 2 kilos y cuarto de kiwis o menos? ¿Cuánto más o cuánto menos?

119. Completá con = $o \neq .$

a,
$$\sqrt{1,44:0,64}$$
 $\sqrt{1,44}:\sqrt{0,64}$

b
$$\sqrt{\frac{25}{9} \cdot \frac{4}{36}}$$
 $\sqrt{\frac{25}{9}} \cdot \sqrt{\frac{4}{36}}$

c.
$$\sqrt{1-0.36}$$
 $1-\sqrt{0.36}$

- 120. Emiliano encargó para el comedor escolar 54 L
 de jugo exprimido a \$32,50 el litro. También
 pidió cuatro docenas y media de conitos de
 dulce de leche. Todos los conitos costaban un
 4% menos que todo el jugo.
 - a. ¿Cuánto deberá abonar por el tota:?
 - b. Como decide pagar con tarjeta de crédito, le cobran un recargo del 5%. ¿Cuánto termina pagando?

121. Calculá.

a.
$$\left(\sqrt{1 + \frac{69}{100}} - \sqrt{0.25}\right) \cdot 0.04 =$$

b
$$\left(\sqrt[3]{\frac{27}{8}} \cdot \sqrt{\frac{1}{16}} + \frac{13}{5}\right) \cdot 0.01$$

c.
$$\sqrt[3]{0,125} : (0,2)^3 + (1,1)^2 : \sqrt{0,01} =$$

d.
$$0.28:0.4+\frac{1}{5}:\sqrt{0.01}=$$

e.
$$\sqrt[3]{0,125} \frac{1}{2} + \frac{3}{4} : \sqrt{0,36} =$$

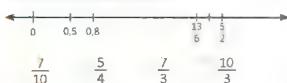
f.
$$\frac{3}{4} \cdot \left(1,75 + \sqrt{\frac{81}{16}} \right) -$$

g.
$$\sqrt[3]{\frac{27}{54}}:0.5+(0.1)^2:0.5=$$

h.
$$0.64:\sqrt[3]{0.008} + 0.5\cdot\sqrt{0.01} =$$

Marcá la opción correcta.

- ¿Cuál es la expresión decimal de $\frac{23}{90}$?
- 0,25 0,2
- 23,90
- ¿Cuál es el número que le corresponde al punto marcado en la recta numérica?



- ¿Cuál de los siguientes números es el menor?
 - 1,55
- 1,05 1,5
- 1,05
- ¿Cuál de estos números representa 21,327 redondeado a os centés, mos?
 - 21,3
 - 21,32
- 21.33
- ¿Qué número representa 15,8 truncado a los décimos?

 - 15,8 15,88
- 15,89
- 15,9
- María llevó tres cajas de 2,5 kg cada una y Juana, dos boisas de 3,2 kg cada una. ¿Cuánto llevaron en total?
- 7. Se reparten ⁹/₄ kg de galletitas en 6 bolsas iguales. ¿Cuánto pesa cada bolsa?

$$\frac{27}{2}$$
 kg $\frac{3}{8}$ kg $\frac{8}{3}$ kg $\frac{54}{4}$ kg

- El producto de dos números es 1,2 y uno de los factores es 1,5. ¿Cuál es el otro factor?
- 0.8 2.7 6
- ¿Cuántos vasos de 0,25 L se pueden llenar con $4\frac{3}{4}$ L de jugo sin que sobre nada?

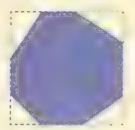
 - 12 17 18
- 10. ¿Cuál es el resultado de $\left(\frac{3}{7}\right)^2$?

 - $\frac{3}{7}$ $\frac{6}{14}$ $\frac{9}{49}$
- ¿Cual es el resultado de ₹0,027 ?
 - 0,003
- 0.09
- 0,9
- 21,327 12. ¿Cuánto se abona por una compra de \$242,80 con un descuento del 5%?
 - \$12,14
- \$121,40
- \$230,66
- \$254.94
- 13. ¿Qué porcentaje se recarga en una compra si la vendedora multiplica el precio de lista por 1,2?
 - 0,2%
- 2%
- 1,2%
- 20%
- 5,7 kg 10,7 kg 13,9 kg 17,1 kg 14. ¿Cuánto da $\frac{15}{2} + \sqrt{\frac{4}{9}} \cdot \left(\frac{2}{3} \sqrt{\frac{25}{144}}\right)$?

© Santkana S.A. Prohibide su fotocopia. Ley 11,723

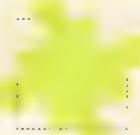
Esto ja lo falka.

 A un cuadrado se le recortaron las puntas, como se puede ver en el dibujo



Es evidente que para cubrir la figura que quedó nace falta menos pintura que para el cuadrado original, pero... ¿qué sucede con la longitud del contorno? ¿También es menor? ¿Cómo podés darte cuenta sin medir nada? Pista: recordá la propiedad de los lados de cualquier triángulo

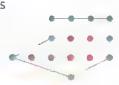
 Para cubrir la figura verde, ¿se necesita más pintura que para cubrir el cuadrado de borde rojo? ¿Por qué?





El matemático austríaco Georg Pick entabló una larga amistad con Einstein, con quien, además, compartió su afición por la música. Pick se hizo célebre por una fórmula, que lleva su nombre y que en su momento pasó inadvertida. Esta fórmula sirve para ca cular el área de un polígono como el dibujado abajo, que tiene sus vértices sobre las intersecciones de una cuadrícula. Ilamadas nodos.

La cantidad de cuadraditos que forman el área del polígono se obtiene con la fórmula de Pick, de esta manera:



BORDE: 2 + INTERIORES - 1

Nodos que están adentro (puntos ro,os)

9:2+6-1=9,5.

Entonces, el área del polígono de borde verde está formada por 9,5 cuadraditos.

Usá la fórmula de Pick para calcular ei área del polígono de borde illa.



ación entre área y perímetro. Unidades de medida



Perimetro

Para hallar el perímetro de una figura se mide su contorno. Si la figura es un polígono, se suman las long tudes de sus ados teniendo la precaución de expresarias en la misma un dad (todas en centímetros, todas en metros, etc.). Para el o, hay que tener en cuenta las equivalencias que muestra el siguiente cuadro, en el que las un dades aumentan y dism nuyen de 10 en 10.

Albaniana heciametro decometro			Milecipretrei (RECOMMEND	
km	hm	dam	dm	cm	nım
1 km = 1.000 m	1 hm = 100 m	1 dam = 10 m	1 dm = 0 1 m	1 cm = 0,01 m	1 mm = 0,001 m

La figura azul está formada por un cuadrado y un rectángulo.

Para calcular su perimetro, se pueden expresar todas as ongitudes de los lados, por ejemplo, en milimetros o en centimetros

Hal á el perímetro de cada figura. Considerá que los cuadraditos de la cuadrícula tienen 5 mm de lado



Para medir superficies se puede usar como un dad de medida un cuadradito, un rectanguito, etc., o bien unidades convencionales, como el metro cuadrado (m²) o el centímetro cuadrado (cm²).

Un cuadrado de 1 m de lado ocupa una superficie que mide un **metro cuadrado (1 m²**), decimos que su área es de 1 m²

Un cuadrado de 1 cm de lado, como el azul, tiene un área de 1 cm².

Las unidades de superficie aumentan y disminuyen de 100 en 100, como muestra el cuadro.



A STATE OF THE PARTY OF THE PAR	The standard of the standard o			and the state of t			
quadrado L	cuadrado	ruadrado	cuadrado	cuadrado	cuadrado	cuadrado	
km²	hm²	dam²	(e)	dm ²	cm ²	mm ²	
1 km² = 1.000.000 m²	1 hm² = 10.000 m²	1 dam² = 100 m²		1 dm ² =0,01 m ²	1 cm ² = 0,0001 m ²	1 mm ² = 0,000001 m ²	

El área de la figura vio eta formada por 3 cuadrados de 1 cm² es igual a 3 cm²

Para expresarla en milímetros cuadrados, se multiplica una vez por 100. ightarrow 3 cm 2 $m = 300~mm^2$

Para expresaria en metros cuadrados, se dívide dos veces por 100. > 3 cm² = 0,0003 m²



Considerá las tres figuras de la actividad 3.

Ca culá el área de cada una, teniendo en cuenta que 4 cuadraditos de la cuadrícula ocupan 1 cm²

A:

В:

C:

b. ¿Es cierto que la de mayor perímetro es la de mayor área? ¿Y que si las áreas son igua es, los perímetros también son iguales?



Perimetros de figuras

Para calcular el permetro de algunas figuras, se puede recumir a fórmulas, como las que aparecen en la pagina 159, cuidando que **todas las longitudes estén expresadas en la misma unidad**

Áreas de triángulos y cuadrilateros

El área de rectangulo se calcula multiplicando la longitud de su base (**b**) por la de su altura la.

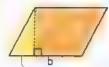
De esta fórmula se deducen la del area der mangulo y las de los demos quadra ateros, ver pagina 159,

Área del rectángulo = b · a

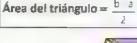


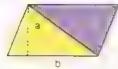
Por ejemplo, si un rectángulo y un paralelogramo tienen la misma base y la misma altura, sus áreas son iguales. El area del triangulo amarillo es la mitad que la del paralelogramo

Área del paralelogramo = b · a









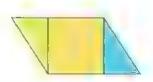


Leo y Analía heredaron un terreno rectangular de 12,5 m de frente

y 32 m de fondo.

- a. ¿Cuánto mide su superficie?
- b. Destinarán un sector rectangular del terreno, de 90 cm de ancho, para plantas aromáticas, que ocupara 2,25 m². ¿Qué largo tendrá?
- Van a rodear por completo el sector de las aromáticas con un alambre tejido, para que los animales no rompan las plantas. ¿Alcanzan los 6 metros que Leo tiene en un rollo? ¿Cuánto falta o cuánto sobra?

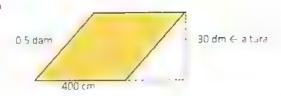
El cuadrado amaríllo tiene un área de 900 m². ¿Cual es el área de toda la figura? Pista: aprovechá "el dato" que te da la cuadrícula.



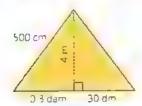
Observá los datos, planteá una ecuación para hallar x y luego calcula el área de la figura en centímetros cuadrados.



- 8. ¿Cuál es, en metros cuadrados, el área de un cuadrado si su perímetro es de 2 600 cm?
- ¿Cuáles son el área y el perímetro del para elogramo?



El triángu o es isósceles. Calculá su perímetro en metros y su área en m²



 Observá el triángulo rectángulo rojo.
 Recordá que los lados que forman el angulo recto se llaman catetos



a. ¿Cuál es la altura correspondiente a cada cateto?

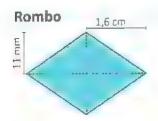


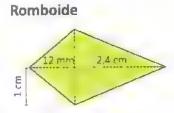
La altura correspond ente a un ado de un triángulo es el segmento perpendicular con un extremo en el vértice opuesto



Área del triángulo =

- b. Sofi op na que el área del triángulo se puede calcular con la fórmula cateto, 2
 ¿Es así o te parece que se equivoca? ¿Cuál es el área de triángulo?
- 12. Calculá el área de cada figura. Podés consultar las fórmu as en la página 159.





A Sant ago no le gusta para nada aprender formulas de memor al Dice que con saber las de las áreas de para e ogramo y de itr ángulo lise las arregla para calcular el area de cua qui er otro cuadrilátero. ¿Como te parece que habrá necho para hallar las areas del rombo y de lirombo, de de la actividad anterior?

Lució aprendió de memor a que para averiguar el área de un trapeció hay que hacer "la suma de las bases por la altura sobre dos", pero no entiende bien por qué. Para que la interprete, su hermano mayor dibujo un trapeció y uego la figura 2, compuesta por dos trapeciós como el primero. ¿Cómo creés que puede usar el dibujo para que Lucio entienda?

Figura 2



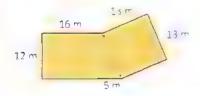
15 Analiza si lo que julieta completo con azul es correcto. Si algo está ma , corregilo



- a. La base mayor del trapecio verde mide 30 m más que la base menor.
- b. Área del trapecio rojo: 10.5 m²
- c. Cada uno de los lados iguales del trapecio rojo mide 5 m.
- 16 E dibujo representa el piso del sector que ocupará una editorial en a feria de libro. Van a cubrirlo con una alfombra sintética que se vende a \$125 el metro cuadrado. ¿Alcanza con los \$50.000 que planean destinar para eso?



Para calcular el área de un poligono cualquiera, se lo puede descomponer en triángulos u otras figuras conocidas, y sumar sus áreas.



17. Ob

Mi o hizo una torre con sus apilables. ¿Qué área tiene la sombra proyectada sobre la pared? Considera que la cuadr cuta está formada por cuadraditos de 17,5 cm de lado.



18. Dibujá dos romboides diferentes, ambos con un area de 8 cm².



Área de poligonos regulares

Para ha lar el área de un porígono regular, se lo puede descomponer en triangulos iguales como se muestra en el dibujo), calcular el área de uno de ellos y multiplicarla por la cantidad de triángulos.

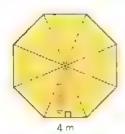
Área del hexágono regular
$$= 6 \cdot \frac{b \cdot a}{2} = \frac{6 \cdot b \cdot a}{2} = \frac{perimetro-apotema}{2}$$

Esta ultima formula sirve para ca cular el area de cua cuier polígono regiliar

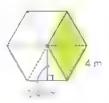
	_		
Área del polígono	romilar -	perímetro	apotema
Area dei poligono	regular -	2	



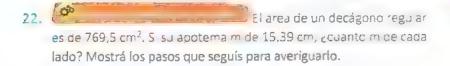
19 Calculá el área de loctógono regular empezando por calcular el area de un triangulo. Despues, chequea si o hiciste bien aplicando la fórmula que se recuadró arriba.



- Observá el hexágono regu ar, formado por seis triángulos equiláteros 'guales.
 - a. ¿Cuál es el área del hexágono?



- b. Calculá el área del rombo verde usando la fórmula correspondiente de la página 159.
- volvé a calcular el área del rombo, pero esta vez considerando qué parte del hexágono ocupa. Después, chequeá si coincide con la que obtuviste en el ítem b.
- 21. ¿Cuál es el área de un pentágono regular si sus ados miden 5 cm y su apotema, 3,44 cm?

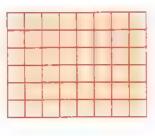




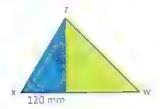
23 ¿Cuanto m de la apotema de un decagono regular si cada uno de sus lados mide 5 cm y su área es de 192.25 cm²?



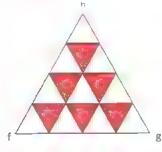
- 24. Uno de los lados más largos de un rectángulo m de 0,013 dam y el perímetro de la figura es de 4.2 dm.
 - a. ¿Cuántos centímetros mide cada uno de los ados más cortos?
 - b. ¿Cuál es el área del rectángulo en centímetros cuadrados?
- 25. Se cubrió el piso de una sala con cerámicas cuadradas de 40 cm de lado, como muestra la ilustración. ¿Cuántos metros cuadrados cubren?



 El triángulo verde es isósceles. Calculá el área del triángulo xwz en centímetros cuadrados.

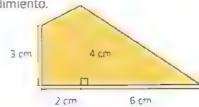


 Todos los triangulitos rojos son iguales a los blancos. Cada uno tiene 5 cm de base y 43,3 mm de altura.



- ¿Cuál es el área del triángulo fgh? Mostrá cómo la ca culaste.
- b. ¿Cuánto mide cada lado del triángulo fgh? ¿Y su altura?
- 28. Una de las diagonales de un romboide mide a mitad que la otra diagonal. ¿Es cierto que el área de la figura se puede calcular elevando al cuadrado la longitud de la diagonal menor? Expl.cá

- 29 Una de las diagonales de un rombo mide 0,28 m. Si el área de la figura es de 10.080 mm², ¿cuántos centímetros mide la otra diagonal?
- va a presentar una foto para un concurso. Las bases del concurso indican que la foto debe medir 30 cm por 20 cm y que debe estar montada sobre una superficie blanca, dejando un borde de 10 cm sobre los cuatro lados Además, debe estar cubierta con un vidrio y enmarcada con varil as de madera de color negro, de 2 cm de espesor
 - a. ¿Cuánto le costará el vidrio, si lo consigue a \$245 el metro cuadrado?
 - b ¿Es cierto que la parte bianca de los bordes ocupará 7 décimos de la superficie que estará bajo el vidrio? ¿Por qué?
 - ¿Cuánto medirá el contorno de la foto enmaccada?
- 31. Una sala rectangular tiene 12 m de ancho y el largo es dos veces y media el ancho. En ella hay una tarima cuadrada sobre la cual se desarrollan diversos espectáculos. La parte de suelo que no queda cubierta por la tarima es de 317,75 m².
 ¿Qué dimensiones tiene la tarima?
- 32. Calculá el área de la figura. Mostrá tu procedimiento.



33. El área del eneágono regular es de 2.473 m². ¿Cuánto mide su apotema?



34. ¿Cómo usarías la fórmula para expresar el área de un cuadrado de lado L?
¿Te quedó lo que esperabas?

Longitud de la circunferencia



Perímetro del circulo

Sise divide la longit .d., ...) de cualquier circunferencia por silidiàmetro (d., se obtiene siempre e imismo numero. que se simbo iza con la letra griega π (pi)

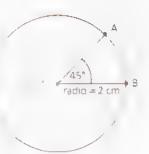
$$\frac{L}{d} = \pi \rightarrow [L = \pi \ d]$$
 o también $L = \pi \cdot 2 \cdot radio$

O sea que el perímetro de cualquier círculo, es decir, la longitud de su o rounferencia (L) se obtiene multiplicando la longitud de su diametro por π

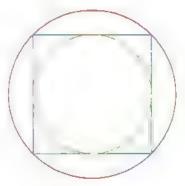
En este libro, para hacer los cálculos, se considerará $\pi = 3,14$ y se redondearán los resultados a los centésimos.

Así, la longitud de la circunferencia dibujada es L=3,14-4 cm = 12,56 cm.

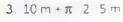
Para hallar la longitud de un archide i munferer da, se calcula que fracción de Lies En el caso dibujado: longitud del arce AB = $\frac{45^{\circ}}{360^{\circ}} \cdot \pi \cdot 4 \text{ cm} = 1,57 \text{ cm}.$



- 35. ¿Qué longitud tiene la circunferencia que trazó Bautista si para dibujarla abrió el compás de manera que había 4,5 cm entre la punta del pinche y la punta de la mina?
- 36. ¿Cuánto mide el diámetro de una circunferencia si su longitud es de 26,69 cm?
- 37. Una hormiga camina por la circunferencia verde mientras que una vaquita de San Antonio camina por la de color rojo. ¿Cuántos metros recorre cada una al dar una vuelta completa, si el cuadrado de bordes azules tiene un área de 9 m² y su diagonal mide 4,24 m?



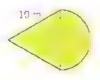
¿Cuá o cuáles de las siguientes expresiones sirven para calcular el perimetro de la figura verde formada por un triángulo equilátero y un semicirculo?

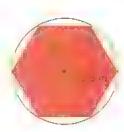


3
$$10 \text{ m} + \pi \text{ 2 5 m}$$
 $2 \cdot 10 \text{ m} - \frac{1}{2} \pi \text{ 2 5 m}$

$$3 \cdot 10 \, \text{m} + \frac{1}{2} \cdot \pi \cdot 10 \, \text{m}$$

Calculá la longitud del arco verde. El polígono rojo es regular.





Áreas de figuras circulares



Area del circulo

En las nustraciones se puede ver que, a med da que aumenta la cantidad de lados de, polígono, su perimetro se acerca cada vez más a la longitud de la circunferencia, y su apotema, al radio.









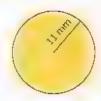


Si el poligono tuviese miles de lados, su contorno casi no se podría distinguir de la circunferencia. Por ese mot voi se puede pensar la fórmula de larea de circulo como la de un "poligono regular de infinitos lados" su perímetro es la longitud de la circunferencia (L) y su apotema es el radio (r).

Área del poligono regular - perímetro-apotema

El área de círculo dibujado es $\pi \cdot r^2 = 3,14 \cdot (11 \text{ mm})^2 = 3,14 \cdot 121 \text{ mm}^2 = 379,94 \text{ mm}^2$.

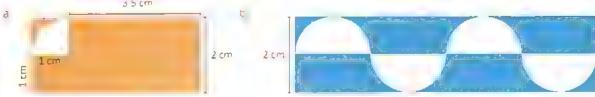
Para calcular el área de un sector circular se usa la fórmula de la pág na 159.



- 40 Lucas dibujó una circunferencia con el compás. ¿Qué área tiene e círculo correspondiente si entre los extremos del compás había 3 cm?
- 11 Lucio marcó sobre el borde de un círculo dos puntos diametra mente opuestos, es decir, el segmento que los une pasa por el centro del circulo. Si ese segmento mide 6,5 cm. ¿cuántos centímetros cuadrados tiene el círculo?
- ¿Cuánto m.de el diámetro de una aifombra circular que cubre 20.096 cm²?

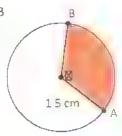


Hal á el área coloreada en cada caso.



JOSEPH THE STATE OF S

- Las ruedas de un cam ón tienen un diámetro de 110 cm. ¿Cuántos metros ha recorrido e camión cuando sus ruedas dieron la vuelta número 72? Ayuda ¿qué longitud recorre cada rueda a dar una vuelta?
- 45. La long/tud del arco rojo AB es de 3,14 cm. ¿Cuál es la amplitud del ángulo β?



46. Se trazó un círculo de centro c. Su perímetro mide 56,52 cm. Se marca un punto a sobre el borde del círculo. ¿Cuál de las siguientes es la longitud del segmento ac?

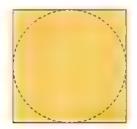
3,14 cm

6,28 cm

9 cm

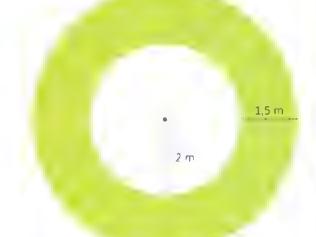
18 cm

- 47. Mariela usó un compás para trazar una circunferencia. El círculo que se formó tiene un área de 78.5 cm².
 - a. ¿Cuál fue la abertura del compás?
 - b. ¿Cual es la longitud de la circunferencia que trazó Mar ela?
- A un papel cuadrado de 72 cm de perímetro se le recorta el círculo del mayor tamaño posible, como muestra e dibujo.

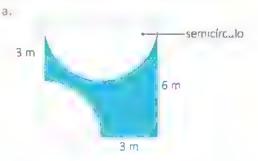


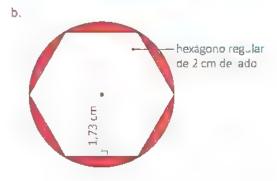
- a. ¿Cuánto mide el diámetro del círculo? Expuca como lo avenguás.
- b. ¿Cuántos centímetros cuadrados de pape sobran una vez recortado el círculo?
- c. ¿Cuántos centímetros mide el contorno del círculo recortado?

- 49. Para instalar una calesita, van a cubrir un terreno circular de 6 m de d'ámetro con una capa de arena. Si para cubrir 1 m² se utilizan 5 kg de arena, ¿aicanzará con 150 kg de arena para cubrir todo el terreno circular? ¿Por que?
- 50. Cuá es e área de a corona circular verde?



51. Calculá el área de cada figura cororeada





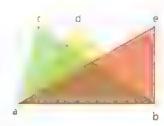
c. ¿Cuáles son el perímetro y el área del sector circular de la figura de la actividad 45? ¿Y cuáles serían si el ángulo $\hat{\beta}$ tuviera una amplitud de 80°?

- 52. Una tira de flecos tiene una longitud de 0,038 hm.
 - a. ¿Cuál es la mayor cantidad de tiras de 3,5 dm que se pueden cortar?
 - b. ¿Cuántos milímetros tienen que medir los lados de un rombo para que con lo que sobró de la tira de flecos, si se cortó la mayor cantidad de tiras de 3,5 dm, alcance justo para rodear su contorno?
- 53. Para que no entre frío, Franco va a colocar un burlete alrededor de todo el contorno de una puerta. El rollo trae dos metros y medio, y la puerta mide 860 mm de ancho y 205 cm de a to ¿Cuántos rollos necesita comprar? ¿Le alcanzará justo o le sobrará bur ete?
- 54. Se divide un cuadrado en 36 cuadraditos iguales de 84 mm de perimetro cada uno.
 - a. ¿Cuál es el perímetro del cuadrado original? ¿M de más de med o metro o menos? ¿Cuánto más o cuánto menos?
 - b. ¿Cuál es el área del cuadrado original?
- había que calcu ar en centímetros e perímetro de un cuadrado, sabiendo que su área es de 64 cm²
 - a. Al grupo de Juampi le dio 32. ¿Está b'en? ¿Cómo te das cuenta?
 - b. Juampi afirmó que en cualquier cuadrado, la cantidad de centímetros del perímetro es la mitad de la cantidad de centímetros cuadrados del área. ¿Qué le dirías si fueses su profesor?
- 56. Para medir las superficies de los campos se utilizan unidades agrarias. La más usual es la hectárea (ha). Para que tengas una idea, si no sos de campo, una hectárea equivale a la superficie que ocupa una manzana con cuadras de 100 m, o sea, de 1 hm

$1 ha = 1 hm^2$

- a. ¿Cuántos metros cuadrados tiene una chacra de una nectárea y media?
- b. El predio que ocupa una finca con plantaciones de árboles frutales tiene forma rectangular y ocupa 12 hectáreas. ¿Cuántos metros mide de fondo s. tiene 0,15 km de frente?

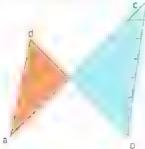
- 57. Una de las diagonales de romboide que recortó Emilia m de 120 mm y, la otra, sus tres cuartas partes. ¿Cuántos centímetros cuadrados tiene el rombo de?
- 58. En un rectángulo rojo, la base mide 160 mm y la a tura, 0,012 dam.
 - a. Escribí en centímetros las longitudes de la base y la altura de otro rectángu o que tenga la misma área que el rojo, pero diferente perímetro
 - Escribí en centímetros la base y la altura de otro rectángulo que tenga e mismo perímetro que el rojo, pero distinta área.
- Ignacio dibujó un rombo con lados de 85 mm y un rectángulo cuya base m de 1,2 dm. Las dos figuras tienen el mismo perímetro.
 - a. ¿Cuántos centímetros mide la altura del rectángulo?
 - b. ¿Cuál es el área del rectángulo en metros cuadrados?
- 60 ¿Cuá, de los triángulos tiene mayor área: e abc, el abd o el abe? ¿Cómo te das cuenta?



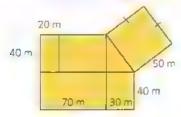
- Martina dibujó un rectánguro de 10 cm de largo y 6 cm de ancho.
 - a. ¿Cuál es su área?
 - b. Si ahora duplicara las dimensiones del rectánguio, ¿su perímetro también se duplicaría? ¿Y qué sucedería con su área?
- 62. Los chicos de un curso se van de campamento. El profesor de Educación física les indico que preparen 10 banderines como el de la figura, con las dimensiones indicadas. ¿Cuántos centímetros cuadrados de te a necesitarán como mínimo?



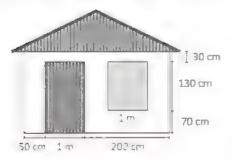
Considerá que os cuadrad tos de la cuadricula tienen 1 cm de lado y calculá el área del triángulo rojo y la del celeste. Para ello, utiliza e area de los triángulos abd y abc. Podés trabajar en grupo.



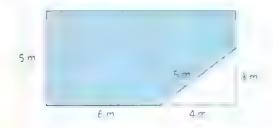
64. Este es e croquis de un predio. ¿Cuántos metros cuadrados ocupa todo el predio?



65. El dibujo representa el frente de una cabañita. El dueño quiere cubrir la parte blanca con dos manos de pintura. Dice que con una lata de 1 litro le aicanza. ¿Será cierto? Tene en cuenta que un litro de pintura cubre unos 12 m² por mano.

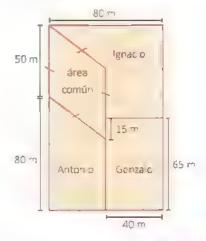


6 Carculá er perímetro y el área de pentágono azul

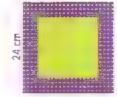


67. Tres amigos se distribiliyeron un predio, y destinaron un sector con forma de rombo para actividades en común, como muestra el esquema

¿Cuántos metros cuadrados tiene cada uno de los cuatro sectores?



68. Caículá el área de la parte del cuadrado decorada con puntitos. La figura verde es un cuadrado de 64 cm de perímetro.



Este es un croquis del sector que ocupa e acuario de un parque temático.



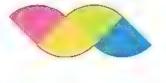
Van a colocar un nuevo piso, que cuesta \$129 el metro cuadrado. ¿Cuál será el presupuesto por todo el trabajo si, para colocarlo, la empresa cobra el 12% del valor de todo el piso?

- 70. Zona arbolada de un parque tiene forma de trapecio. Sus bases miden 128 m y 92 m. Se construirá un camino recto perpendicular a las bases, de 4 m de ancho y 40 m de largo, desde una de las bases hasta la otra
 - a. ¿Es cierto que el camino representará menos del 4% del área de esa zona? ¿Por qué?
 - b. ¿Cuántos metros cuadrados ocupará la parte que quedará arbolada?



- 71. E entrenador de equipo de fútbol pidió a os jugadores que nagan 20 vueltas trotando alrededor del círculo central de la cancha, cuyo radio es de 9,15 m. ¿Trotarán más de 1 km o menos? ¿Por qué?
- 72. Las ruedas de la bici de Martin tienen un diametro de 90 cm.
 - a. ¿Cuántos metros recorren al dar 100 vue tas?
 - b. Martin afirma que para recorrer 5 km con la bici, las ruedas tienen que dar más de 1.700 vueltas. ¿Es así o está exagerando?
- 73. Calculá.
 - a. En decimetros cuadrados, el área de un circu o de 15 m de rad o
 - b. En metros cuadrados, el área de un círculo de 32 cm de d'ámetro
 - c. En milímetros, el radio de un círculo cuya área es $36 \cdot \pi$ cm².
 - d. En centímetros, el dámetro de un círculo cuya área es $121 \cdot \pi \text{ m}^2$.
- 74. Se recortó un círculo de 3 cm de diámetro en cuatro partes igua es y se las dispuso como muestra la lustración.



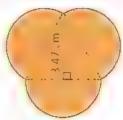


- a. ¿Cuá es el área de la figura que se formó? ¿Cómo la obtuviste?
- b. ¿Qué diferencia hay entre el perímetro de la figura que se formó y el del círculo origina? ¿Cómo la calculás?
- 75 El mayor círculo que se puede recortar de un papel cuadrado tiene un área de 2.826 mm².



- a. ¿Cuál es el área de cuadrado en cm²?
- ¿Cuántos decimetros mide el perimetro del cuadrado?

- 76. Si de un papel cuadrado cuya área es de 1,44 dm² recortaras el circulo del mayor tamaño posible, ¿cuántos centímetros cuadrados de paper estarías desperdiciando? Mostrá todos los pasos que seguis para aver guarlo.
- 77. El triángulo de bordes punteados es equi átero y su perímetro mide 120 mm ¿Cuántos centimetros cuadrados cubre la figura si las otras tres piezas son semicírculos?



- 78. Calcu á e área de la parte coloreada con los datos que se indican
 - a. E círculo blanco tiene 3 cm de diámetro y está dentro de un octógono regular cuyos lados miden 1,24 cm





79. ¿Cuántos centímetros cuadrados ocupa la parte roja de la cara que diseñó Joaquín?

Diámetro de la cara: 3 cm. Diámetro de cada ojo, 8 mm. Nariz: cuadrado de 1 cm de perímetro

Boca, 2,5 mm por 18 mm



- 80. Si se duplica el radio de un círculo, ¿qué sucede con su área?
 - Se mantiene 'gual.
 - Aumenta al doble.
 - Aumenta al cuádruple.
 - Aumenta π veces.



Marcá la opción correcta.

- Hay que embaldosar un patio con baldosas cuadradas de 20 cm de lado. El patio es rectangular y mide 3 m de ancho por 12 m de largo
 - ¿Cuántas ba dosas se necesitarán?

900

9.000

90.000

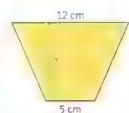
11. ¿Cuái es el perímetro del patio?

36 m

3.000 cm

30 dam

2. E área del trapecio dibujado es igual a la de un rombo cuyas diagonales miden 17 cm y 4 cm. ¿Cuánto mide la altura h de trapecio?



4 cm 8 cm

16 cm

¿Cuál de los paralelogramos tiene mayor área?



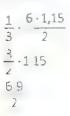
El celeste

El verde.

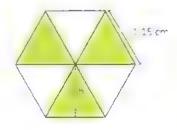
Ninguno, todos tienen la misma área.

No se puede saber porque no hay datos.

4. ¿Cuántos centímetros cuadrados tiene la parte del hexágono regular pintada de verde, si la altura h mide 1 cm?



"C 35



En el centro de un parque cuadrado de 150 m de lado hay una piscina, también cuadrada, de 25 m de largo. ¿Cuál es el área de la parte no ocupada por la pileta?

125 m²

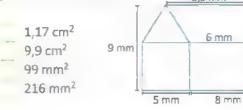
500 m²

15.625 m²

21.875 m²

4 mm

¿Cuál es el área total?



Se marcó un punto t sobre el borde de un círculo de centro c. Si tc = 7 cm, ¿cuál es el perímetro del circulo?

7 - π cm

14 · π cm

21 · π cm

49 · π cm

A un cuadrado de 48 cm de perímetro se le recortaron dos semicírculos, como muestra el dibujo. ¿Cuántos centimetros cuadrados tiene la parte que quedó?

$$48 - 12 \cdot \pi$$

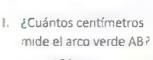
$$48 - 36 \cdot \pi$$

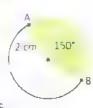
$$144 - 36 \cdot \pi$$

$$144 - 48 \pi$$



Observá el dibujo





2.616

¿Cuántos centímetros cuadrados tiene el sector circular verde?

$$\frac{5}{12}$$
 π

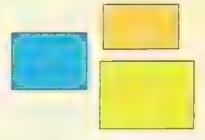
$$\frac{5}{6} \cdot \pi$$

Esto ya lo sabia._

Observá el rectángulo rojo.



a. ¿Cuál de estos otros rectángulos tiene distinto tamaño que el rojo, pero conserva su forma?



b ¿Cuá es e cociente entre las longitudes de os lados mas argos del rectángulo rojo y del que señalaste? Trabajá en milímetros.

¿Y entre las longitudes de los lados más cortos de ambos?

c. Proponé otras medidas que podrían tener los lados del rectángulo rojo si quisieras agrandarlo sin que se deforme, y dibujalo.



Si hay una costumbre que nos identifica a los argentinos es juntarnos para hacer y comer un asado. Pero no se trata de un ritua moderno; se viene practicando en el país cesde los tiempos de la Colonia sobre todo en el campo, donde los gauchos faenaban las reses para obtener la carne.

Es el último día del campamento y los chicos decidieron hacer un asado como despedida. Fueron hasta el pueblo a comprar lo necesario, y el carnicero les d jo: "Calculen que con 2 kg de carne comen cuatro".

 ¿Cuánta carne tienen que comprar si son siete amigos? Mostrá cómo lo calculás.

 ¿Cuánta leña tienen que juntar para hacer el fuego, si se calculan 2 kg por cada kilo de carne?

Razones y proporciones



Razón

El cociente entre dos números se l ama razón

Razón entre 2 y 5
$$\Rightarrow \frac{2}{5} = 0.4$$

Razón entre 3,5 y 7
$$\Rightarrow \frac{3,5}{7} = 0.5$$

Se puede usar razones para expresar relaciones entre números

Por ejemplo, si 3 de cada 20 alumnos de la escuela juegan a ajedrez, entonces $\frac{3}{20}$ del total juegan a ajedrez

Proporcion

La igua.dad entre dos razones se llama proporción

$$\frac{2}{5}$$
 = 0,4 y $\frac{6}{15}$ - 0,4 \Rightarrow forman la proporción $\frac{2}{5}$ = $\frac{6}{15}$. Se ee: "2 es a 5 como 6 es a 15".

• En toda proporción, los productos cruzados son iguales. • 2 · 15 = 5 6

$$\frac{3}{5}$$
 y $\frac{6}{11}$ no forman proporción porque $3 \cdot 11 \neq 5 \cdot 6$.

La propiedad anterior se puede util zar para hallar el valor desconocido en una proporción.

$$\frac{3}{5} - \frac{6}{x}$$
 3 x - 5 6 3 x - 30 x = 30 3 x 10

Escribí una razón que represente cada oración.

a. Dos de las siete tortas son de chocolate. ->

d. Cada diez caramelos hay tres bombones. -

b. Uno de cada seis alumnos nunca fa ta. →

e. La mitad del curso la integran mujeres. ->

En quince días hubo dos feriados. →

f. Hay un martes cada semana. ->

En el turno mañana de una escuela, de cada 8 alumnos de segundo cicio hay 5 que concurren a a gún ta ler extraprogramático, en cambio, en el turno tarde, son siete de cada diez. ¿En cuál de los turnos hay una mayor aceptación de estos talleres? Mostrá cómo te das cuenta.

- En la caja de alfajores de la imagen, tres son de fruta y el resto, de chocolate.
 - a. Expresá mediante razones los aifajores de cada tipo que hay en la caja.



- b. Esas razones, ¿forman una proporción? ¿Por qué?
- c. Expresá la razón entre los alfajores de fruta y los de choco ate, y completá la oración

Razón > Por cada alfajores de

- Abajo podés observar var as razones, expresadas como fracción.
 - a. Uní con flechas de distintos colores las que forman una proporción.

$$\frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{125}{100}$$
 $\frac{7}{28}$ $\frac{14}{3}$



- b. El número 0,5 representa una de las proporciones anteriores. ¿Cuá ? ¿Qué expresiones decimales representan las demás proporciones?
- Hugo se equivocó a querer plantear una proporción y la expreso as $\frac{3}{4} \frac{8}{6}$.
- a. ¿Cómo la habrías expresado vos, usando esos mismos cuatro números?
- b. Fijate cómo respondieron tus compañeros. ¿Todos la expresaron de la misma forma? Pianteá otras maneras de expresar esa proporción
- 7. Hallá el va or desconocido en cada proporción

a.
$$\frac{x}{8} = \frac{7}{4}$$

$$\frac{6}{x} - \frac{1,2}{8}$$

d
$$\frac{9}{3.5} = \frac{81}{x}$$

En la pinturería, a Matías le recomiendan co ocar 200 milide entonador por cada litro de pintura. ¿Cuantos m li itros de entonador deberá util zar en una lata de 4 litros de pintura? ¿Y si la lata fuese de medio litro?



una hoja A4 para impresora tiene 210 mm de ancho y 297 mm de alto Si guisieras recortarla de modo que te quede una copia reducida de 7 cm de ancho, ¿cuánto debería tener de alto?

 ¿Qué proporción e corresponde al producto cruzado 7 8 = 2 · 28? ¿Hay una única forma de expresarla?

Proporcionalidad directa



Al doble, el doble. Al triple, el triple...

Cuando el cociente entre las cantidades que se corresponden no varia, las magnitudes que intervienen son

directamente proporcionales.

Esa razón se llama constante de proporcionalidad directa

Por ejemplo la cantidad de pasajeros sentados que puede l evar un tren es directamente proporciona al número de vagones (igua es) que tenga.

		3	7	-		
Número de vagones iguales	1	2	3	4		
Pasajeros sentados	60	120	180	240		
	11					
		- 3	2			

Se puede observar que:
$$\frac{60}{1} = \frac{120}{2} = \frac{180}{3} = \frac{240}{4} = \frac{60}{4} \leftarrow \frac{\text{constante de proporcional dad directa}}{\text{pasajeros sentados por vagón}}$$

En la tabla se pueden comprobar dos propiedades de las cantidades directamente proporcionales:

A doble de una cantidad le corresponde el doble de la otra si una cantidad se triplica, su correspondiente también; si se reduce a la cuarta parte, su correspondiente también, etcétera.
 Por ese motivo se verifica, por ejemplo, esta proporción.

$$\frac{180}{120} = \frac{3}{2}$$
 La razón entre dos contidades de pasajeros sentados (180 y 120) es igual o la razón entre las contidades correspondientes de vagones (3 y 2).

- A la suma de dos cantidades le corresponde la suma de las cantidades correspondientes. Por ejemplo, en 1 + 2 = 3 vagones hay $60 \div 120 = 180$ pasajeros sentados.
- nvest galsi la tabla es de proporcional dad directa. Si no lo es, corregile lo los valores que estén ma para que si lo sea considerando que los números de la columna gris son correctos. Luego indicá la constante de proporcionalidad entre Biy A.

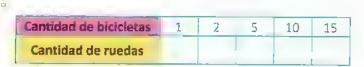
Cantidad A	2	6	8	10	15	20
Cantidad B	6	18	22	30	42	60

- 12 Los colos de curso estan organizando una fiesta para recaudar fondos ly calcularon que con un litro de gaseosa pueden llenar 5 vasos, que venderán a \$10 cada uno.
 - a Completa altab a sabiendo que as cantidades implicadas son directamente proporcionales.

Lítros de gaseosa	1	2	4		
Cantidad de vasos				40	
Dinero recaudado (\$)					500

- Calculá la constante de proporcionalidad en cada uno de los sigu entes casos.
 - Entre cantidad de vasos y l'tros de gaseosa.
 - Entre dinero recaudado y i tros de gaseosa.
 - Entre dinero recaudado y cantidad de vasos.

13. Completá cada tabla de proporcionalidad directa considerando el tipo de móvil.





Recordá que si se duplican los vehículos, se duplican las ruedas, etcétera Además por e,emplo, s. se suman las ruedas

de 5 y de 10 vehículos, se obtienen las de los 15 juntos.

antidad de triciclos	1	2	5	10	15
Cantidad de ruedas					
Cantidad de ruedas					

Cantidad de cuatriciclos	1	2	5	10	15
Cantidad de ruedas					

14. Considerá la activ dad anterior.

a. Calculá la constante de proporcionalidad de cada tabla como el

cociente entre la cantidad de ruedas y la de móviles.



- . Si a constante de proporcionalidad hubiese sido 1 ¿de que tipo de moy , se habria tratado?
- 15 Completá a tabla Luego en los casos donde hay una relación de proporciona idad directa entre el número n o la primera fila y cada una de las otras filas, indicá las constantes y, en los otros, explicá por que no la nay

Número natural n	1	2	3	4	5
Doble de n	, 2		,		
Triple de n		6	}		
Cuadrado de n			9		
Cubo de n			,	64	



16. Las promociones 3 × 2 ("compre 3, pague 2"), ¿respetan la proporcionalidad directa? ¿Por qué?



A dople la mitad A chadupe accurrente

Cuando el producto entre las cantidades que se corresponden es siempre el mismo las magnitudes que intervienen son inversamente proporcionales. Ese producto se la maionistante de proporciona idad inversa la tabla muestra diferentes formas de distribuir 100 ápices iguales en cajas del mismo tamaño.

			4
Lápices por caja	10	20	5
Cantidad de cajas	10	5	7
	 _	1	×

La cantidad de cajas es inversamente proporcional al número de lápices que contiene cada una

Se comprueba que 5 20 = 10 · 10 = 20 · 5 = 50 · 2 = 100 ← constante de proporcionalidad inversa

-> cantidad total de lápices

En la tabla se ve que al doble de una cantidad le corresponde la mitad de la otra si una se cuadrupica, su correspondiente se divide por 4; si una cantidad se d'vide por 5, su correspondiente se quintuplica, etcétera. Por ese motivo se verifica, por ejempio, esta proporción: $\frac{5}{50} = \frac{2}{200}$

Rozón entre dos cantidades de lápices (5 y 50,. -

Las cantidades de cajas correspondientes a 5 y 50 o sea, 20 y 2, se invierten para obtener una proporción.

11 Investigáis la siguiente tabla es de proporcionalidad inversa. Si no o es corregíe o os valores que están ma para que si lo sea, considerando que los de la columna gris son correctos luego indicá a constante de proporcionalidad entre Biy A.

Cantidad A	2 ,	4	6	10	12	20
Cantidad B	30	15	10	9	5	2

- 18. Para organizar un campamento hay que distr buir a 120 alumnos en varios grupos igua es.
 - a. Completá la tabia que indica algunas maneras de distribuir a los alumnos.

Alumnos por grupo	2	4	10		30	
Cantidad de grupos	60			6		3

- no cá si se trata de una proporcional dad y en ese caso, de qué tipo es ilustifica to respuesta
- indica que representa la constante de proporcional dad y utilizala para justificar por qué se podr an armar grupos iguales de 24 alumnos, pero no de 7. Pista: podés usar el concepto de divisibilidad.

Problemas de proporcionalidad



Tres datos conocidos y otro para hallar

 Como el cociente entre las cantidades directamente proporcionales es constante, se puede plantear una proporción entre esas cantidades y hallar el valor desconocido.

Por ejemplo, si 2 kg de helado costaron \$160, ¿cuánto habrían costado 1 kg y medio?

$$\frac{2}{160} - \frac{1.5}{x} \rightarrow 2 \cdot x = 1.5 \cdot 160 \rightarrow 2 \cdot x = 240 \rightarrow x = 240 \cdot 2 \rightarrow x = 120$$

Respuesta: 1,5 kg de helado habrían costado \$120

Como el producto entre las cantidades inversamente proporcionales es constante se puede piantear la igua
dad entre dos de esos productos y haliar el valor desconocido.

Por ejempio is il bombas de agua iguales i enan un tanque en 60 minutos, ¿cuanto tardanan il de esas bombas en llenano?

$$2 \cdot 60 = 3 \cdot x \Rightarrow 120 = 3 \cdot x \Rightarrow 120 : 3 = x \Rightarrow x = 40$$

Respuesta: 3 bombas iguales tardarian 40 minutos en llenar el tanque.

- En la rotisería de la esquina, la docena de empanadas cuesta \$180
 - a. ¿Cuánto costarán dos docenas de empanadas? ¿Y media docena?
 - b ¿Qué tipo de proporciona idad planteaste para resolver el ítem anterior? ¿Por que?
 - c. ¿Cuái es la constante de proporcionalidad? ¿Qué representa?
- Vamos a replantear la actividad anterior, pero ahora trabajando con empanadas individuales en vez de hacerlo con docenas de empanadas.
 - a. Reformulá la primera pregunta de la actividad anterior:
 - Si empanadas cuestan \$180, ¿cuánto costarán empanadas ? ¿Y empanadas?
 - big Selobtendrán diferentes costos que en la actividad anterior? Fijately explica por qué sucede asi
 - c. ¿Cuál es el valor de la constante de proporcionalidad? ¿Qué representa ahora?

Proporcionalidad inversa



A, doble iam tad A castal P lare r

Cuando el producto entre las canidades que se corresponden es siempre el mismo, las magnitudes que intervienen son inversamente proporcionalidad inversa. Ese producto se la maiconstante de proporcionalidad inversa la tabia muestra diferentes formas de distribuir 100 lápices iguales en cajas del mismo tamaño.

	 -	-	-
Lápices por caja	10	2C	
Cantidad de cajas	10	5	,
		W	7

La cantidad de cajas es inversamente proporcional al número de lápices que contiene cada una

Se comprueba que 5 · 20 ≈ 10 · 10 = 20 · 5 = 50 2 = 100 ← constante de proporc onalidad inversa

Label Cantidad total de lápices

En la tabla se ve que a lob e de una cantidad le corresponde la mitad de la ctra, si una se cuadrup ca, su correspondiente se divide por 4; si una cantidad se divide por 5, su correspondiente se quintuplica, etcétera.

Por ese motivo se verifica, por ejemplo, esta proporción: $\frac{5}{50} = \frac{2}{20}$

Razón entre dos cantidades de lópices (5 y 50). ←

Las canadades de cajos correspondientes a 5 y 50, a sea, 20 y 2, se invierten para obtener una proporción

17 investigais la signification de solumna para que si o sea, considerando que los de la columna gris son correctos. Luego indica la constante de proporcionalidad entre Biy A.

Cantidad A	2	4	6	10	12	20
Cantidad B	30 T	15	10	9	5	2

- 18 Para organizar un campamento hay que distribuir a 120 a umnos en varios grupos iguales
 - a. Completá la tabla que indica algunas maneras de distribuir a los alumnos

Alumnos por grupo	2	4	10		30	
Cantidad de grupos	60			6	<u>. </u>	3

- r. Indicá si se trata de una proporcionalidad y, en ese caso, de que tipo es Justifica tu respuesta
- ndică qué representa la constante de proporcionalidad y utiliza a para justificar por que se podrian armar grupos, guales de 24 alumnos, pero no de 7. Pistar podés usar el concepto de divisibilidad.

Problemas de proporcionalidad



Tres datos conocidos y otro para hallar

 Como el cociente entre las cantidades directamente proporcionales es constante, se puede olantear una proporción entre esas cantidades y hallar el valor desconocido.

Por ejemplo, si 2 kg de helado costaron \$160, ¿cuánto habrían costado 1 kg y medio?

$$\frac{2}{160} = \frac{1.5}{x} \Rightarrow 2 \cdot x = 1.5 \cdot 160 \Rightarrow 2 \cdot x = 240 \Rightarrow x = 240 \cdot 2 \Rightarrow x = 120$$

Respuesta: 1,5 kg de he ado habrían costado \$120.

 Como el producto entre las cantidades inversamente proporcionales es constante, se puede plantear la gual dad entre dos de esos productos y hallar el valor desconocido.

Por ejempio is il bombas de agua iguales lienar un tanque en 60 minutos, ¿cuanto tardar an - de esas bombas en llenario?

$$2.60 = 3.x \rightarrow 120 = 3.x \rightarrow 120.3 = x \rightarrow x = 40$$

Respuesta: 3 bombas iguales tardarían 40 minutos en llenar el tanque

- 19. En la rotisería de la esquina, la docena de empanadas cuesta \$180.
 - a. ¿Cuánto costarán dos docenas de empanadas? ¿Y media docena?
 - b ¿Qué tipo de proporciona idad planteaste para resolver el ítem anterior? ¿Por que?
 - c. ¿Cuál es la constante de proporcionalidad? ¿Qué representa?
- Vamos a replantear la actividad anterior, pero ahora trabajando con empanadas individuales en vez de hacerlo con docenas de empanadas.
 - a Reformulá la primera pregunta de la actividad anterior:

St empanadas cuestan \$180, ¿cuánto costarán empanadas ? ¿Y empanadas?

- bil ¿Se obtendrán diferentes costos que en la actividad anterior? Fijate y explicá por que sucede así
- c. ¿Cuál es e. valor de la constante de proporcionalidad? ¿Qué representa ahora?

- 21 Una bomba de succión tarda 12 horas en vaciar una pileta, trabajando a ritmo constante.
 - a. ¿Cuánto tiempo tardarán entonces 2 bombas de esas? ¿Y 3 bombas? ¿Y 4?
 - b. ¿Cuántas bombas de esas habría que usar si se quisiera vaciar la pileta en 2 horas? ¿Y en 1 hora?
 - c. Completá la tabla para mostrar cómo se relacionan los valores anteriores.

- 22. Varios conductores recorren 400 km a velocidad constante.
 - Comp etá la tabla que muestra la velocidad y la duración del viaje de cada conductor, donde la velocidad está expresada en kilómetros por hora y, la duración, en horas.

Conductor	Juan Manuel	Emerson	Lole	Niki
Velocidad (km/h)	25		80	
Duración (h)		8		4

A Histerbien

Quien va siempre a 40 km/h recorre 40 km en 1 hora, es decir que hacer 400 km le leva 10 horas.

- b. ¿Cuál es el valor de la constante de proporcionalidad? ¿Qué representa?
- 23 Una fábrica produce 1 800 latas de duraznos en almíbar por día y puede envasarlas de diferentes maneras.
 - a ¿Cuantas cajas necesitará si cada una contiene una docena de latas? ¿Y si contuviera una decena?
 - 5 Se envasarán las 1,800 latas en 200 cajas iguales ¿Cuántas latas caben en cada una? ¿Y si fueran 45 cajas?
 - c. ¿Cuál es el valor de la constante de proporcionalidad? ¿Qué representa?
- 24 La pizzería del barno vende la docena de empanadas a \$200, aunque ofrece una promo de dos docenas por \$350. ¿Existe proporcionalidad en esa promo? ¿Por qué?

Proporcionalidad directa y porcentaje



Cuántos de cada 100

Cuando se dice que el 97% de los tom l'os no tiene fal as significa que 97 de cacia 100 tornil os estan en óptimas condiciones. Es decir, $\frac{97}{100}$ del tota aprobarían un test de calidad.

5. 520 alumnos de los 800 inscriptos aprobaron el examen de Ingreso, ¿que porcentaje representan? Es decir, ¿cuántos alumnos de cada 100 superaron la prueba?

Se puede reso ver planteando esta proporción.

800 representa el total, o sea, el 100%
$$\Rightarrow \frac{x}{100} = \frac{520}{800} \Rightarrow x = \frac{520}{800} \cdot 100 \Rightarrow x = 65\%$$

Entonces, los 520 que aprobaron representan el 65%.

- 25. Si en un curso de 20 a umnos hay 12 mujeres, ¿qué porcentaje del curso representan?
- 26. En un paquete de 10 ga letitas, el 40% es de chocolate. Indica cuáles de los siguientes planteos te sirven para averiguar cuántas ga letitas de choco ate hay, y ut. izá uno de ellos para calcular el resultado.

$$\frac{10}{x} = \frac{40}{100}$$

$$\frac{10}{x} = \frac{40}{100}$$
 $\frac{x}{10} = \frac{40}{100}$ $\frac{10}{100} = \frac{x}{40}$ $\frac{10}{40} = \frac{x}{100}$

$$\frac{10}{100} = \frac{x}{40}$$

$$\frac{10}{40} = \frac{x}{100}$$

- 27. El 24% de los abonados a un servicio de emergencias prefiere pagar en efectivo. ¿A cuántos usuarios representa ese porcentaje, si el total de abonados es 23.525?
- 28. El gráfico circular muestra los porcentajes de alumnos de dos cursos que han elegido un determinado dest no turístico para el viaje de egresados.





- b Si hubieran votado también los 2 alumnos que faltaron ese día, y hubiesen e egido ir a la playa, ¿cómo se habrían modificado todos los porcentajes?
- 29. Sant dice: "Si 2 de cada 5 chicos practica básquet, entonces 2 es el 100% y tengo que encontrar qué porcentaje es el total". ¿En qué fa la su razonamiento? ¿Cómo lo hub eras planteado vos?



Descuentos y recargos

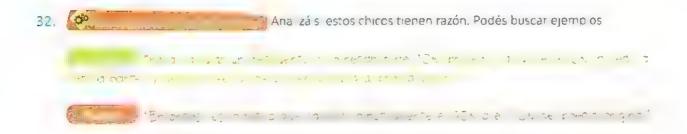
Pagar con un descuento significa pagar de menos. Por ejemplo isi la cuota del ciubles de \$300 y a Nicolas e cobran \$240 porque hay una promocion, le estan haciendo un descuento de \$60. El porcentaje de descuento simbo iza cuanto representan esos \$60 de (os \$300 or ginales. Para caicular ese porcentaje se piede piantear.

 $\frac{x}{100} = \frac{60}{300}$ $x = \frac{60}{300} \cdot 100$ x = 20% Len cieron un **descuento del 20% Pagó el 80%** de valor

A contrar o, pagar con un recargo o aumento significa pagar de más. Por ejempio en el mismo diubila.
 Caro inalie cobraron \$345 de cueta por pagar fuera de término, o sea, tuvo que abonar un recargo de \$45.
 E porcentaje de recargo simboliza cuanto representan esos \$45 de los \$300 originales. Para calcularlo se puede plantear.

 $x = \frac{45}{300} \cdot 100$ x = 15% Le nic eron un recargo del 15% Pagó el 115% del va or

- Susanita va a shopping. En una tienda encuentra el vestido que está biliscando, cuyo precio de lista es \$420. Si lo paga en efectivo, el precio final es \$399. si lo paga con tarjeta en cuotas, el precio cambia a \$462. ¿Qué porcentajes de descuento y de recargo le hacen en uno y otro caso?
- 31 Al llegar a la estación de servicio. Beto ve que el tro de nafta que costaba \$18 ahora cuesta \$18,54. Calcula qué porcentaje de aumento sufrió la nafta.



33. Utilizá tus conclusiones de la actividad anterior para ver cómo variaria un precio or gina, de \$200 s sufriera un descuento o un recargo de 10%. Si crees que ambos chicos tenian razon, entonces verificá que ambos métodos dan los mismos resultados.



Bety ganaba \$3 000 de sueldo.

A com enzo de año rec blo un aumento del 15% y, seis meses más tarde, le aumentaron el 10% de lo que estaba cobrando. ¿Se puede afirmar que, en total, rec bió un aumento de 25%? ¿Por qué?

Escalas



Representación a escala

Los mapas, los planos de las construcciones y las representaciones realistas de los seres y vos se hacen a **escala** En estas representaciones hay **proporcionalidad directa** entre cada longitud representada y la reali **La escala es la razón entre esas longitudes, expresadas con la misma unidad.**

S. en un plano se usa 1 cm para representar 2 m (200 cm), la escala es E = 1 200 Se se escala 1 en 200" medida en fa imagen medida rea:

un plano se hizo a escala E = 1. 50. Para averiguar qua, es el ancho de una habitación is en el dibujo mide 7 cm, se puede plantear esta proporción:

$$\frac{1}{50} = \frac{7 \text{ cm}}{x} \Rightarrow 1 \cdot x = 50 \cdot 7 \text{ cm} \Rightarrow x = 350 \text{ cm} \leftarrow \frac{\text{Como cada longitud del plano es la cincuentava parte de la medida real,}}{\text{para ra arra medida real basta con multi pli car por 50 la del plano}}$$

- 35. En un mapa hecho a escala E = 1 100 000 la distancia entre dos ciudades es de 2,3 cm. ¿A cuantos kilómetros está una ciudad de la otra? Recordá que 1 km = 1.000 m y que 1 m = 100 cm.
- 36. ¿Cuantos metros de largo tiene el camino de lajas de un jardín cuyo dibujo a escala E = 1 200 m de 3,6 cm?
- 37 Se desea representar un automóv i de 4,5 m de largo en escala E 1, 100 indicá cuales de los siguientes pianteos te sirven para ca cular la longitud que tendrá e lauto en el dioujo y averiguá esa longitud.

$$\frac{1}{100} = \frac{x}{450 \text{ cm}} \qquad \frac{1}{100} = \frac{450 \text{ cm}}{x} \qquad x = 450 \text{ cm} \cdot 100 \qquad x = 450 \text{ cm} : 100$$

Es usual que en los mapas se use un recurso gráfico para expresar su escala (se ilama escala gráfica). En ese caso, un segmento o un pequeño rectángulo indica la longitud que representa en la realidad. En un cuento aparece el mapa que se ve al costado. Con una regla, medí la distancia que hay entre los pueblos Abedul y Baobab, y usá su escala gráfica para calcular la distancia real que los separa.



39 Una ám nait ene el dibujo de un insecto hecho a escala E = 10 1.
Si sus antenas miden 15 mm en la realidad, ¿con qué longitud aparecen en la lámina?



Si la escala es E = 10 : 1, el tamaño de la imagen es 10 veces el rea .

- De las doce chicas del curso, ocho juegan al hockey, y de los ocho chicos del curso, seis juegan al fútbol
 - De entre las chicas, expresá la razón de las que juegan al hockey, y de entre los chicos, expresá la razón de los que juegan al fútbol
 - b. Proporcionalmente, ¿hay más chicas que juegan al hockey o más chicos que juegan al fútho?
 - c. ¿Qué cambiarías para que las dos razones del ítem a estén en proporción? ¿Cambiarías el número de chicas que juegan al hockey o el de chicos que juegan al fútbol? ¿Por qué?
- 41 Para preparar un jugo se diluye a razón de un litro de concentrado por cada cuatro litros de agua
 - a. ¿Cuál es la razón entre litros de concentrado y litros de agua?
 - b. Como Valentín tenía solo una botella vacía de 2 litros, colocó un vaso de concentrado en la botella y la completó con agua. Si en esa botella caben justo 8 de esos vasos, ¿hizo b en la dilución? ¿Cómo lo sabés?
- Con los números 2, 3, 4 y 6 armá todas las proporciones posibles.
- 43. En una pizzería tienen calculado que por cada 5 empanadas de carne venden 2 de jamón y queso. Si anoche vendieron 25 docenas de empanadas de carne, ¿cuántas docenas de jamón y queso es esperable que hayan vendido?
- 44. Se cubrió parte de una pared con azulejos como el de la imagen. Si en total quedaron 156 cuadraditos de color azul, ¿cuántos hay de los otros colores?



45. Maricha dice que si dos fracciones son equivalentes, entonces forman una proporción. ¿Tiene razón? ¿Por qué?

- 46. En el quiosco de la escuela, un alfajor cuesta \$5,50.
 - a. ¿Cuánto costará la caja entera, si trae 36 alfajores?
 - ¿Qué tipo de proporcionalidad aplicaste para responder la pregunta anterior? ¿Por qué?
 - c. ¿Cuál es la constante de proporcionalidad?
 - d. ¿Cuánto costaría un tercio de esa caja? ¿Y el cuádruple de la caja?
 - e. ¿Cuántos alfajores comprarías con \$275?
- Hacé cálculos mentales para determinar si os valores de la siguiente tabla están relacionados mediante una proporcionalidad directa. Si lo están, hallá la constante ^Y/₂.

Х	1	2	4	6	24	
100	0,5	1	2	3	12	

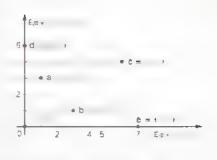
- 48 Para repartir entre 50 invitados, Luli hace bolsitas iguales con 4 caramelos en cada una.
 - a. ¿Cuántas bolsitas habría armado con todos los caramelos si hubiese puesto 2 en cada una?
 - b. ¿Qué tipo de proporcionalidad hay y cuál es la constante?
 - ¿Cuántos caramelos habría en cada bolsita si hubiese la mitad de invitados y se usaran todos los caramelos?
- 49. Para abonar un artículo de \$2.400 se ofrecen tres modalidades de pago
 - Pagar 50% del total más 12 cuotas de \$120.
 - Pagar el total con un descuento del 15%.
 - Pagar el total en 24 cuotas iguales con 20% de recargo
 - a. ¿Cuánto se termina pagando en cada caso?
 - b. ¿Qué descuento o recargo hay en la opción 1?
 - c. ¿Cuál es el valor de cada cuota en la opción 3?
- 50 Un biólogo fotografía bacterias de 0,003 mm que observa a través de un microscopio.
 - a. Calculá qué tamaño tendrán en la fotografía si la escala de la imagen es E = 15.000 . 1.
 - b. Un cuerpo extraño aparece en la fotografía con 3 cm de longitud. ¿Cuánto mide en la realidad?

Sistema de ejes cartesianos

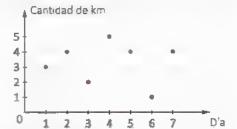


Gráficos cartesianos

Para representar puntos en el plano, se puede utilizar un sistema cartesiano formado por dos rectas perpendiculares. La horizontal es el eje de las absessas (eje ») y la vertical es el eje de las ordenadas (eje y). Su intersección es el punto (0; 0), llamado origen de coordenadas, pues sobre cada eje se marca una escala de valores que comienza con 0. Cada eje puede tener su propia escala. Cada punto del plano está determinado por un par ordenado de números escritos entre paréntesis y separados por punto y coma; son sus coordenadas cartesianas. El primer valor es la abscisa () y el segundo, la ordenada (). Es decir, a cada punto le corresponde un par ordenado de números (, , ,



- 51. Observá el gráfico cartesiano. Los puntos muestran la cantidad de kilómetros que caminó Alex cada día durante la última semana del mes pasado.
 - a. ¿Qué ordenada le corresponde a la abscisa 4?
 - b. ¿Qué abscisa tiene el punto de ordenada 2?



- ¿Qué puntos tienen la misma ordenada? ¿Cómo lo interpretás en esta situación?
- d. ¿Cómo interpretás las coordenadas del punto (1; 3)?
- 52. En el sistema cartesiano, escribí el nombre de los ejes, establecé las escalas y representá tres puntos para cada consigna. Además, escribí sus coordenadas.
 - a. Con azul: que estén ubicados en el eje x.
 - b. Con rojo: que estén ubicados en el eje y.
 - c. Con verde: que su abscisa y su ordenada sean iguales.
 - d. Con celeste, que tengan mayor abscisa que ordenada.



Los puntos con ordenada 0, como el (7; 0), están sobre e eje x. Los que tienen abscisa 0, como e (0, 5), están sobre el eje y.

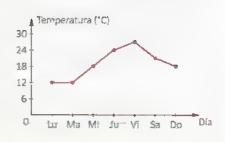
nterpretación de gráficos cartesianos



Lectura de gráficos

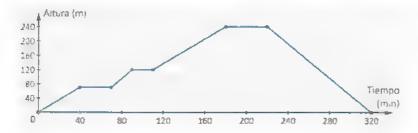
Un gráfico perm te interpretar con rapidez la situación que describe Por ejemplo, este gráfico muestra cómo varió la temperatura media en la ciudad durante la primera semana de primavera.

- Durante los primeros dos días, la temperatura media no varió. Se mantuvo en 12 °C y fue la mínima de toda la semana.
- A partir de entonces, la temperatura media fue en aumento y liegó a un valor máximo de 27 °C el día viernes.
- Desde ese momento empezó a disminuir, hasta llegar a 18 °C el domingo



Sibtem a temperatura media es un valor unico de cada dia irepresentado por un punto, en este gráfico se los puede un ricon una inea que muestre cómo evo uciono a lo largo de la semana. En otras situaciones podría suceder que no tenga sentido unir los puntos del gráfico.

53. Un and hista sub ó a una montaña desde el Valle Encantado y Llego bajó por el mismo camino. El gráfico muestra las alturas que fue a canzando con respecto al valle, a lo largo del tiempo que duró la travesía.



a. ¿Cuá, fue la altura máxima que alcanzó el andinista?

2Y la minima?

- b. Desde que salió hasta que regresó, ¿cuántos minutos la ilevo toda la travesia? ¿Cuantas horas son?
- c. ¿Qué suced ó durante los primeros 40 minutos de la travesía?

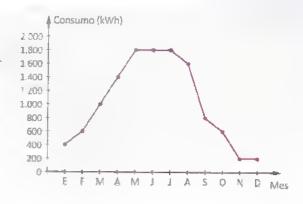
¿Y en los 30 minutos siguientes?

- d. ¿En qué otros intervalos de tiempo el andinista estuvo ascendiendo a la montaña?
- el Supon endo que cuando no subló ni bajo estuvo descansando, ¿cuanto tiempo descansó durante el as censo? ¿Cómo teldas cuenta?
- f. ¿Cuánto tiempo permaneció en la cima antes de comenzar el descenso?
- g. ¿Cuánto tardó en descender?

54. È siguiente grafico muestra el consumo electrico de un hogar durante todo el año pasado

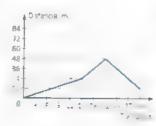
- a. Completá con los meses, según corresponda.
 - En el período enerosumo fue creciendo.
 - En el periodo el consumo fue disminuyendo .
 - Durante los períodos mayo-.....

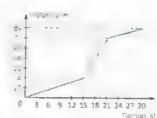
y.
el consumo se mantuvo con el mismo valor.



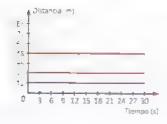
b. Completá

- El consumo máximo fue de kWh y el mínimo, de ..
 ... kWh
- c. ¿Cuando crecio mas rapidamente e consumo entre enero y febrero o entre febrero y marzo? Justifica.
- 55. Los gráficos muestran la distancia al punto de partida y el tiempo de carrera de dos maratonistas. Ambos recorrieron 24 m en 15 s. A continuación, Ariel decidió aumentar su velocidad durante un tiempo y luego la disminuyó, mientras que Beto también aumentó su velocidad, pero luego de un tiempo dio la vue ta y se dingió hacia el punto de partida.





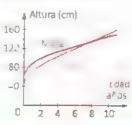
- a. ¿Qué gráfico le corresponde a cada uno? Fundamentá tu respuesta.
- b ¿Como nterpretas este gráfico que corresponde a tres corredores?



1

56. Los padres de Julia y Maca registraron cada año las estaturas de ambas

más alta antes de los 6 años? ¿Cuándo midieron lo m smo?



Gráficos de funciones

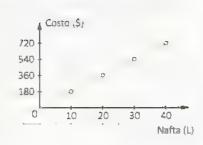


Función

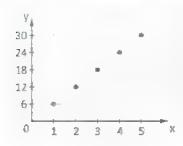
Es una relación en la que a cada va or representado en el eje de las abscisas (x) le corresponde un único valor de, eje de las ordenadas (y).

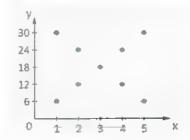
En el ejemplo se puede ver que la cantidad de nafta y el costo pueden tomar distintos valores, al variar uno, se obtiene el valor del otro, por eso se aman variables de la función

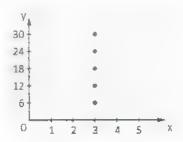
En el eje de las abscisas se ubica la variable independiente (en el ejemplo, es la cantidad de nafta) y en el eje de las ordenadas, la variable dependiente (el costo depende o está en función de la cantidad de nafta)



57. ¿Cuál de estos gráficos corresponde a una función? ¿Por qué los otros dos, no?





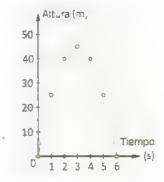


A ana zar el movimiento de una pelota que sube y baja, los chicos de curso realizaron el siguiente gráfico.



b. ¿Cómo interpretás el punto de abscisa 2?

¿Y el punto de abscisa 4?



c. Analizá lo que afirman estos chicos y determiná quién tiene razón y por qué.

Morros "No es una función, porque hay valores de la altura a los que les

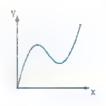
corresponden dos valores de tiempo, por ejemplo, a 25 m le corresponde 1 s y 5 s

"Sí es una función, porque en cada segundo la pelota estuvo a una única altura"



59 En sintonia con las conclusiones que obtuviste en la actividad anterior indicá cuáles de los siguientes gráficos representan funciones.

a.



b.

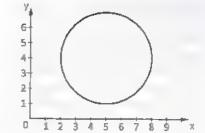


¢.

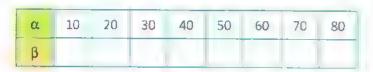


M

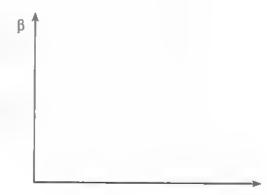
60. Inventá dos gráficos. uno debe ser el de una función y, el otro, no. 61. En este gráfico, que representa una circunferencia centrada en (5; 4), se puede apreciar los valores que adopta la variable y para cada uno de los diferentes valores de x.



- a. Explicá por qué esta relación entre x e y no es una función.
- b Matías marcó con rojo la mitad superior de la circunferencia y borró la otra mitad ¿Corresponde a una función el gráfico que le quedó? ¿Por qué?
- c Considerá la semicircunferencia que marcó Matías en el ítem anterior, e indicá los va ores máx mo y mínimo.
- 62. .maginá un triángulo rectángulo en el que los ángulos agudos se laman α y β
 - a. Completá la tabla de valores, donde α y β están expresados en grados.



- b. ¿Por qué carece de sentido considerar que α podría medir 0° o 90°?
- c. Escribí los valores en los ejes y representá en el sistema cartesiano los pares (α; β) de la tabla anterior, para graficar la relación entre ambos ángulos.



¿Tiene sentido unir los puntos con una línea continua? Si es así, hacelo. De lo contrario, explicá por qué no debería hacerse.

- d. A partir del gráfico, ind.cá qué valor le corresponde a β cuando α = 15° y cuando α = 45°. Luego comproba o con un cá culo en cada caso.
- e ¿Habría cambiado la forma dei gráfico si se hublese representado α en función de β? ¿Por qué?

© Sentiller a S.A. Prohibida su fotocopia. Lay 11 723

Función de proporcionalidad directa



Gráficos y proporcionalidad directa

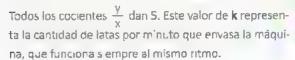
Cuando en una función el cociente entre las cantidades que se corresponden es siempre el mismo, la función es de proporcionalidad directa.

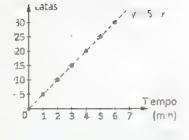
El cociente o constante de proporciona idad directa $\frac{y}{x} = k$ permite escribir:

$$y = k \cdot x$$
 \leftarrow formula de la función

k representa un número fijo







15

10

4

20

5

25

A med da que aumenta el tiempo, tamb en aumenta la cantidad de latas. Este incremento es un forme, a razón de 5

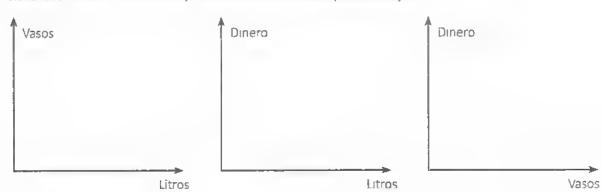
Tiempo en minutos (x)

Cantidad de latas (y)

El gráfico de cua qui er función de proporciona idad directa está formado por puntos pertenecientes a una **recta que** pasa por el origen de coordenadas

63. Volvé a considerar los valores obtenidos en la actividad 12 de la página 94

a A partir de los datos de la tabla, marcá los puntos que corresponden en cada uno de los gráficos de propor cionalidad directa. En cada caso, usá una escala adecuada para cada eje.



- b. En estos gráficos, ¿corresponde unir los puntos con una línea continua? ¿Por qué?
- Considerá las variables V (vasos), L (litros) y D (dinero), así como las constantes de proporciona idao que averiguaste en la actividad 12, y escribí la fórmula de cada una de las funciones.

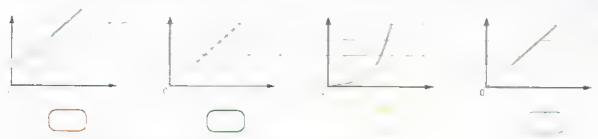
V en función de L:

D en función de L:

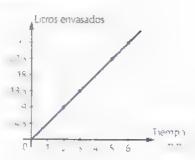
D en función de V:

d Usa esas dos primeras fórmulas para aver guar cuántos vasos y cuánto dinero generan 12 l tros de gaseosa Luego usá la tercera fórmula para corroborar que esos resultados se corresponden y marcá os nuevos puntos en los gráficos 64 ¿Cua es de los siguientes gráficos no representan una función de proporcionalidad directa?

Leé las just ficaciones de abajo y escripí en cada casilla el número correspondiente que te hizo descartarla.



- 1. Porque es una recta que pasa por el origen de coordenadas.
- 2. Porque es una recta que no pasa por el origen de coordenadas.
- 3. Porque es una línea punteada.
- 4. Porque es una línea curva.
- 5. Porque solo debería haber puntos aislados y alineados
- 6 Porque no puede afirmarse que hay proporciona idad directa sin conocer los valores
- 65. En una fábrica, una máquina envasa pintura trabajando a ritmo constante, como muestra el gráfico.
 - a. ¿Por qué puede afirmarse que la máquina trabaja a ritmo constante?
 Pista: pensá si en cada minuto envasa la misma cantidad



b. A partir del gráfico, completá la tabla.

x Tiempo (min)	0	2			5	
y Litros envasados			13,5	18		27

- c. Calculá la constante de proporcionalidad y escribí la fórmula de la función
- a ¿Qué representa la constante de proporcionalidad? Señalá ese punto en el gráfico
- **66.** Considerá la función de proporcionalidad directa $y = \frac{1}{4}x$.
 - 1 x . y
 - a. Estab ecé las escalas en los ejes y grafica la función.
 - b. Usá la fórmula para calcular
 - el valor de y cuando x = 80 →
 - ullet el valor de **x** cuando y=80 \rightarrow

Función de proporcionalidad inversa



Gráficos y proporcionalidad inversa

Cuando en una función el producto entre las cantidades que se corresponden es siempre el mismo, la función es de proporcionalidad inversa

El producto o constante de proporcionalidad inversa x · y = k permite escribir:

$$\begin{array}{c|c} y = \frac{k}{x} \\ \hline & \leftarrow \text{ formula de a función} \\ \hline & \leftarrow \text{ k representa un número fijo y } x \neq 0 \\ \end{array}$$

El gráfico y la tabla muestran la cantidad de bancos (y) que se necesitan para ubicar a 60 personas, según cuántas personas (x) pueden sentarse en cada banco. Todos los productos x · y dan 60, pues es la cantidad total de personas a ubicar

 Personas por banco (x)
 2
 3
 4
 6

 Cantidad de bancos (y)
 30
 20
 15
 10

Bancos

40 35

30

25 20 15

10

Ö

Si una variab e aumenta, la otra disminuye en la misma proporción.

El gráfico de una función de proporcionalidad inversa está formado por puntos pertenecientes a una curva il amada hipérbola.

- Voivé a considerar los valores obtenidos en la actividad 21 de la página 98
 - a. A partir de la tabla, tomá los datos que se corresponden como si fueran pares ordenados y ubicá los puntos en el sistema cartesiano. Después unilos con una línea punteada (no puede ser una línea continua, ya que las cantidades de bombas deben ser números naturales).
 - b. ¿Cómo sabés que se trata de una función de proporcionaudad inversa?

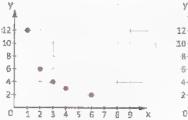


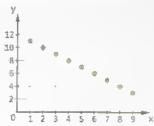
- c. Considerá las variables b (bombas) y t (tiempo) y escribí en el recuadro la fórmula de la función que las relaciona.
- d. Usá la fórmula para calcular el valor de t si hay 5 bombas.
- 68 S' un numero natural x es divisor de 120, entonces hay otro número natura y que cumple que $x \cdot y = 120$.
 - a. Expresá la relación anterior como una función de proporcionalidad inversa.

¿Cuál es la constante?

b. En tu carpeta, hacé una tabla de valores de esa función y graficala ¿Corresponde unir los puntos de gráfico con una línea continua? ¿Por qué?

69. Como cualquier número natural, el 12 puede expresarse como suma o como producto de dos numeros naturales. Y en esos casos, cada par de sumandos o de factores puede representarse como un par ordenado.





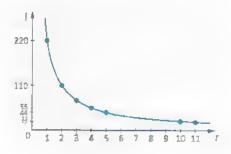
- a. Escribí en cada gráfico el título "SUMA 12" o "PRODUCTO 12", según corresponda.
- b. ¿Por qué en uno de los gráficos no hay puntos para las abscisas 5, 7, 8 ni 9?
- c. Rodeá con rojo la fórmula que le asignarías a primer gráfico y, con verde, la del segundo.

$$y = 12 \cdot x$$

$$y = \frac{x}{12}$$
 $y - \frac{12}{x}$

$$y - \frac{12}{x}$$

- d. Andy dice que ambos gráficos representan una proporcional dad; uno inversa y, el otro idirecta Explicá si tiene razón.
- 70. La corriente eléctrica (i) que circula por un cable es inversamente proporcional a la resistencia (r) que presenta este, como muestra el gráfico. En él se unieron los puntos con una curva, porque tanto r como i pueden adoptar va ores no naturales



a. Completá la tabla a partir de los valores presentes en el gráfico.

r	1		4	5		
		110			22	20

b. Considerá a constante de proporciona idad y escribí en el recuadro a fórmula para expresar i en función de r.



c. ¿Cuánto vale i cuando r = 8?

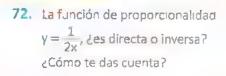
¿Cuánto va e r cuando í = 88?

- 71. Considerá la función de proporcionalidad inversa $y = \frac{36}{y}$.
 - a. Graficá la función en tu carpeta. Tené presente qué escala te conviene usar en los ejes.



 b. Usá la fórmula para ca cular: el vaior de y cuando x = 10 >

el valor de x cuando y = 360 ->





- 73. Representá los s guientes puntos en un s'stema cartesiano: (1; 3), (4; 2), (0; 5), (3; 6) y (1/2; 4)
 Luego, intercambiá abscisa por ordenada en cada uno y representa os con otro co or
- En cada caso, escribí tres puntos que cumplan lo ped do. Luego, representalos graf camente
 - a. La abscisa es el doble que la ordenada.
 - b. La ordenada es el triple que la abscisa.
 - c. La suma de la abscisa y la ordenada es 10
 - d. El producto entre absc sa y ordenada es 0.
- 75. Observá el siguiente rectángulo.





- a. Mencioná las coordenadas de sus vértices.
- b. Trazá sus diagonales y escribí el par ordenado donde se cruzan.
- c. ¿Es cierto que con las coordenadas del vértice superior derecho podría hallarse el área del rectángulo? ¿De qué manera? Si vas a hacerio en GeoGebra, usá os botones Polígono, Segmento, Intersección y Área

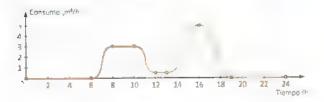






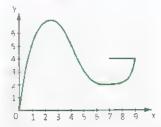


76. E gráfico muestra el consumo de gas de una estufa en una oficina

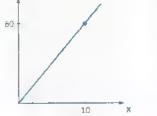


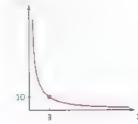
- a. ¿En qué horar os estuvo apagada la estufa?
- b. Mientras estuvo prendida, ¿en qué intervalos el consumo fue constante, o sea, no varió?
- c. ¿Cuál fue el consumo máximo del día? ¿A qué hora se registró?
- d. ¿Cómo fue e, consumo entre las 10 y las 12 ns?

77. Explicá por qué el siguente gráfico no representa una función e indicá qué le agregarías o qué le quitarías para que sí lo sea



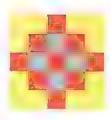
- Un automóvil consume 8 litros de nafta por cada 100 km que recorre
 - a. Indicá si la relación entre itros consum dos y kilómetros recorridos es una función de proporcionalidad directa o inversa. Justificalo.
 - b. ¿Cuántos litros por kilómetro consume el auto?
 - c. ¿Qué re ac ón hay entre e valor averiguado en el ítem b y la constante de proporcional dad?
 - d. Hallá la fórmula que relaciona ambas varia o es y hacé un gráfico del consumo en función de los kilómetros recorridos. No olvides roturar los ejes.
- 79. Considerá rectángulos de 240 cm² de área
 - a. Ind cá si la rejación entre las longitudes de la base y de la altura es una función de proporcionalidad directa o inversa. Justificalo
 - b. Hal á la constante de proporciona..dad. ¿Qué representa con respecto a rectángulo?
 - c. Haliá la fórmula que relaciona ambas longitudes y hacé un gráfico de la función.
- 80. Los graficos corresponden a funciones de proporcional dad ma lá a constante y la fórmula de cada una, y usalas para hallar y cuando x = 100





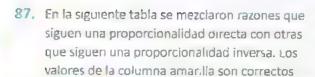


 a. Planteá las diferentes razones que se obtienen comparando entre sí cuadraditos de cada color y también con los cuadraditos totales.



b. ¿Forman proporción algunas?

- Un carpintero debe cortar tablones en los que la razón entre el largo y el ancho sea cinco medios.
 - a. ¿De cuánto será el largo de un tablón de 15 cm de ancho?
 - b. ¿Cuán ancho será un tablón de 1,20 m de largo?
 - c. Explicá por qué un tabión de 48 cm × 18 cm no cumple con lo pedido y cómo se lo podría serruchar para que sí cumpla.
- Cuatro quintos de los alumnos del curso A van a ir al próximo viaje de estudios.
 - a. Averiguá cuántos alumnos hay en ese curso si los que viajarán son 16.
 - b. En el curso B viajarán menos alumnos, pero están en proporción con los del A. Sabiendo que el curso B tiene 15 alumnos, ¿cuántos viajarán?
- 84. Para hacer un "buen choco", Mimí dice que hay que colocar 600 g de chocolate amargo por cada 400 g de chocolate dulce. Si le hacemos caso a Mimí y queremos hacer 2 kilos y medio de ese "buen choco", ¿cuántos gramos de cada tipo de chocolate tenemos que poner?
- 85. En un pueblo de la provincia, 7 de cada 10 habitantes miran habitualmente la TV digital gratuita. En el pueblo vecino, tres cuartos de los habitantes hacen lo mismo. ¿En cuá de los pueblos tiene más aceptación la TV digital? Justificá tu respuesta
- Un automóvil se desplaza por una ruta a una velocidad constante de 80 km/h.
 - a. ¿Cuántos kilómetros recorre en 30 minutos? ¿Y en 6 minutos?
 - b. ¿Cuánto tarda en recorrer 120 km? ¿Y 240?
 - c. ¿Qué tipo de proporcionalidad hay? ¿Qué representa la constante?

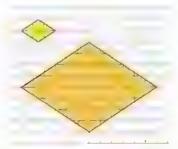


-					T	
Х	1	2	3	4	6	8
у	24	12	72	6	144	3

- a. Considerá la proporcionalidad como directa y corregi fos valores de la tabla para que se cumpla en todos los casos
- Ahora corregí los valores de la tabla para que se cumpla la proporcionalidad inversa
- c. Si x = 12, calculá el valor de y para cada una de las dos proporcionalidades.
- 8.5. Una empresa embotella 12.000 litros diar.os de gaseosa. Según los operarios disponibles, se puede programar la máquina para que el trabajo demande desde 6 hasta 12 horas.
 - a. ¿Cuántos litros se embotellan por hora en la opción más lenta? ¿Y en la más rápida?
 - b. ¿Cuánto demoraría el trabajo si se emboteriaran 1.500 litros por hora?
 - c. ¿De qué tipo de proporcionalidad se trata?
 - d. ¿Cuánto vale la constante de proporcionalidad? ¿Qué representa?
- 89. En un caso de proporciona idad, a la cantidad 8 le corresponde la cantidad 6, mientras que si 8 se incrementa hasta llegar a 40, le corresponde el valor desconocido x.
 - Averiguá cuánto vale x si la proporcionalidad es directa.
 - b. Hallá ahora x si la proporciona idad es inversa
- 90. Un edificio tiene 4 departamentos iguales por piso. Se sabe que tres pintores pueden pintar uno de esos departamentos en un día. Para responder, considerá que todos los pintores trabajan al mismo ritmo
 - a. ¿Cuántos días les llevará a esos pintores pintar un piso entero?
 - b. Si se duplicara el número de pintores, ¿en cuántos dias pintarían un piso entero?
 - c. ¿Cuántos pintores harían faita para pintar un piso por día?

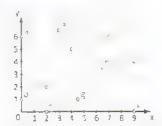


- contiene 0,6 g de po vo para preparar gerat na contiene 0,6 g de carbonidratos. Con ese sobre se puede preparar 120 g de ge atina.
 - a. ¿Qué porcentaje de carbohidratos contiene el sobre? ¿Y el preparado total?
 - b. Si la gelatina se prepara agregando agua a todo e. polvo del sobre, ¿qué porcentaje de agua contendrá el preparado?
- 92. Con respecto a la actividad 85 de la página 113, ¿qué porcentaje de los habitantes de cada pueb o miran habitualmente la TV digital?
- 93. Al comprar un medicamento de \$180 con e carnet de la obra social se consigue un descuento de 20% Además la farmacia del barrio ofrece un descuento del 15% sobre la cifra que resiste de primer descuento.
 - a. ¿Cuánto se pagaría luego de cada descuento?
 - b. ¿Es cierto que se obtiene un descuento total de 35%? Si es así, demostra o; en caso contrario, ca.culá qué porcentaje total de descuento se cons gue.
- 94. Se amplió la figura pequeña en forma proporcional hasta obtener la figura grande, como muestra el esquema.

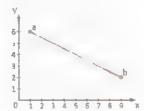


- a. ¿En qué escala quedó representada la ampliación? Ayudate observando la diagonal mayor de cada figura.
- b. ¿Cómo habría cambiado tu respuesta anterior si el original hubiese sido la figura grande y se hubiera hecho una reducción?
- c. ¿Qué porcentaje de aumento sufrieron las longitudes iniciales? Tené en cuenta que si una cantidad se duplica, significa que aumenta un 100%; si se trip ica, aumenta un 200%, etcétera.

95 Escr b'ias coordenadas de cada uno de los puntos representados.

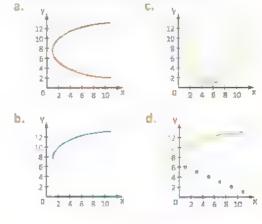


- 96. En un sistema cartesiano, representá un triángulo isósceles de modo que uno de sus vértices coinc da con el origen de coordenadas y escribí las coordenadas de los otros vértices.
- A partir de segmento ab obtené y representá un punto c con estas característ cas:
 - Su abscisa es la mitad de la suma de las abscisas de **a** y **b**.
 - Su ordenada es la mitad de la suma de las or denadas de a y b



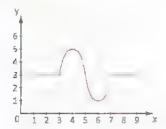
¿Qué representa el punto **c** con respecto al segmento ab?

98. ¿Cuáles de los siguientes graf cos no representan funciones? ¿Por qué?



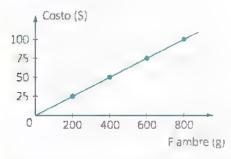


 Observá el siguiente gráfico y seña á las afirmaciones correctas



- No puede ser el gráfico de una función.
- Tiene un mínimo de 1 en x = 6.
- Tiene un máximo de 5 en x ≈ 4.
 - No aumenta ni disminuve para x entre 1 y 3.
 - Va creciendo para x mayores que 7.
 - Va disminuyendo para **x** entre 4 y 6.
 - La variable dependiente varia de 1 a 5.

100. Observá e gráfico de una función.



- a. ¿Cuáles son las variables? ¿Cuál es la dependiente y cuál, a independiente?
- b. ¿Se puede afirmar que hay proporcionalidad?
 ¿De qué tipo?
- c. ¿Es cierto que 150 g de fiambre cuestan más de \$25? ¿Cómo lo sabés?
- d. Utilizando los datos del gráfico, calculá de dos formas distintas el precio de 1 kg de fiambre.
- e. Prolongá la recta graficada para corroborar que efectivamente 1 kg cuesta o calculado en d.
- f. Sugerí una fórmula que relacione e precio con los gramos de fiambre y utiliza a para corroborar por otra vía e precio de 1 kg
- g. Empleá la fórmula anter or para saber cuánto fiambre podrías comprar con \$200

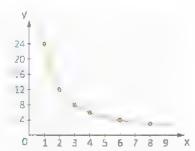
101. Considerá la actividad 86 de la página 113.

- a. Hallá a fórmula que relaciona los k lómetros recorridos (d) con el tiempo de viaje en horas (t).
- b. Graficá la re ación entre d y t util zando los valores calculados en los ítems a y b de la actividad 86.
- c. ¿Qué sucede cuando t = 0? ¿Cómo se inter preta ese resultado, desde el punto de vista del automovil sta?

102. En esta act vidad anal zarás cómo se relacionan os puntos (1; 60), (2; 30), (3, 20), (4; 15), (5; 12), (6; 10), (10, 6), (12; 5), (15; 4), (20; 3), (30; 2) y (60; 1)

- a. Para eso, en una hoja cuadriculada dibujá un sistema cartesiano y representá esos puntos. Usá una escala adecuada; por ejemplo, el lado de 1 cuadradito – 2 unidades.
- ¿. ¿Te sugiere algo la forma del gráfico? ¿Algún tipo de proporcionalidad? ¿Cuá?
- Escribí una fórmula que relacione las coordenadas de esos puntos.

103. Observá el gráfico de una función



- 3. ¿Qué tipo de proporcionalidad representa?
- b. Ha iá la constante de proporciona dad y a fórmula que relaciona x e y.
- c. Usá la fórmula para ha las ordenadas de os puntos de abscisas 4 y 8. Marcá esas ordenadas en el eje correspondiente.
- d. Ana dice que se podían descubrir las ordenadas anteriores con tan so o mirar os otros puntos del gráfico ¿De que forma?
- e. Usando el método de Ana, determiná cuánto vale la variable y cuando x = 24, y cuánto vale x si y = 2.

Marcá la opción correcta.

¿Cuál de las razones es 0,25?

Indica en qué caso x = 3 es el valor desconocido de la proporción

E egi e valor apropiado de A para que la tabia exprese una proporcionalidad directa.

Señalá la afirmación correcta acerca de la tabla.

V V	1
_ ^	1
Commence of the last	_
M M	5

Representa una proporcionalidad directa.

Representa una proporcionalidad inversa.

No representa proporcionalidad.

Ninguna de las anteriores.

Si un artículo que costaba \$800 se lo paga en 12 cuotas de \$80, entonces:

Se le aplicó un descuento del 20%

Se le aplicó un recargo del 12%.

Se le aplicó un recargo del 20%.

No se le aplicó descuento ni recargo

Un insecto de 3 mm de largo aparece en una fotografía con un tamaño de 3 cm. La escala es.

¿Cuál de estos gráficos es el de una función?



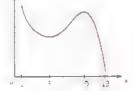


¿Para qué abscisas aumenta la variable y a medida que aumenta la variable x?

Para x entre 1 y 5.

Para x entre 5 y 10.

Para x entre 10 y 13.



Para x entre 5 y 13.

Señalá los datos correctos según el gráfico.

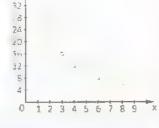
k = 0.5. Si $x = 5 \rightarrow y = 10$.

$$k = 0.8$$
. Si $x = 5$ $y = 4$.

k = 1,25. Si $x = 10 \Rightarrow y = 8$.

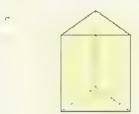
$$Six = 4 \rightarrow y = 5.$$

10. ¿A qué función de proporcionalidad corresponde el siguiente gráfico?



Esto ya lo _ ih_

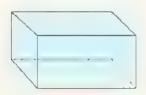
 Observá os cuerpos geométricos dibujados y completá las cantidades.



Caras.

Aristas (lados de las caras):

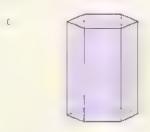
Vértices:



Caras

Aristas

Îrtices



Caras:

Aristas:

Vértices: .



Los jardines botánicos se caracterizan por mostrar colecciones científicas de plantas locales o exóticas, que se cultivan para su conservación o su investigación, y también como protección de las especies en riesgo de extinción.

El de Buenos Aires se inauguró en 1898 y lleva el nombre de Carlos Thays, qu en lo proyectó y diseñó. También investigó métodos de germinación de las semillas y redescubrió el sistema de germinación de la yerba mate.

En el Royal Botanic Gardens de Sydney, Australia, hay un invernadero de cristal con forma de pirámide, que contiene plantas raras y otras en peligro de extinción. La forma del invernadero se puede ver con claridad en el dibujo que acompaña la foto.





 Observá el poliedro dibujado y completá.

Caras: Vértices:

Cuerpos geométricos

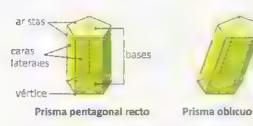


Poliedros

Las caras de estos cuerpos geométricos son polígonos.

Prismas

Tienen dos **bases** iguales y paralelas. Su forma le da nombre al cuerpo. Sus **caras laterales** son para e ogramos. Si todas ellas son rectángulos, el prisma es recto.



Pirámides

Tienen una base cuya forma le da nombre al cuerpo Sus caras laterales son triangulares y concurren en un vértice llamado cúspide. Si son triangulos isósceles, la pirámide es recta.



En este capítulo se trabajará con prismas y pirámides rectos



- a. Un prisma tiene 7 caras laterales, 21 aristas y vértices.
- b. Una pirámide vértices y 16 aristas
- c. Un prisma tiene 16 vértices, 24 aristas y caras laterales.
- d. Una p rámide tiene 8 vértices, aristas y 7 caras laterales.

En todos los poliedros convexos, sin nueros) la suma de la cantidad total de caras y vértices es igual al número de aristas más 2. Esta formilia se le atribuye al matematico su zo Leonard Euleri, leva su nombre C+V=A+2. ← Fórmula de Euler

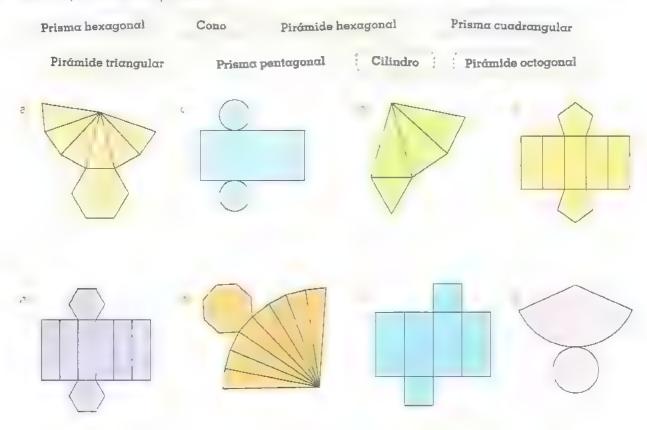
Sitodas las caras de un poliedro son poligonos regulares iguales y en cada vertice concurre e imismo número de caras, es un **poliedro regular**. Existên so o 5 poliedros regulares. Completa la tabla refer da aleilos.

Poliedros regulares	Tetraedro	Hexaedro	Octaedro	Dodecaedro	Icosaedro
Caras	4		8	12	20
Vértices					12
Aristas				30	

4. ¿Con qué otro nombre conocés el hexaedro regular?



Cada planti la o desarro lo plano dibujado permite armar un poliedro o un cuerpo redondo. Ubicá debajo de cada uno, el cartel correspondiente.



- Observá el desarrol o de la Indro de la actividad anterior
 - ¿Cómo es a ongitud de a circunferencia de la base con respecito a la longitud del lado mayor del rectángulo?
 - Menor Igual Mayor
 - b. ¿Con qué elemento del cilindro coincide la longitud del lado menor del rectángulo en esa plantilla?
- ¿A qué po ledro regular corresponde esta plantilia? ¿Qué forma tienen sus caras?



TE as de prismas i piramides

- Calculá el área lateral y el área total de cada uno de estos prismas.
 - a. Bases regulares de 6 cm de lado y 4,13 cm de apotema. Altura, señalada con rojo, de 14 cm.



Altura del prisma hexagonal: 8 cm.
 Bases regulares de 7 cm de lado y 6,06 cm de apotema.



Área lateral y área total

El área lateral (A_L) de cualquier prisma o pirámide es la suma de las áreas de todas sus caras laterales. Para calcular el **área total** (A_r) se suman las áreas de todas sus caras

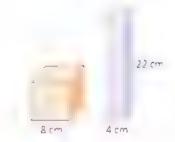
En la página 160 están las fórmulas de las áreas de los cuerpos.





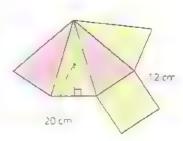
construyó un prisma de cartón de 9 cm de altura. Sus bases son triángulos equiláteros de 5 cm de lado y 4,33 cm de altura. ¿Cuántos centímetros cuadrados tendrá que pintar para cubrir toda la superficie?

- Observá los prismas dibujados.
 - a. Calculá el área lateral y el área total de cada uno
 - b. ¿Es cierto que el de mayor área lateral tiene mayor área total?
- 11 Se construyo una piramide cuya base es un octógono regular de 8 cm de lado y 9,66 cm de apotema. Si la apotema de la pirámide mide 15 cm, ¿cuáles son su área lateral y su área total?





12. Vero está preparando envases con tapa cuadrada para llenar con pochoclos el día de la primavera. ¿Cuántos centímetros cuadrados de cartón lleva cada molde, como mínimo, de acuerdo con el dibujo? ¿Y si no le coloca tapa?

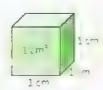




Volumen

El volumen de un cuerpo es lo que mide el espacio que ocupa.

Un cubo de 1 cm de arista ocupa un volumen de 1 cm² (un cubo me) o cut



E prisma formado tiene 4 3 − 12 cubitos en la base y 2 cubitos de altura → son 24 cubitos. Si cada cubito tiene 1 cm de arista, el volumen del prisma es de 24 cm³.

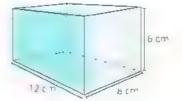


Volumen de un prisma: se la cula e' area de la base , se la multipi ca por la altura del cuerpo

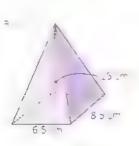
Volumen de una pirámide: tres pirámides como la dibujada ocupan el mismo volumen que el prisma. Por eso, para calcular el volumen de una pirámide, el area de la base se muit pica por la altura del cuerpo y se divide por 3. En la página 160 están las formulas de los volúmenes de los prismas y las pirámides.

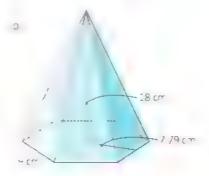


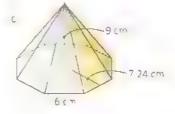
13. ¿Cuántos cubitos de 1 cm de arista hacen falta para armar un prisma que tenga las medidas indicadas en el dibujo?



14. Calculá cuántos centímetros cúbicos ocupa cada pirámide.







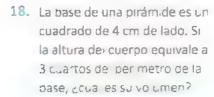
5 ¿Qué artura debe tener un prisma para que su volumen sea de 216,5 cm³, si las bases son triángulos equiláteros de 15 cm de perímetro y 4,33 cm de altura?



base cuadrada es de 224 cm². Si la altura del prisma mide 8 cm, ¿cuál es el volumen?

E area atera de un prisma de

ongitud de la arista de un cubo le volumen también se dupica ¿Tiene razón?



4 Carrain narolina, menes de querpos edondos

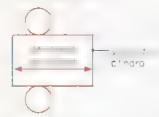
19. ¿Qué cantidad de material se utiliza, como mínimo, para fabricar una lata de tomates cilíndrica de 9,5 cm de altura con bases de 7 cm de diámetro?





Área lateral y área total del cilindro

Para hallar el área lateral se multiplica el perimetro de la base por la altura del cuerpo; si se le suman las áreas de las dos bases, se obtiene el área total.



En la página 160 están las fórmulas de las áreas de los cuerpos

- 20. Gus está pegando papel adhesivo sobre unos tubos cilíndricos de cartón (los que vienen dentro de los rollos de papel de cocina). Tienen 22 cm de altura y bases de 2,5 cm de radio. ¿Cuántos centímetros cuadrados deperá cubrir en cada uno?
- 21 Tené en cuenta el dibujo y revisa si lo que Lucas completó con rojo es correcto. Si hay errores, corregilos.
 - a. E área aterai del cilindro es 602.88 cm².



- b. E. área tota del clindro es 653,12 cm2.
- 22 La y afirma que a dup car la altura de un clindro, manteniendo el diámetro de a base se dupica lambien el área latera del clindro ¿Estás de acuerdo? Mostrá cómo razonas
- El área atera de un clindro de 14 cm de a tura es 483,56 cm² ¿Cuá. es el área total del cilindro? Mostrá todo el procedimiento que realices para averiguaria.



Volumenes de querdos redoridos

Volumen de cifindro: se calcula el area de una base y se la multiplica por la altura del cuerpo.

Volumen del cono: tres conos como el dibujado ocupan el mismo volumen que el cilindro. Por eso, para calcular el volumen de un cono, el área de la base se multiplica por la altura del cuerpo y se divide por 3.

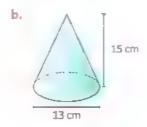


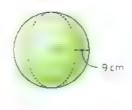
Tienen igual base e igua altura.

En la página 160 están las fórmulas de los volúmenes de los cuerpos redondos.

24. Calculá el volumen de cada cuerpo.

16 cm





El interior de la cistema de un camión tiene forma de cilindro de 6 m de largo y 3 m de diámetro. ¿Cuantos metros cúbicos de agua puede transportar el camión en la cisterna?



Loaco construyó un adorno cónico de 9 cm de altura. El radio de la base m de 8 cm. Su nermano Mateo qui ere hacer uno que tenga el triple de volumen y, para eso, propone mantener la altura del cono que armó Loaco y triplicar el radio de la base. Joaco, en cambio, afirma que tiene que tener el mismo radio, pero el triple de altura. ¿Tiene razón alguno? ¿Por qué?



¿Es cierto que si se duplica el radio de una esfera, su volumen tamb en se duplica?

28. El centro recreativo Los Jazmines dispone de un tanque de agua de forma cilíndrica de 1,7 m de altura y 1,5 m de diámetro. El predio vecino necesita un tanque de agua, pero que tenga el doble de volumen que el anterior. Rafa, que forma parte del equipo que construirá el nuevo tanque, dice que el volumen requerido se conseguirá duplicando el diámetro de la base del tanque y manteniendo la misma altura.

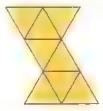
e ver cómo voy

Cuando Macarena afirmó que el prisma que construyó tiene 15 vértices, su primo Lucas le dijo: "Imposible, contaste mal".
¿Por qué te parece que le habrá dicho eso? ¿A qué se refiere?



Completá estas afirmaciones con "doble" o "tripie".

- La cantidad de vértices de un prisma es el del número de vértices de su base.
- b. La cantidad de aristas de un prisma es el de las que tiene en su base.
- c. El número de aristas de una pirámide es el .. de las que posee en su base.
- 31 Se construyen dos prismas, uno pentagona y otro decagonal.
 - a ¿Es cierto que como la base de decagonal tiene el doble de lados que la del pentagonal, tanto el número total de aristas como el de vértices del segundo es el doble que el del primero?
 - b. ¿Sucede o mismo si son dos pirámides, una pentagonal y otra decagonal?
- 32 ¿A qué poliedro regular corresponde este desarro lo plano?



 Descubrí qué prisma o pirámide se esconde en cada tarjeta.

Tengo tantas aristas como vértices tiene un prisma octogonal.

Soy un prisma y poseo tantos vértices como aristas tiene una pirámide de base rectangular.

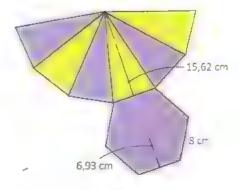
¿Cual o cuales de estas p anti as permiten armar un cubo?



pi eta tiene forma de prisma rectangular El iargo mide el doble que el ancho, la altura es la cuarta parte de ancho y el per metro es de 36 m. Si toda la superficie interior se cubrirá con una pintura impermeabilizante, ¿cuántos metros cuadrados se pintarán?

Observá este desarrol o plano y respondé

- a. ¿A qué poliedro corresponde?
- b. ¿Cuál es el área lateral? ¿Y el area tota ?
- ¿Qué volumen tendrá el cuerpo una vez ar mado, si tiene una altura de 14 cm?



 Calculá el volumen de una esfera de 24 cm de diámetro y también el volumen de los cinco cuerpos de las actividades 8, 9 y 10 de la página 120.

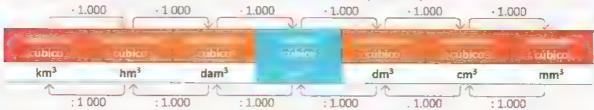


Unidades de volumen

Para medir volumenes, se puede usar el cent metro cubico (cm³) como se hizo en las páginas anteriores lo emperar otras medidas convencionales, como el metro cúbico (m³).

Un cubo de 1 m de arista tiene un volumen de 1 m3,

El esquema muestra las relaciones entre el metro cúbico, sus múltiplos y submúltiplos.



3,16 m³ en centímetros cúbicos 3.160.000 cm³ (se multiplica 2 veces por 1 000).
832 mm³ en decímetros cúbicos 0,000832 dm³ (se divide 2 veces por 1.000).

Relación entre unidades de volumen y capacidad

Para medir la capacidad de un recipiente se usa e <u>tro (L)</u> sus multiplos y submultiplos, que aumentan y disminulyen de 10 en 10.

En un recipiente cubico de 1 dm de ar stainter or, o sea de 1 dm 4 de volumen interior, entra exactamente 1 de Equido; en uno de 1 cm 3 cabe 1 ml, y si tiene 1 m 3 , caben exactamente 1.000 L, o sea, 1 kl.

Por eso se pueden establecer estas relaciones:

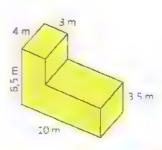
- Respondé.
 - a. ¿Cuántos vasos de 0,5 dm³ hacen falta para llenar una bote la de 2 litros y medio?
- c Cuantos cm³ se reunen con 3 baldecitos de 2,5 L?

aCuantas jeringas de 7,5 ml se pueden lienar con 150 cm³ de líqu do?

¿Alcanza una bote la de med o litro de agua para lienar el florero de base regular? ¿Cuántos centímetros cúbicos sobran o cuántos faltan?



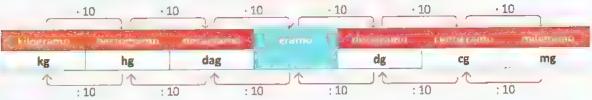
40. ¿Cuántos litros de nafta caben en el depósito de una estación de servicio, si tiene las dimensiones que muestra el dibujo? Pista: descomponé en dos prismas.





Unidades de masa

Las unidades de masa aumentan y disminuyen de 10 en 10, como las de capac dad



Densidad

Si se da qui a el **cociente entre la masa de una sustancia y el volumen** que ocupa, se obtiene su rigidad. (δ). Cada sustancia tiene su propia densidad.

$$\delta = \frac{\text{masa}}{\text{volumen}}$$
 + Las unidades de densidad más usuales son $\frac{g}{\text{cm}^3}$, $\frac{kg}{\text{dm}^3}$ y $\frac{t}{\text{m}^3}$

Un cubo de oro de 216 cm³ pesa 4,173,12 g, entonces. $\delta_{oro} = \frac{4.173,12 \text{ g}}{216 \text{ cm}^3} = 19,32 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$

Un pisapape es de plata con forma de prisma tiene una base cuadrada de 3 cm de lado y una altura de 4 cm. Si pesa 376,56 g, ¿cuái es la densidad de la plata?



Para calcular la densidad, se usarán las un dades indicadas arriba: gramo y centimetro cubico, ki ogramo y decimetro cubico,

42. La densidad de la madera que se usó para un adorno esférico que ocupa 113,04 cm³ es de 0,85 $\frac{kg}{dm^3}$. ¿Cuántos gramos pesa el adorno?

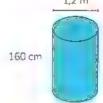


- a. Dos prismas tienen el mismo tamaño pero sus masas son de 5,2 kg y 14,4 kg, respectivamente. ¿Cuál de las dos tiene mayor densidad? ¿Por qué?
- b. Un cuerpo tiene mayor volumen que otro, pero la densidad de ambos es la misma. ¿En cuál de los dos la masa es mayor? Explicá con un ejemplo.

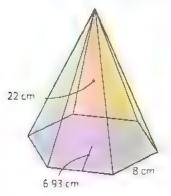


- 44. ¿Qué altura tiene un recipiente cilíndrico de 40 cm de diámetro interior si se lena con 37,68 L de agua?
- ¿Cuántos centímetros cúbicos ocupa un cilindro de corcho que pesa 0,48 kg?
 δ corcho = 0,24 kg/dm³

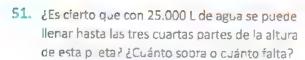
- Completá las oraciones para que resulten correctas.
 - a. Con un balde de 5 L se pueden llenar como máximo bote las de 250 cm³
 - b. De un frasco de jarabe de 120 cm³ se pueden tomar como máx mo cucharadas de 5 ml.
 - c. Un tanque de 2,5 m³ se puede lenar con recip entes de 20 L.
- 47. ¿Cuántos litros de agua se necesitan para ilenar este tanque ci índrico hasta las tres cuartas partes de su altura?

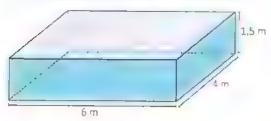


- 48. En una probeta de 1 cm de radio se vierten 62,8 ml de íquido.
 - a. ¿Qué altura alcanzará el líquido?
 - b. Si otro recipiente clíndrico tiene el doble de radio que el primero y se vierte el doble de líquido que en el anterior, ¿qué relación hay entre las alturas que alcanza el líquido en ambos recipientes?
- 49. ¿Entraría un cuarto litro de alcohol en gel en un frasco de base regular con esta forma? ¿Por qué?

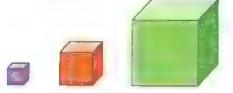


50. En la heladería Zaira, el mes pasado utilizaron 628 L de eche, que guardaron en la cámara frigorífica, en envases o líndricos iguales de 20 cm de diámetro y una altura de 40 cm ¿Cuántos envases usaron el mes pasado?





- 52 E cubo rojo tiene 20 cm de ar sta El verde tiene el doble de ar sta que el rojo y el cuádruple que el violeta
 - a. ¿Alcanzan 75 litros de agua para lienar los tres cubos? ¿Por qué?
 - b. Si sobrara líquido, ¿cuántos recipientes cúbicos de 10 cm de arista se podrían llenar?



- 53. Pili llenó con arena un adorno cónico que pre paró para su escritorio. El interior del adorno tiene una altura de 12 cm y el diámetro de la pase es de 9 cm. S. la densidad de la arena es de 1,8 g / cm³, ¿cuántos gramos de arena introdujo en el adorno?
- 54 E abuelo Roberto le regaló a su nieto una esfera de mármol para su colección de piedras. La esfera tiene una masa de 305,208 g La densidad del mármol es de 2,7 kg/dm³.
 - a. ¿Cuá es e volumen de la esfera?
 - b. ¿Cuál es su d ámetro?
 - c. Si el nieto guarda la esfera en una caja cúbica cerrada de 6,5 cm de ar sta interior, ¿qué volumen de aire queda dentro de la caja?
- 55. Un cubo macizo de corcho de 7 cm de arista tiene una masa de 82,32 g. ¿Cuál es la densidad del corcho?

Home hell

- 56. Revisá si lo que Manu completó con verde es correcto. Si hay errores, corregilos.
 - a. Un prisma octogonal tiene g vértices y 24 aristas.
 - b. Una pirámide decagonal tiene 12 caras laterales y 30 ar stas
 - Un prisma eneagonal tiene 11 caras laterales,
 vértices y 18 aristas.
 - d. Un prisma dodecagona tiene 14 caras lateraes 24 vértices y 36 aristas
 - e. Una pirámide dodecagonal tiene 13 caras laterales, 13 vértices y 13 aristas
 - Un tetraedro tiene 4 caras, 4 vértices y 3 ar stas.
- Completá lo que dice cada chico para que sea correcto.



Para calciular la carritada de vértices de cualquier prisma, suento los de una base y multiplico por si una piramide, a los de la base e

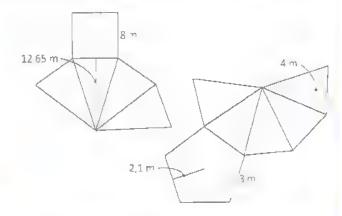




pegan dos tetraedros regulares del mismo tamaño haciendo coincidir dos caras

- a ¿Cuántas caras, aristas y vértices tiene el cuerpo que se forma?
- b. ¿Se cumple la relación de Euler? ¿Por que?
- c. ¿Es un pol edro reguiar el cuerpo formado? ¿Por qué?
- 59. ¿Cuá, es el poliedro regular que tiene tantas aristas como caras tiene un dodecaedro, y la mitad del tota de vértices de un cosaedro? Podés revisar la actividad 3 de la página 118.

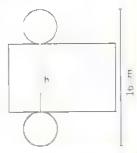
- 60. Jnos amigos decidieron alquilar un local para armar un centro cultural. Tiene forma de prisma rectangular, con 20 m de largo, 14 m de ancho y 8 m de altura.
 - a. Para ponerlo en funcionamiento, quieren pintar el techo y las paredes. Si cada lata de pintura rinde 32 m², ¿cuántas latas como mín mo necesitan comprar?
 - b. En el medio dei local hay dos columnas cilíndricas de 1 m de diámetro, que alcanzan las tres cuartas partes de la altura del local Han decid do cubrinas con una pintura antihumedad, pero solo tienen una ata que rinde como máximo 25 m². ¿Les alcanzará para pintar las dos columnas? ¿Por qué?
- 61. Observá los desarrollos planos de base regular.



- a. ¿Qué poliedro se puede armar con cada uno?
- Calculá e área lateral y el área total de cada cuerpo
- c Calculá el volumen de cada cuerpo teniendo en cuenta que la altura del segundo mide 3,4 m y la del primero, 12 m.
- 62. Observá el desarrollo piano de un cilindro.

La altura del cuerpo es el cuádruple del radio de la base.

- a. ¿Cuántos cm² tiene el área tota,?
- ¿Cuál es e. volumen del clindro una vez armado?





63. Martina preparó cuerpos de cartón como el de la ilustración para utilizar en la clase de Música como instrumentos de percusión. Tienen 6 cm de diámetro v la altura del cono es la tercera parte de la del clindro. ¿Cuántos centímetros cúb cos de arena se neces tan para cargar hasta la mitad 20 de estos cuerpos?



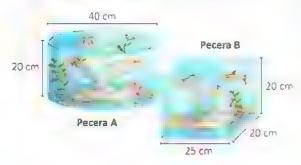
eque bacer un dibujo esquemático La familia de Rodrigo cuenta con un sistema para recolectar agua de iluvia y almacenar a en un depósito de forma cilíndrica, de 2 m de diámetro y 1,60 m de altura. La familia de Lorena tiene un depósito similar, pero ocupa tres cuartos del volumen del depósito anterior Si ambos tienen el mismo diámetro, ¿qué relación hay entre sus alturas?

65. O trategia: hacer un dibujo esquematico

Javier construirá dos piletas para el club con forma de prisma. La de agu tos tengrá 2 m de profundidad y el largo de la base rectangular medirá el doble que su ancho, más 5 m. Las medidas de la pileta infantil serán justo la mitad de las de la pileta de adu tos.

- a. La base de la pileta de adultos tiene 70 m de perímetro ¿Cuáles son las dimensiones de cada oileta?
- b. Si desean pintar as con impermeabilizante. ¿cuántos metros cuadrados se deperán cuprir en cada una de las piletas?
- c. ¿Cuántos litros de agua entrarán en cada una de las piletas?
- 66. ¿Cuántas jarras de 750 ml se pueden llenar con 24 dm³ de jugo mu tifruta?
- 67 Santiago neces ta un recipiente cilíndrico que pueda contener 45 L de agua. Tiene uno de 40 cm de diametro y otro de 50 cm. La altura del primero es 45 cm y, la del segundo, la m tad ¿Cuár le conviene e egir?

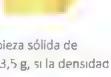
68. Mariela fue al acuar o a comprar una pecera y tiene que elegir entre estos dos diseños.



- a. Si quiere llevar la de menor volumen, ¿cuál debe comprar?
- b. ¿Cuántos litros de agua se necesitan para llenar cada una de las peceras?
- 69. El dibujo muestra que el radio de la esfera y el de la base del cilindro coinciden. Además, la altura del cilindro es igual al d'ametro de la esfera



- a. ¿Cuántos centimetros cúpicos quedan libres en el interior del cilindro si el radio de la esfera es de 9 cm?
- b. ¿Se podrá lenar el espacio que queda l bre con un litro y medio de agua? Expiicá cómo to pensás.
- 70. Este adorno macizo de bronce está formado por un cubo y una pirámide ¿Cuál es la densidad dei bronce, si la altura de la p rám de es tres cuartos de ia altura del cubo y la masa del adorno es de 5.696 g?



71. ¿Cuál es el volumen de una pieza sólida de aluminio cuya masa es de 283,5 g, si la densidad del aluminio es de 2,7 - 8 ?



8 cm

STORY OF THE



Marcá la opción correcta.

 Cada una de las 30 aristas de este poliedro regular que tiene 20 vértices m de 10 cm.



I. ¿Cuántas caras tiene?

6

10

12

20

II. ¿Cuál es el área total del cuerpo?

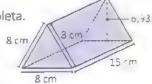
172 cm²

2.064 cm²

1.720 cm²

3.440 cm²

Observá el prisma violeta.



¿Cuál es e área lateral?

55,44 cm²

360 cm²

175,44 cm²

415,44 cm²

II. ¿Cuál es el área total?

360 cm²

415,44 cm²

387,72 cm²

831,6 cm²

III. ¿Cuál es el volumen?

55,44 cm³

831,6 cm³

415.8 cm³

960 cm³

Observá el cilindro.



I. ¿Cuál es el área total?

251,2 cm²

408,2 cm²

329,7 cm²

502,4 cm²

II. ¿Cuál es el volumen?

125,6 cm³

628 cm³

251,2 cm³

2.512 cm3

 Observá la pirámide de base regular.



440 L

2.640 L

440.000 L

2.640.000 L

II. ¿Cuál es el área total si la apotema lateral mide 13.2 m?

110	m ²	
2641	m²	

 ¿Qué capacidad tiene una jarra que se llena con 14 vasos de 0,25 dm³?

3 L 3,5 L

4 L

374 m² 1.320 m²

4,5 L

6. ¿Cuántas cucharadas de 5 ml se pueden llenar con un frasco de un cuarto litro de jarabe?

5

10

50

100

- Considerá una esfera de bronce macizo de 12 cm de diámetro.
 - I. ¿Cuál es el volumen?

904,32 cm³

452,16 cm³

7.234,56 cm³

II. La densidad del bronce es 8,9 g. ¿Cuál es su masa?

0,0098 g

8,9 g

101,61 g

8.048,448 g

Esto ya lo sabia.

 Diego, el profe de Educación física, preparó una pequeña encuesta entre sus alumnos para definir el deporte que jugarán en el intercolegial. Podían elegir una so a opción entre estas: básquet (B), vóley (V), fútbol (F) o handball (H). Estos fueron los resultados.

BVHBBFBFBFVHVVB VBVVFVBVVFBFVHV

 Completá la tabla con .os datos recolectados,

Deporte	Cantidad de votos	Porcentaje del total
Básquet		
Vórey		
Futbol		
Handball		
fotal		

- ¿Cuá es el deporte que jugarán en el intercolegial?
- c. ¿Cuántos de cada 10 chicos lo eligieron?
- d. ¿Cuántos de cada 10 alumnos eligieron el menos votado?



Las bases de datos contienen información de diversos temas organizados por categorías. La estadíst ca se encarga de recolectar y analizar los datos que hacen falta, según o que se quiera estudiar. Hay organismos oficiales, como el INDEC (Instituto Nacional de Estadísticas y Censos) de nuestro país, que lleva a cabo cada 10 años el censo de poblac ón. De la información obtenida surge la base de datos demográficos, sociales y habitacionales. También hay consultoras que realizan encuestas para hacer estudios de mercado.

Suponé que estás a cargo de la encuesta que realizará una empresa que busca renovar los auriculares que tiene a la venta. Quiere presentar en un nuevo color el auricular preferido por los adolescentes.

¿Qué preguntarías en la encuesta?
 ¿A quiénes les harías las preguntas?
 ¿Cómo organizarías las respuestas?

Recolección y organización de datos



Tablas de frecuencias

En la pagina anterior se hizo uso de la estadistica. La recolección de los datos estadisticos se llevo a cabo a través de una encuesta y los datos se organizaron en una tabla.

- La frecuencia absoluta o frecuencia (f) es la cantidad de veces que aparece un dato.
- La frecuencia relativa (fr) es el cociente entre f y la cantidad total de datos.
- La frecuencia porcentua (f% es la frecuencia relativa multiplicada por 100 y permite saber con que porcentaje aparece ese dato

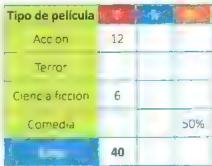
Día del encuentro intercolegial	Frecuencia (f)	Frecuencia relativa (fr)	Frecuencia porcentual (f%)
Sabado	18	18 30 = 0,6	60%
Domingo	12	12:30=0,4	40%
Total	30	30.30=1	100%

- Se realizó una encuesta en el curso para saber cuántas mascotas hay en sus casas y se obtuvieron estos resultados. 0-2-4-3-1-2-1-2-3-1-2-3-1-2-3-4-1-2-2-3-2-1-2-4-2-3-1-2.
 - a, Completá la tabla de frecuencias.
 - b. ¿Con qué valor coincide el total de frecuencias absolutas?
 - c. ¿Qué fracción del curso representan los que tienen 3 mascotas?



- d. ¿Cuál de las opciones es la más frecuente en ese curso?
- e «Es cierto que los que tienen mas de 2 mascotas representan menos de 50% del curso? ¿Por qué?
- Para un trabajo de Ciencias sociales se consulto a un grupo de alumnos sobre el tipo de pel culas que prefieren. Se podía elegir una sola opción.
 - a Completá los datos que faitan en la tabla.
 - ¿Cuántos a umnos prefieren acción o ciencia ficción?
 - c. Completá





- 4. Juampi comp etó con rojo la tabla de frecuencias, pero cometió algunos errores. Tachá lo que está ma y escribí los números correctos. Luego respondé
 - ¿Cuántas personas fueron encuestadas?
 - ¿Qué fracción de total representan los que no hacen deporte?
 - ¿Qué porcentaje representan los que hacen deporte?
 ¿Podés responder sin sumar? ¿Cómo?

Días por semana que hace deporte	ij.		Page Ani
0	6	0,1	1%
1	21	0.35	35×
2	24	C, 4	4%
3	9	0 15	15%
	60	1	55×



Completá la stablas que muestran la cantidad de publico que asistió a ver dos peliculas durante los últimos días de la semana pasada. Luego, ca culá la diferencia entre los porcentajes de los espectadores que concurrieron el sábado o domingo a ver una ulotra película.

Animales fantásticos	
Jueves	200
Viernes	350
Sábado	425
Domingo	275
Total	

Doctor Strange	
Jueves	175
Viernes	400
Sábado	375
Domingo	
Total	1.250

6. Leé y completá
Se quiere saber cuál es el juego de
Playstation 4 favorito de los chicos de
entre 10 y 13 años. Para ello, una empresa
que rea iza estudios de mercado hace una
encuesta a 120 chicos de ese rango de edad.

Población.

Muestra:

Variable:



Población, muestra y variable

La población es el grupo sobre el que se lleva a cabo la investigación estadística. Cuando la población es tan nu merosa que no se puede acceder a todos los individuos u objetos, se toma una muestra, que debe ser representativa del conjunto para que se puedan extender las conclusiones a la totalidad de la población.

La característica que se analiza en una población se llama variable. Esta puede ser cualitativa (cuando se refiere a una cualidad, por ejemplo, género musical prefendo, raza de perros, lugar de vacaciones) o cuantitativa (si se refiere a una cantidad; por ejemplo, estatura, cantidad de libros eídos durante las vacaciones, etcétera)

Se quiere establecer cual es el tipo de carne más utilizado para hacer a la parri la entre los habitantes de un pueblo en el que hay unas 15 carnicer asi Marcá con una cruz cuál o cuáles de estas muestras tomadas en el pueblo son representativas.

Las personas que salen de comprar en 12 carnicerías.

Las personas vegetarianas.

Los alumnos de 7 años de edad de una escuela.

Los habitantes de entre 20 y 60 años.

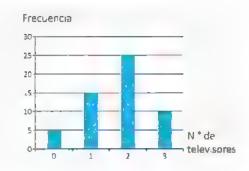
Gráficos estadísticos



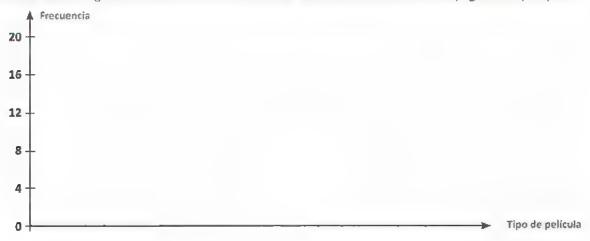
Gráfico de barras

La altura de cada barra indica la frecuencia absoluta de cada dato.

Este gráfico muestra la información obtenida en una encuesta que se hizo para saber la cantidad de televisores que hay en el nogar. Se puede ver que hay 25 hogares con 2 televisores y 15 que tienen uno so o. Además, hay 5 que no tienen televisor y 10 que tienen 3. La suma de las frecuencias absolutas indica el total de encuestados. Esta encuesta se hizo en 5 + 15 + 25 + 10 = 55 hogares.

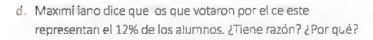


8. Confeccioná un gráfico de parras con los datos de la tabla de la actividad 3 de la página 132 y respondé.



¿Qué clase de variable se estudió: cualitativa o cuantitativa?

- E gráfico de barras muestra los resultados de una encuesta que se hizo a los alumnos de una escuela sobre el color preferido de la bandera que levarán al campeonato intercolegial. Podían elegir un solo color.
 - a. ¿Cual resultó ser el color preferido?
 - b. ¿Cuántos alumnos participaron de la encuesta?
 - c. ¿Es cierto que más de la mitad de los alumnos votó por rojo o azul? ¿Cómo te das cuenta?





Los que votaron por verde o amar, lo, ¿representan más de un 25% de los a umnos o menos? ¿Cuánto más o cuánto menos?



Gráficos circulares

Cada sector muestra el porcenta e del tota que representa cada dato. Para hacer el gráfico, se puede ca cular la f% y representarla con un sector circular directamente proporcional a ese porcentaje.

Este gráfico illustra la opinión de 1.500 personas sobre una película.

Para representar a las 600 personas que opinaron que la película es *Muy buena*, como 600 es el 40% de 1 500, se calcula el **40% de 360°** = **144°** y se obtiene así el ángulo correspondiente al sector.

También se puede hallar el ángulo central planteando esta proporción, en la que al tota (1.500 personas) le corresponde un ángulo de un giro (360°)

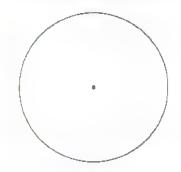
$$\frac{360^{\circ}}{1\,500} = \frac{x}{600} \implies x = \frac{600}{1\,500} \cdot 360^{\circ} = 144^{\circ}$$



疆

10. En el festival de com da sa udab e se hizo una encuesta a 1 300 personas sobre su ensa ada preferida (se podía elegir una sola). Las personas que el gieron la de zanahoria y tomates *cherry* fueron la mitad de las que prefirieron a de rúcula y parmesano. Completá la tabla y representá en un gráfico circular las frecuencias porcentuales

Ensalada	The West of the Control of the Contr
Rúcula y parmesano	$260 \frac{260}{1.300} \cdot 100 = 20\%$
Tomately echuga	520
Zanahoria y cherry	
Choc o y cherry	390
Total	100% 360°



- 11. Este gráfico muestra los resultados de una encuesta sobre el tipo de programa de televisión que prefieren los habitantes de una ciudad. Se podía indicar uno solo,
 - de los encuestados prefiere los programas de deportes o de dibujos animados? ¿Cómo te das cuenta?





12. Estos son los resultados de una encuesta a 30 jóvenes sobre su medio para informarse.

 $R \rightarrow Radio T \rightarrow Televisión$

- D → Diarlo W → Web
- b. Los que prefieren cine o series, ¿representan más de 25% o menos? ¿Cómo te das cuenta?
- WDRWTWWWRRRRWTT

D W W R W T R W D T T R W R W

- Nombrá dos tipos de programas que, juntos, hayan sido elegidos por más del 50% de os encuestados.
- a. Organizá los datos en una tabla de frecuencias
 b. Rea zá un gráfico de barras y
- Realizá un gráfico de barras y uno circular con la información anterior.

Promedio, moda y mediana

13 Las notas de os examenes de Frances que rindió Carolina fueron 7,1; 6,8; 7,1; 6; 9,8 y 8,2. ¿Cuál fue su nota promedio?



Medidas representativas

Cuando las variables son numéricas, es útil buscar valores que representan la muestra, como el promedio, la moda y la mediana, que dan idea de "alrededor de qué número" están los datos

- El promedio o media indica un valor "intermedio", representativo de todos los datos. Para calculario, se suman los datos y se divide por la cantidad de datos.
- La moda es el dato que tiene mayor frecuencia, o sea, el que aparece más veces. Puede ocurrir que no haya n na guna o que exista más de una
- La mediana es el valor ubicado en el centro de la stala, ordenar los datos de menor a mayor. Si la cantidad de datos es par, se calcula el promedio de los dos valores centrales.

Estas son las notas que obtuvieron 8 alumnos en la evaluación de Lengua: 9 6 6 7 9 8 9 4.

El promedio es
$$=\frac{9\cdot3+6\cdot2+7+8+4}{8}-7,25$$
.
La es Mo $=9$ \leftarrow La nota que aparece más veces

Para obtener la mediana (Me), primero se ordenan los datos de menor a mayor:

$$4 6 6 7 | 8 9 9 9$$

$$Me = \frac{7+8}{2} - 75$$

Significa que la mitad de los alumnos obtuvo como nota 7,5 o menos y, la otra mitad, 7,5 o más.

14. Estas son las alturas de los basquetbolistas de un equipo (en cm):

> 207 200 205 208 198 210 205 206 208 209

a. ¿Cua es a estatura promedio de equipo?

b. Se va a incorporar Manu al equipo, con él, a estatura promedio sera de 206 cm. Mirá la ecuación que planteo Mora para hallar la estatura de Manu y señalá en qué se equivocó. Luego calculá la altura de Manu.

$$\frac{2.056+x}{10}$$
 - 206

15. La tabla muestra los minutos utilizados por Pili en el celular la semana pasada.

Lunes	Martes	Miércoles	Jueves	Viernes	Sábado	Domingo
28 min	16 min	22 min	16 mm	25 min	33 min	42 m n

a ¿Cuál fue el consumo diario promedio en esa semana? ¿Cuáles fueron la moda y la mediana?

b. Lore consum ó en su celular la misma cantidad de minutos que Pili de lunes a sabado, pero el domingo, la mitad a Hay alguna variación en el promedio, la moda y la mediana?

- 16. La tabla muestra los resultados de una encuesta sobre la cantidad de frutas que se consumen por d'a.
 - a. ¿Cuántas personas fueron encuestadas?
 - b. ¿Cuál es la moda?
 - c. Marcá cuál de estas fórmulas permite hallar el promedio de frutas consumidas por día y calculalo.

$$(16+7+6+7+4):5$$

 $(1\cdot 16+2\cdot 7+3 \ 6+4\cdot 7+5\cdot 4) \ 5$
 $(16+14+18+28+20):40$

Cantidad de frutas por día	
1	16
2	7
3	6
44	7
5	4
Total	

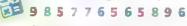
- d Cande dice que la mitad de las personas de esta muestra consume como mucho 2 frutas por dia y que la otra mitad consume 2 o más. ¿Estás de acuerdo? Mostrá cómo procedés para responder.
- 17 El gráfico muestra e resultado de un re evamiento sobre la cantidad de d'as por semana que los encuestados asisten al gimnasio. Corregí las conclusiones que escribió Agus.



- Se encuestó a 7 personas porque hay 7 barras.
- La moda es 15 porque es la altura de la barra más alta.
- El promedio, redondeado a las unidades, es $x = \frac{6 + 12 + 13 + 11 + 15 + 8 + 7}{7} = 10$



18. Estas son las notas de 36 alumnos en el examen de Inglés. Se aprueba con 6 o más.



8 7 5 9 6 8 10 7 5 8 6 8 6 / 8 5 8 9 6 6 6 9

- a. Armá un gráfico de barras y otro circular. Para este último, obtené con la calculadora cada fr y usá lo que muestra el visor para averiguar el ángulo central
- b. Obtené la nota promedio redondeada a los centésimos, la moda y la mediana,
- c. ¿Qué porcentaje de aprobados hubo? Redondeá a os centés mos

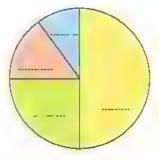


19. Las tab as muestran la cantidad de alumnos inscriptos en determinados tal eres extraprogramáticos.

Turno mañana	The state of the s
P.ntura	14
Cine	16
Teatro	11
Experimentos científicos	5
Astronom'a	4
Constants	

Turno tarde		
Pintura	12	
Cine	4	
Teatro	14	
Experimentos científicos	6	
Astronomía	4	

- a. Comp etá ambas tablas
- b. Armá un gráfico de barras para cada una.
- c. ¿Qué porcenta, e de los inscriptos de turno mañana se anotó en ta leres artísticos?
- d. ¿Que fracción de los inscriptos de turno tarde representan los que se anotaron en talleres de ciencias?
- e. ¿Cuá es la moda en cada turno?
- 20. Se construyó un grafico circu ar con la información de una encuesta sobre el lugar preferido para ir de campamento (so o se podía elegir una opción), pero se borraron los datos.
 - a. Segui estas pistas y completá e gráfico.
 - ✓ La mitad de los encuestados votó por Las Grutas y la cuarta parte, por El Bolsón
 - ✓ La menos votada, con el 10% de los votos, fue Merlo, y le siguió Tandii.
 - b. Si la encuesta se realizó a 200 personas, ¿cuántas votaron por Tandil?
 - c. ¿Es cierto que más de la mitad de los encuestados prefiere ir de campamento a El Boisón o a Tandil? ¿Cómo te das cuenta sin hacer ningún cálculo?



- 21. En cada uno de los 50 departamentos de un edificio de oficinas se consultó sobre la cantidad de computadoras que poseen y se empezó a armar la tabla con la información obtenida.
 - a. Completá la tabla
 - b. ¿Que fracción del total de departamentos representan los que tienen como máx mo 3 computadoras?
 - c. ¿Qué porcentaje de los departamentos tienen 4 computadoras o más?
 - d. ¿Cuál es e. promedio de computadoras por oficina en el ed ficio? Redondeá a las unidades.
 - e. ¿Cuál es la cantidad más frecuente? ¿Qué medida representa ese valor?
 - f. ¿Cuál es la mediana? ¿Qué representa ese valor?

Cantidad de computadoras		The state of the s
1	1	
2	5	
3		0,18
4		
5	6	
6		0,08

Probabilidad



Cálculo de probabilidades

Un experimento aleatorio o azaroso es una situación en la que se conocen todos los resultados posibles, pero no se sabe de antemano cuál será el resultado final.

Todos esos casos posibles forman el espacio muestral,

Cuando todos los resultados posibles tienen la misma chance de ocurrir, la probabilidad (P) de que se produzca un suceso (s) se calcula así:

P(s) = cantidad de casos favorables cantidad de casos posibles

All arrojar a laire un dado de sels caras, no se sabe que numero sa ora, pero se conoce que el espacio muestral es 1, 2, 3, 4, 5 y 6. Entonces:

- La probabilidad de sacar un número impar es $\frac{3}{6} \frac{1}{2}$ Hay 3 casos favorables (1, 3 y 5) de los 6 casos pos pes (1, 2, 3, 4, 5 y 6
- La probabilidad de sacar un número mayor que 4 es $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$ Hay 2 casos favorables (5 y 6) de los 6 casos pos bies 1, 2, 3, 4, 5 y 6,
- La probabilidad de sacar un número mayor que 9 es 0; es un suceso imposible,
- La probabilidad de sacar un número menor que 7 es 1; es un suceso seguro.

Los casos favorables pueden ir desde ninguno hasta todos los posibles; por eso, la probabilidad nunca puede ser un número mayor que 1.

NOTA en las actividades considerá que todos los resultados tienen igual chance de ocurrir,

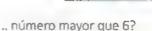
- 22. Clasificá los siguientes sucesos en probable (P), seguro (E) o imposible (I), según corresponda.
 - a. Lanzar una moneda y que salga cara. 🕒
 - b. Arrojar una moneda y que salga cara o ceca. →
- Sacar un trébo de un mazo de cartas españo.as (oros, copas, bastos, espadas). →
- d. Sacar un 7 al arrojar un dado común de seis caras. →.
- 23. En un bolillero hay 10 bolitas iguales numeradas del 0 al 9.
 - a. ¿Cuál es el espacio muestral?
 - b. ¿Cuál es la probabilidad de que salga un....

..7?

...número par?

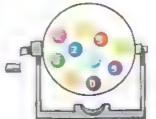
...10?

...número primo?



...número menor o igual que 3?

- Se lanzan juntas una moneda de 50 centavos y otra de 25 centavos.
 - Escribí todas las posibilidades de como pueden caer, es decir, el espacio muestral.
- en ambas salga cara?



- 25. Se colocan estas tarjetas en una bolsa y se saca una al azar ¿Cuál es la probabilidad de que .
 - a. ..sea roja?

- e ...sea un 87
- b. .sea verde o v oleta?
- f . sea un 4 rojo?
- c. no sea anaranjada?
- g . no sea un 3?

d ...sea un 5?

h . sea un impar?



- 26 Se arrojan a laire un dado azul y otro rojo y, al caer, se suman los valores de sus caras superiores
 - a. Completá la tabla con las sumas
 - b. ¿Cuá es la probabilidad de que la suma sea..

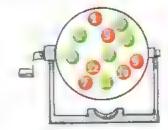
...un 9a

un número impar?

- . un número mayor o igual que 4?
- c. Según Maite, que la suma sea un número par o que sea un múltiplo de 5 tienen la misma probabil dad de ocurrir. ¿Estás de acuerdo? Explicá cómo lo pensás.



- d. Si tuvieras que apostar a una suma, ¿a cuál lo harías? ¿Por qué?
- e. ¿Qué es menos probable: que sumen más de 7 o menos de 5?
- 27. Se sacara una bol lla al azar de un bol llero como el dibujado.
 Revisá si lo que Claudia completó con rojo es correcto. Si hay errores, corregilos.



La probabilidad de...

- a. ...sacar una bolilla roja es $\frac{6}{12}$.
- **b.** ...que sea un cuatro es $\frac{4}{12}$.
- c. ...que sea un 10 verde es .



- 28. Se lanzan al aire tres monedas distintas.
 - a. Escribí los 8 casos posibles.
 - b. ¿Cuál es la probabilidad de que salgan tres caras? ¿Y tres cecas?



- 29. Al levantar una carta al azar de un mazo de naipes españoles, sin comodines, ¿cuál es la probabilidad de sacar...
 - a. ...un 7 de oros?
 - b. ...un 4?
 - c. ...un as de espadas?
 - d. ...un caballo?
 - e. ...una figura (sota, caballo o rey) de cualquier palo?
 - f. ...un 16?
 - g. ...un 2 de basto o de copa?
 - h. ..un comodín?
 - i. ...un número menor que 5?
- 30. Lucía y Santiago juegan a lanzar un dado blanco y otro rojo. Si la suma de los dados es mayor que 7, gana Lucía; en caso contrario, gana Santiago. ¿Quién tiene mayor probabilidad de ganar? Podés ayudarte con la tabla de la actividad 26
- 31. Si se lanzan a la vez un dado rojo y otro azul, ¿qué probabilidad es mayor: que la suma sea un múltiplo de 3 o un múltiplo de 4?
- Completá la tabla que muestra los deportes preferidos de un grupo de estudiantes (solo se podía optar por uno). Luego respondé.

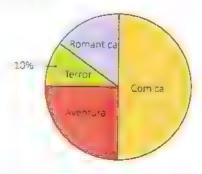
Deporte		Propertiment	
Básquet	8	1 5	20%
Fútbol	12		
Vóley	6		
Atletismo	10		
Natación		<u>1</u>	10%
		1	100%

Si se elige a uno de los alumnos al azar, ¿es cierto que la probabilidad de que haya elegido básquet o fútbol es de un 50%? ¿Por qué?

33. Observando el gráfico, Euge dice que la probabilidad de que elegír al azar a un encuestado que haya votado por el color azul es ¹²/₅, porque hay 5 barras. Flavio, en cambio, dice que es ¹²/₅₀. ¿Tiene razón alguno? Explicá cómo lo pensás.



- 34 Unel tiene una colección de 250 figuritas de fútbol de clubes de distintos países, de las cuales 80 son de Argentina. ¿Cuál es la probabilidad de que al sacar una al azar, no sea de Argentina?
- 35 El gráfico muestra el género de película preferida por un grupo de encuestados (solo se podía optar por uno). Si se elige a una persona al azar de este grupo, la probabilidad de que haya optado por "terror" es 0,1. ¿Qué probabilidad hay de que haya optado por "aventura"? ¿Y por "románt ca"?



- En un bolillero hay 25 bolillas numeradas del 1 al 25 y se saca una al azar.
 - a. ¿Qué probabilidad hay de que sea un múltiplo de 4? ¿Y un múltiplo de 3?
 - b. ¿Qué es más probable? ¿Sacar un número par o uno impar? ¿Por qué?
 - c. ¿Cuál es la probabilidad de sacar un número mayor que 25?

Repayed 1995

- Indicá cuáles de estas variables son cualitativas y cuáles, cuantitativas.
 - a. Marca de celu ac.
 - Número de ca zado de zapatillas que utiliza.
 - c. Edad de las personas que viajan en subte después de las 18:00
 - d. Marca de automóvil que circula por autop sta entre as 22:30 y la medianoche.
- Una empresa de telefonía está interesada en averiguar cuántos celulares hay en los hogares de una ciudad. Realizó una encuesta a 500 personas de distintos hogares y obtuvo esta información.

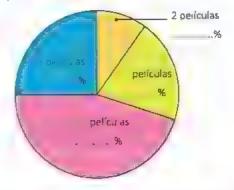
Celulares	fr [
0	20
1	150
2	
3	110
4	90
Total.	

- a. Completá la tabla.
- b. ¿Qué fracción de los encuestados representan los que tienen 2 celulares en su casa?
- c. ¿Qué porcentaje de los encuestados tiene menos de 2 celu ares?
- d. ¿Es cierto que los que tienen 3 o 4 celulares representan más del 50% de los encuestados? ¿Por qué?
- 39. La profesora de Lengua realizó una encuesta entre sus alumnos para saber cuántos libros eyeron durante las vacaciones. Estos son los datos que obtuvo:

1341014231421 001231023115

- a. Armá una tabla y un gráfico de barras
- b. ¿Cuántos libros leyó cada uno de los alumnos, en promedio?
- c. ¿Cuá es la moda?

40. Se armó un gráfico circular con los resultados de una encuesta sobre la cantidad de películas vistas durante el último mes, pero está incompleto.



 a. Seguí las pistas y completá los datos que faltan.

Cuatro personas, que representan el 10% de los encuestados, vieron 2 películas. En cambio, el dable vio 5.

La cuarta parte vio 3 películas. El resto, 4.

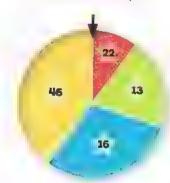
- b. ¿Cuántas personas fueron encuestadas?
- ¿Cuántas personas corresponden a cada sector del grafico?
- d. ¿Cuál es la moda? ¿Cómo la identificás en el gráfico circular?
- 41. Una fábrica de relojes digitales revisa sus productos en 30 locales a los cuales provee. La cantidad de relojes defectuosos en cada uno de ellos es la siguiente:

-										
ĺ	8	10	1	3	2	9	7	5	4	6
	0	3	7	6	0	1	3	8	2	1
-	2	1	0	0	0	4	5	6	8	8

Si el promedio de artículos defectuosos por local es mayor que 3 unidades, entonces se revisará el proceso de fabricación; de lo contrario, se considerará como pérdida. ¿Qué opción se tendrá que adoptar?

dos 7, un 5 y un 8 en sus calificaciones en
Matemática. ¿Qué nota tiene que sacarse para
llegar a 7 de promedio?

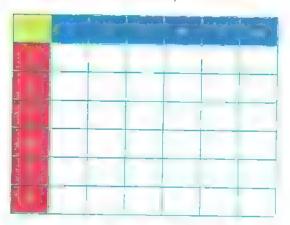
43. Al hacer girar esta ruleta, ¿a que número apostarías si querés optar por el que t ene mayor probabilidad de salis? ¿Por qué?



- 44 A lanzar juntos un dado rojo y otro azul chay más posibilidades de que la suma de los puntos de sus caras superiores sea 10 o de que sea 8? Podés mirar la tabia de la actividad 26 de la página 140.
- 45. Se lanzan una moneda y un dado a la vez.
 - a. ¿Cuál es el espacio muestral?
 - b. ¿Cuál es la probabilidad de sacar una cara y un número par?
 - c. ¿Qué es más probable: que salga cara y un número primo o que salga ceca y un número impar?
 - d. ¿Qué es menos probable: que saíga cara y un número menor que 4 o que saíga ceca y un número par?
- 46. Marcá cuál o cuáles de estos sucesos es imposible que ocurra cuando se lanza un dado de seis caras.
 - a. Obtener un múltiplo de 3.
 - b. Obtener un múltiplo de 8.
 - c. Sacar un número mayor que 7.
 - d. Que el número sea divisible por 3.
- 47 Se realizó una encuesta a un grupo de personas sobre a cantidad de notebooks que t enen en su hogar, y los resultados se voicaron en esta tabla,

Notebooks	0	1	2	3
1	16	22	38	24

- a. Si se el'ge al azar a una de las personas en cuestadas, ¿que probabil dad hay de que tenga 2 notebooks?
- ¿Qué probabilidad hay de que tenga 2 o más?
- c. La probabilidad de que no tenga notebooks, ces mayor que un cuarto o es menor?
- 48. Gustavo tiene una colección de 400 discos. Son de rock, jazz y tango. La probabilidad de sacar al azar uno de tango es 0,15 y la de sacar uno de rock es 0,45. ¿Cuántos discos de cada c ase tiene?
- 49. Suponé que se arrojan a aire dos dados comunes de distintos colores y se muitipican os puntos de las caras superiores.
 - Completá la tabla con los productos.



- b. ¿Qué es más probable: que el producto sea 4 o 6?
- c ¿Cuál es la probab lidad de que el producto sea un número menor que 15?
- d. La probabilidad de que el producto sea par, ¿es igual a la de que sea impar? ¿Por qué?
- e. ¿Cuál es la probabilidad de obtener un número mayor que 40?
- 50 Tené en cuenta que se saca a azar una de las cinco po il as de este bol lero y redactá un suceso para cada una de las probab lidades que se indican

a P=0 b.
$$P = \frac{2}{5}$$
 c. $P = 1 - \frac{2}{5}$ d. P

	icro 9			
Transporte				
Micro	9			
Avión	1			
Auto	6			
Tren	4			

1. ¿Cuál es la fr de "auto"?

0.06 6

0,3

6%

II. ¿Cuál es la f% de "tren"?

0.2%

2%

20%

III. ¿Cuál es el porcentaje de encuestados que no votaron por "micro"?

0,55%

5,5% 11%

55%

El gráfico muestra los resultados de una encuesta sobre la cantidad de días a la semana que se consume comida rápida



1. ¿Cuántas personas fueron consultadas?

7 39

12

II. ¿Cuántas personas consumen comida rápida más de 3 días a la semana?

4

10

18

3. A la sa da de un estac onamiento se contabilizó la cantidad de personas que van en elinter or de cada automóvil, y se hizo esta tabla.

Cantidad de personas por vehículo	Support.
1	18
2	14
3	10
4	8

1. ¿Cuántas hay por vehículo, en promedio?

1,76 2,16

12,5

II. ¿Cuál es la mediana?

2

2,5

III. ¿Cuá, es la moda?

¿Cuál es el espacio muestral de anzar dos monedas distintas a aire?

Cara, ceca.

Ceca, cara

Cara cara, ceca-cara, ceca-ceca.

Cara-cara, cara-ceca, ceca cara, ceca-ceca

Se se ecc on an todas as cartas de copas de un mazo de naipes y se extrae una de ellas a azar



 ¿Cuál es la probabilidad de que la carta sea mayor que 3?

II. ¿Cuál es la probab lidad de que sea un 3 o una sota?

Esto ya lo 🗆 bil

 Los chicos juegan con naipes que traen estos cuatro "palos":



Para empezar, cada uno recibe cuatro cartas y establece su puntaje inicial así. los naipes negros suman puntos y los rojos, restan.

Por ejemplo:



Se suma 4 y 5 \2 en contra

¿Qué puntaje obtuvo cada uno de estos chicos?



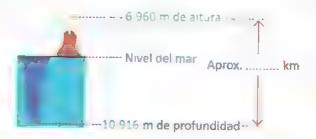




En 1960, un equipo de andinistas logró llegar a la cima del cerro Aconcagua (unos 6.960 metros). En el mismo momento el francés Jacques Piccard, con el estadounidense Don Walsh como tripulante, a bordo del batiscafo *Trieste* –una embarcación sumergible destinada a explorar las profundidades del mar– alcanzaron una profundidad récord de 10 916 metros en la fosa de las islas Marianas.



 Escribí en kilómetros la distancia entre los puntos extremos indicados. Redondeá a los enteros.



Números positivos y negativos



Numeros enteros

Los números enteros mayores que cero (1, 2, 3, 4, ..., 10, 11, ..., 100, 101, ..., 1.500, ...) son los enteros posit vos.
 Estos números también pueden escribirse con un signo + adelante.

Por ejemplo, +9 es lo mismo que 9, y 23 se puede escribir +23.

- Cada número entero positivo tiene un opuesto, que es un entero negativo.
 Por ejemplo, el opuesto de 5 es –5.
 El opuesto de 15 es –15.
- El cero es un número entero que no es positivo ni negativo.
- · El conjunto de los números enteros está formado por los enteros negat vos, el cero y los enteros positivos.

Los enteros en la recta numerica. Comparación

- los enteros positivos se representan a la 5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 derecha del 0 y los negativos, a la îzquierda.
- Un número y su opuesto están a la misma distancia del 0.
- Si un numero es menor que otro, está ubicado más a la izquierda en la recta numérica.
 Por ejemplo:

-3 es menor que −1, o sea, −3 < −1.

-2 es mayor que -5, o sea, -2 > -5.

-1 < 0

0>-4

Escribí un número entero que exprese la situación.

- a La temperatura es de 3 grados bajo cero → Temperatura. "C.
- La gaviota vue a a 4 metros sobre el nivel del mar. Vuela a , m.
- d Hay un arrecife de coral a 18 m bajo el nivel del mar. → Está a ... m.



Para medir altitudes y profundidades, se considera como cero el nivel del mar. Los niveles que están por encima son positivos, y los que están por debajo del nivel del mar son negativos.

Los años que se indican como antes de Cristo se pueden escribir con números negativos; los que se indican como después de Cristo, con números positivos.

150 a.C. → -150 380 d.C. → 380

f. Se fundó en el año 253 a.C. → Año de fundación:

Escribí en las casillas de la imagen los números que aparecen en los carteles.

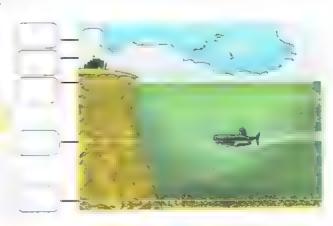


-10

0

7

-20



- Escribí > (mayor), = o < (menor), según corresponda.
 - a. -3 -8
- c. --11 --10
- e. -45 -40
- g. 0 1

- b. 14 −9
- f. -5 0
- h. 0 -1

Respondé.

- a. En la ciudad A hay una temperatura de -6 °C, mientras que en el pueblo B es de siete grados bajo cero. ¿Dónde hace más frío?
- ¿E año 45 a C. es anterior o posterior al año –44?
- c. ¿Una reliquia del año 1234 a.C. es más antigua o menos antigua que otra del año -1205?
- Completa sabiendo que los tres números son consecutivos y están ordenados de menor a mayor
 - a. .. .—2. .
- - , –98 g. –111,
- b. . . , , 1 d. , , –9 f. . , –21, h., –999,



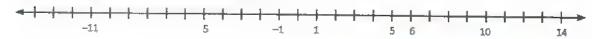
Módulo o valor absoluto de un número

- Es la distancia que hay desde el número hasta 0 en la recta numérica.
- · Como es una distancia, ningún módulo es negativo; es decir que el módulo o valor absoluto de cualquier número siempre es positivo o es cero
- Para indicar el módulo de un número, se lo escribe entre dos barritas verticales. Par ejempla: mádulo de $-9 \rightarrow |-9| = 9$



Los números opuestos tienen igua: módulo.

Trabajá en la recta numérica dibujada.



a. Ub cá os siguientes números 12, -4, 0, 7, 2, -6, 3 y -9.



b. Rodeá con rajo los números cuyo módulo es 5 y, con verde, los de módula 1.

¿Cuáles son los números enteros mayores que -5 y menores que -2?

- Ubicá dos números enteros negativos cuyos módulos sean. mayores que 6 y menores que 9.
- d. Ubicá un número menor que –2 que esté a distancia 3 del 0.

Sumas y restas con números enteros

Los chicos le eyeron en una encicloped a que el filósofo griego Platón nació en el año –427 y vivio 80 años. Martín dice que mur ó en el año –507, en cambio, Santiago opina que fue en el 347 ¿A guno tiene razon? ¿Por qué? Podés ayudarte con una recta numérica.



Suma de dos números enteros

Si tienen el mismo signo, se suman sus valores absolutos y se copia el signo de los números.

$$(+2) + (+3) = 5$$

Egu va e a sumar naturales: 2 + 3 - 5.

En la recta numérica.



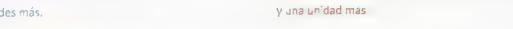
Se avanza 2 unidades hac a la derecha

y 3 unidades más.



-1 0 1 2 3 4 5

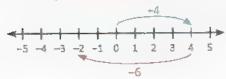
Se retrocede 3 unidades hacia la izquierda y una unidad más



Si tienen distinto il gnos se restan sus valores absolutos y se coloca el signo de inumero que tiene mayor módulo

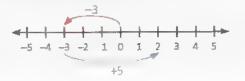
$$(+4) + (-6) = -2$$

4 a favor y 6 en contra son 2 en contra.



-3 + (+5) = +2Pierde 3 y gana 5 \Rightarrow gana 2.

-3 + (-1) = -4



10. Carculá y representá en la recta numérica.

a.
$$(-5) + (+4) =$$

c.
$$(+8) + (-3) =$$



b.
$$(-2) + (-5) =$$



d.
$$(-3) + (-7) =$$





📆 Calculá las cuatro sumas y Juego respondé.

$$a. (+9) + (-9) =$$

$$c. 20 + (-20) =$$

¿Qué pasa cuando se suman un número y su opuesto?

$$b = 23 + +23) =$$

- 12. Escribí un cá culo que represente cada situación, resolvelo y respondé la pregunta.
 - a. Al mediodía había 18 °C, pero llegó un aire frío y a las ocho de la noche la temperatura había descendido 19 °C. ¿De cuántos grados era a las 20:00 h?
- b. El señor Meyer salió de sa oficina en el octavo piso y bajó diez pisos para buscar su camioneta. ¿Qué botón del ascensor presionó para l egar al estacionamiento?
- c. Un reconocido escultor de la antigua Roma que había nacido en el año 59 a.C. murió al cumplir 65 años. ¿En qué año fa leció?

Redactá una situación cotidiana que pueda representarse con cada cálculo e indicá el resultado.

$$a. -2 + (-8) =$$

$$b. -900 + 500 =$$



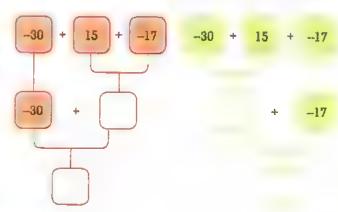
Propiedades de la suma de números enteros

- Conmutativa: s se cambia el orden de os números, el resultado no varía. 8 + (-5) = (-5) + 8 = 3 (-7) + (-9) = (-9) + (-7) = -16
- · Asociativa: os números se pueden agrupar de distintas maneras y el resultado no cambia.

$$(-4) + (+7) + -10 = 3 + (-10) = 7$$

$$(-4) + (+7, +(-10) = (-4) + (-3) = -7$$

- 14. Una cámara frigor'fica estaba a 30 °C bajo cero. Debido a un corte de electricidad, la temperatura subió 15 grados y, al volver la luz, bajó 17 grados. Completá los dos esquemas que contienen las temperaturas en grados centígrados
 - a. ¿Llegás al mismo resultado en ambos? ¿Que propiedad se aplicó?



b. ¿Qué temperatura alcanzó la cámara frigorifica finalmente?

Resolve cada cá culo asoc ando de dos maneras diferentes y comproba que los resultados coinc den

a.
$$(+18) + (-23) + 10 =$$



Resta de numeros enteros

· Para restar un número entero se suma su opuesto.

$$3-5=3+(-5)=-2$$

$$-2-3=-2+(-3)=-5$$

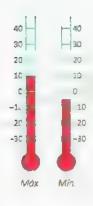
Subió 3 y bajo 5 → bajó 2

Bajo 2 y bajó 3 → bajó 5.

La temperatura máxima en una ciudad fue de 10 °C y la mínima, de -5 °C. La diferencia de grados entre la máxima y la mínima fue

$$10 - (-5) = 10 + 5 = 15$$
 > calamp quo term ta fue gall

En otra ciudad, la temperatura máxima fue de -1 °C y la mínima, de -3 °C La diferencia de grados entre la máxima y la mínima fue



16. Calculá.

a.
$$8 - 12 =$$

$$d. -9 - (-3) =$$

$$g. 11 - (+19) =$$

$$b. -4 - 16 =$$

$$e.5 - (-15) =$$

$$h. -20 - (+30) =$$

c.
$$6-9=$$

$$f. -14 - (-6) =$$

$$1.0 - 27 =$$

4 – (+9) es lo mismo que 4 – 9.

Completá el cuadro que corresponde a los seis ascensores de un edificio que tiene varios subsuelos. Considerá que en todos los casos **el ascensor bajó tres pisos**. Se completo la primera columna como ejemplo

Piso en el que se encontraba	2	1			3	-1
Cálculo que indica a que piso nego	2-3=-1		=-3	= 7		

Juan Pablo tiene en el banco una cuenta corriente y una caja de ahorro. El cuadro muestra los últimos movimientos que realizó en cada una Escribí un cálcu o para cada tipo de cuenta bancaria que muestre cómo pasó del estado anterior al actual.

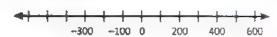
		20	Saldo actual (\$) 🐫
Cristipania I	13.000	_1_	-5.000
	1.500		4.900

Las temperaturas mínima y máxima registradas durante un día de invierno fueron de 4 °C bajo cero en la mañana y 15 °C por la tarde. Martina dice que la variación entre estas dos temperaturas fue de 11 grados, porque 15 – 4 es 11, en cambio, Tobías opina que fue de 19 grados, porque 15 + 4 es 19. ¿Alguno tiene razón? Explicá.

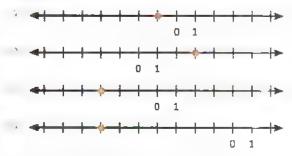


entre el opuesto de 14 y el opuesto de 6?

- 21. Respondé.
 - a. ¿Cuál es el opuesto del número entero que está entre –15 y –13?
 - b. ¿Y el opuesto del doble de 3?
- Señalá con un punto en la recta numérica dibujada.
 - a. El opuesto de -100.
 - b. El apuesto de 200.
 - c. Los números que están a 500 unidades del 0.
 - d. El número que está exactamente en el medio de –100 y 0, y luego su opuesto.

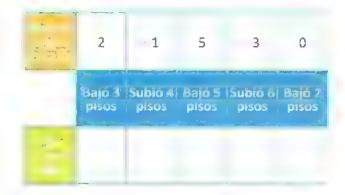


- 23. Indicá si es verdadero (V) o falso (F). Tené en cuenta que si a un número entero se le suma 1, se obtiene su siguiente, y si se le resta 1, el anterior
 - a. El anterior de -33 es -32.
 - b. El siguiente de -2 es -1.
 - c Entre -3 y 1 hay tres números enteros.
 - El número --54 está a la izquierda de --55 en una recta numérica horizontal.
 - e. El anterior de -17 es mayor que el siguiente de -19.
- 24. ¿En cuál de las opciones el punto anaranjado representa un número entero mayor que –5 y menor que –2? ¿Qué número representa en las otras tres?



- 25. ¿Cuántos números enteros hay entre –5 y su módulo?
- 26. Completá con <, = o >, según corresponda.
 - a. |-8|-8
- c. |-12| -13
- b. -7 ... |-7|
- d. -15 |-101

- 27. Ordená los nueve números de menor a mayor. -24, -2, 0, -35, |-17|, 6, -10, -50, |-83|.
- Representá en una misma recta numérica los siguientes números: el opuesto de 4, el opuesto del opuesto de 3 y los números cuyo módulo es 2.
- 29. Completá el cuadro referido a los ascensores de un edificio de oficinas



- 30 Un submarino estaba sumerg do a 48 m respecto del nivel del mar, y después de unas cuantas maniobras, llegó a 71 m. ¿Bajó o subió? ¿Cuántos metros?
- 31. Un joven de la antigua Grecia que había nac do en el año 423 a.C ingresó, al cumplir 18 años, a la escuela de Fi osofía. ¿En qué año ingresó?
- 32. En una cámara frigorífica hay –11 °C. Deciden bajar la temperatura en 4 °C para mejorar la capacidad de conservación de algunos alimentos. ¿A qué temperatura quedará la cámara?
- 33. Esteban estacionó su auto en el segundo subsuelo del edificio donde trabaja. Subió 7 pisos para buscar unos papeles y luego bajó 4 pisos para in a una reunión. ¿En qué piso se hizo la reunión?
- 34. Ca culá
 - a. 13 + (-20) =
- e.0-(-50)=
- b. 10 (+12) =
- f. -100 (-80) (+20) =
- c. -9 21 =
- g = 65 + (-50) + (-5) =
- d. 25 (-15) =
- h. -40 (+20) + (-10) =



Reglas de los signos para multiplicar y dividir enteros

Para multiplicar o dividir dos numeros enteros, se multiplican o se dividen sus módulos y se coloca el signo teniendo en cuenta las siguientes regias

- Si tienen igual signo, el resultado es positivo.
 - $(+5) \cdot (+4) = +20$
- (+15); (+3) = +5
- $(-8) \cdot (-3) = +24$
- (-24):(-6)=+4
- Si tienen distinto signo, el resurtado es negativo
 - $(+5) \cdot (-4) = 20$
- (+15): (-3) = -5
- $(-8) \cdot (+3) = -24$
- (-24): (+6) = -4

NOTA a, multipicar dia dividir se ponen paréntes sipara evitar que se junten dos signos seguidos (e. "+" diel " " con el ":").

35. Calculá los productos y os cocientes.

$$a. -10 \cdot (-6) =$$

$$d.(-10):(-2)=$$

$$e_1 - 35 : 7 =$$

$$h. +6 \cdot (-70) =$$

c.
$$40 \cdot (-3) =$$

$$f. 63: (-9) =$$

$$4,600:(+10)=$$

Jna cámara frigorifica se encuentra a 0 °C. Se pajará la temperatura en 2 °C cada hora. Representá la situación con flechas sobre la recta numérica (ya se trazó una) y escribí un cálculo que muestre cuántos grados centígrados marcará el termómetro de la cámara al cabo de siete horas.



7 Estas son las temperaturas minimas que se registraron durante una semana en una ciudad.

FLUN	MARA	w M lÉ**	THE	CONTRACT	SÁB-	dom *
44	1					
2 °C	-1 °C	1°C	4°C	-3 °C	-5 °C	4 °C

¿Cual fue la temperatura mínima promedio diaria durante esa semana? Mostrá cómo la ca culás.

En un juego se van juntando puntos a medida que se sacan unas tarjetas. Sant no ya junto 12 puntos. ¿Con qué puntaje terminará si le falta sacar estas tarjetas?

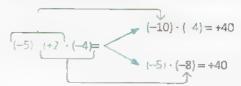


Multiplicar per -3 u restar - 20 Restar 7 y multiplicar por -50



Propiedades para multiplicar

- Conmutativa os factores se pueder camb ar de orden.
- Asociativa, os factores se pueden agrupar de diferentes maneras.



39 Resolvé cada calculo asociando de dos maneras diferentes y comproba que los resultados coincideri.

b.
$$100 \cdot (-5) \cdot (+3) =$$

$$d. +6 \cdot (-40) \cdot (+2) =$$

 Fijate cómo piensa Facu y usá su método para calcular mentalmente.

Para calcular (-2) (-5) (-10) primero hago 2-5 10 - 100 y 5, piensa el signo del resultado menos por menos es más, y más por menos es menos Da negativo, o sea, 100



a.
$$(-3) \cdot (-5) \cdot (-2) =$$

b.
$$(-4) \cdot (+6) \cdot (-1) =$$

d.
$$36: (-4): (-3) =$$

- 41. 5 mu tiplicás cinco números de los cuales tres son menores que cero, y los otros dos, mayores que cero, equé signo tendra el resultado?
- 42 Escribí el signo <, = o > sobre la línea punteada, según corresponda.



43. ¿Cuál es el producto de los tres números pares consecutivos que son mayores que –17 y menores que –10?

🗐 ver cómo voy

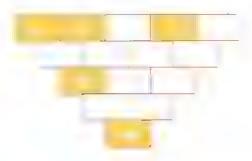
The second of the

44. Para recordar las reglas de los signos que se usan al multiplicar o al dividir dos números, Lucas se aprendió de memoria estas frases. ¿Podés indicar qué regla corresponde a cada una?

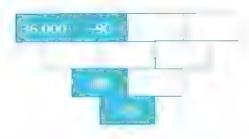
> er er .go de mi am go es mi am go er er .go de mi am go es m er e

El enemigo de mi enemigo es mi amigo

 Cada casilla debe contener el producto de los dos números que están encima de ella. Escribí os números que faltan.



46. En cada casilia va el cociente de los dos números que están encima de ella. Descubrí los números que faltan y anotalos.



 Descubrí la regla con la que se pensó cada sucesión y agregá dos números más.

48. Si multiplicás nueve números, de los cuales solo tres son positivos y ninguno es cero, ¿qué signo tendrá el resultado?

- Indicá si el resultado es positivo, negativo o cero.
 - a. El producto de once factores menores que 0.
 - El producto de quince factores, de los cuales siete son mayores que 0 y siete son negativos.
 - c. El cociente entre un número entero menor que 0 y el número negativo de módulo 1.
- Hay que calcular un producto. La mitad de los factores son positivos y, la otra mitad, negativos. ¿Qué signo tendrá el resultado? Señalá la opción que pienses que es la correcta y explicá por qué opinás que es esa.

Positivo.

Negativo.

No se puede saber.

51 Uni los cálculos que dan el mismo resultado

8 · (-3) -10 : (-2) : (-1)

-27 + 27

52 Fijate lo que afirma Joaquín. ¿Cómo le explicarías que está equivocado?



53. Lautaro afirma que si se suman todos los números enteros entre ~10 γ 10, ambos incluidos, se obtiene el mismo resultado que si se los multiplica. ¿Tiene razón o está equivocado? Escribí tu explicación.

- 54. Euclides y Pitágoras podrían ser considerados como los matemáticos más famosos de la antigua Grecia. Se estima que nacieron cerca de los años 325 a.C. y 572 a C, respectivamente Por otra parte, Hipatia de Alejandría, nacida cerca del año 370 d.C., es considerada como la primera mujer matemática de la historia. ¿Quién de los tres nació antes? ¿Cuál de los tres acontecimientos está más cerca del año 0?
- 55. ¿Cuántos números enteros hay entre el opuesto de 10 y el número negativo cuyo módulo es 3?
- Leé lo que afirman estas chicas. ¿Cómo les explicás que están equivocadas? (Podés buscar ejemplos)

Cualifio más cenca del cena egitá un número, menor eg

Sofia

Ines

Si el húmero A es mayor que el número B, entonces el módulo de A es nayor que el módulo de B.

57. Resolvé cada cálculo asociando de dos maneras distintas.

b.
$$17 + (-35) + 3$$

- 58. Una tortuga marina que estaba a 9 metros de la superficie desciende 3 metros y luego sube 7 metros. ¿A qué profundidad se encuentra?
- 59. Desde las 7 hasta las 8 de la mañana, el ascensor de un edificio, que estaba en la planta baja, subió 6 pisos, bajó 7, subió 10, bajó 5, bajó 4, subió 8 y bajó 9. ¿En qué piso se encuentra?
- 60. La tabia muestra los puntos que perdió y los que

ganó Martín durante los cinco niveles de un juego. ¿Cuál fue su saldo? Mostrá un cálculo que lo indique.

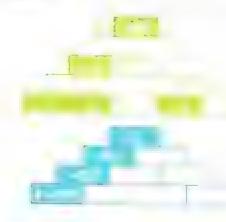
Perdió •	Ganó
1.000	2.700
2.000	1.900
500	

- 61. ¿Qué hay que sumarle a un número cualquiera para que el resultado sea cero?
- 62 Completá la pirámide sabiendo que el número de cada cas lla es la suma de los dos que están debajo de ella.



- Un emperador nació en el año 63 a.C. y fal eció en el año 14 d.C., curiosamente, justo el día de su cumpleaños. ¿A qué edad murió?
- 64. Si una persona nació en el año 58 a.C. y vivió 65 años, ¿cuál de estos cálculos podría indicar el año de su fallecimiento?

- 65. Un submarino se encuentra sumergido 28 metros y pasa un helicóptero por encima de él. volando a 570 metros sobre el nivel del mar. ¿Cuántos metros había entre las dos naves en el momento en el que estaban en la misma vertical?
- Completá las pirámides. En la primera, el número de cada casilla es el producto de los dos que están debajo de ella. En la segunda, es el cociente.



Marcá la opción correcta.

¿Cuál de las siguientes afirmaciones es falsa?

Cualquier número entero tiene un siguiente.

E anterior de cualquier número entero negativo es negativo.

El mayor número entero negativo es el opuesto de 1.

El siguiente de cualquier numero entero negativo es negativo.

¿Cuál es e resultado de -10 + 8?

--18 --2 2 18

¿Cuái de los cálculos no es equiva ente a (+7) + (-9)?

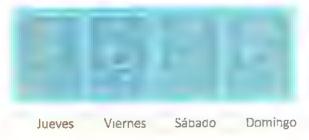
7 - 9

-9 + 7

9 - 7

7-(+9)

Observá el pronóstico extendido para una ciudad de la Patagonia. ¿Qué día presenta mayor d ferencia entre las temperaturas máx ma y mínima?



Martina v Maximil ano encontraron esta información en una enciclopedia: "Roma fue fundada en el año 753 a.C. y fue conquistada por tribus parbaras en el año 476 d.C.". ¿Cuántos años pasaron desde la fundación hasta la conquista de Roma, según esa información?

-1229

-277

277

1.229

En un cuento de ciencia ficción se relata que cuando una nave espacial ingresa a la atmósfera desde el espacio exterior, su temperatura varía de -200 °C a 50 °C en un minuto ¿Cuántos grados centígrados aumenta la temperatura en ese minuto, según el relato?

-250

-150 150

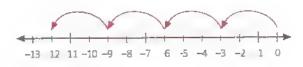
En el año 140 se cumpiló el aniversario 300 de un importante acontecimiento. ¿Qué aniversario de ese hecho se cumplió en el año 60 a.C.?

50

100

160

¿Qué multiplicación se representó en la recta numérica?



-4 · (-3)

 $3 \cdot (-12)$

 $4 \cdot (-3)$

3 - 4

Si se divide por -8 el número que pensó Ana, y a resultado se le suma 4, se obtiene 2. ¿Qué número es el que pensó Ana?

-24

-16

16

10 El resultado de 8 · (-6) coîncide con el de uno de estos cálculos. ¿Con el de cuál?

 $-24 \cdot 2 \cdot (-1)$

16 - (-3)

2 · (-8) · (-3)

12 · 4 : (-1)

Números naturales

- 1. (39-12) $7=7\cdot 39\cdot 12$
- 2. 1.320
- 3. El cociente no puede ser 0.
- 4. $2^7 + 4^2 + \sqrt{25}$
- 5. 11
- 6. 682
- 7. $2^3 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 13$
- 8. 720 y 12.
- 9. n+n+1+n+2
- 10. $5^{2} \cdot x + 5 = 5^{4} : 5^{3}$
- 11. Impar.

Figuras planas

- 1. 1. 13" 59" 42"
 - II. 135° 8"
 - III. 34° 49′ 12″
 - IV. 152° 36"
- 2. 1. Bisectriz de b.
 - II. Mediatriz de bc.
- 3. I. 96° 39'
 - II. Obtusángulo.
 - III. Escaleno.
- 4. 123° 30'
 - 2.340°
- 6. L 30°
 - II. 150°



Fracciones y decimales

- 1. 0,25
 - z. $\frac{7}{3}$
- 3. 1,05
- 4. 21,33
- 5. 15,8
- 6. 13,9 kg
- 7. $\frac{3}{8}$ kg
- 8. 0,8
- 9. 19
- 10. 9
- 11. 0,3
- 12. \$230,66
- 13. 20%
- 14. <u>23</u>

Perímetros y áreas

- 1. 1.900
 - II. 3.000 cm
- 2. 4 cm
- 3. Ninguno, todos tienen la misma área.
- 4. $\frac{3}{2} \cdot 1,15$
- 5. 21.875 m²
- 6. 99 mm²
- 7. 14 · π cm
- 8. 144 36 · π
- 9. $\frac{5}{3} \cdot \pi$
- 10, $\frac{5}{3} \cdot \pi$

CAPITULO 5

Proporcionalidad.

Gráficos cartesianos y funciones

- 1. $\frac{0,1}{0,4}$
- $\frac{10}{6} = \frac{5}{x}$
- 3. 10
- No representa proporcionalidad.
- 5. Se le aplicó un recargo del 20%.
- 6. 10:1
- La de color rojo.
- 8. Para x entre 5 y 10.
- 9. k = 0.8. Si $x = 5 \Rightarrow y = 4$.
- 10. $y = \frac{48}{x}$

CAPITULO 6

Cuerpos geométricos. Áreas y volúmenes

- 1. 1. 12
 - II. 2.064 cm²
- 2. I. 360 cm²
 - II. 415,44 cm²
 - III. 415,8 cm3
- 3. I. 408,2 cm²
 - II. 628 cm3
- 4. 1. 440.000 L
 - II. 374 m²
- 5: 3,5 L
- 6. 50
- 7. 1. 904,32 cm³
 - II. 8.048,448 g

CARÍTULO 7

Estadística y probabilidad

- 1. 1. 0,3
 - 11. 20%
 - 111, 55%
- 2. 1. 39
 - 11. 10
- 3. I. 2,16
 - 11. 2
 - HI. 1
- Cara-cara, cara-ceca, ceca-cara, ceca-ceca.
- 5. L. $\frac{9}{12}$
 - ii. $\frac{1}{6}$

CAPÍTULO 8

Números enteros

- El siguiente de cualquier número entero negativo es negativo.
- 2. 2
- 3. 9-7
- 4. Sábado
- 5. 1.229
- 6. 250
- 7. 100
- 8. 4 · (-3)
- 9. 16
- 10. 12 · 4 : (-1)

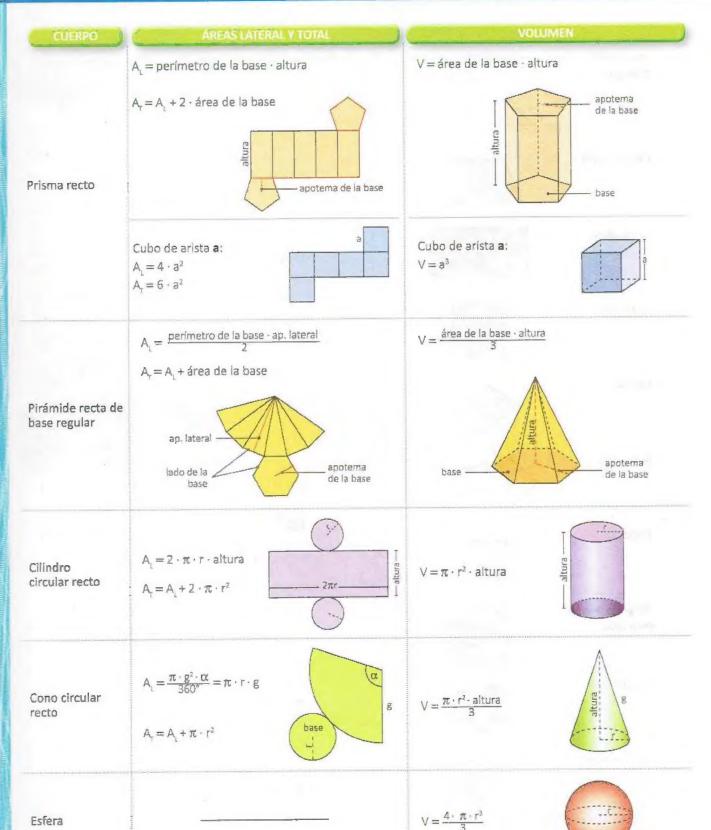
A ni me ayuda comparar lo que hice con la que resolvieron mis compañeros.



Fórmulas de perímetros y áreas de figuras planas

FIGURA	PERÍMETRO	AREA
Triángulo	b + 1 ₁ + 1 ₂	<u>b·a</u> 2
Paralelogramo	2 · (b + l)	b⋅a
Rectángulo a	2 · (b + a)	b·a
Cuadrado	4 - [2
Rombo	4 + $ $	<u>D · d</u> 2
Romboide I ₁ d	2 · (₁ + ₂)	<u>D∙d</u> 2
Frapecio b _z	b ₁ + b ₂ + ₁ + ₂	$\frac{(b_1 + b_2) \cdot a}{2}$
Poligono regular de n lados	l. · l	perímetro · ap 2
Círculo	2·π·Γ	π· r²
Corona circular	2 · π · (R + r)	$\pi \cdot (R^2 - r^2)$
Sector circular $L = \frac{\pi \cdot 2 \cdot r \cdot \alpha}{360^{\circ}}$	L+2·r	<u>r-L</u>

Fórmulas de áreas y volúmenes de cuerpos



BIBECE, GRAL DE ESCUELAS V CULTULE
PCIA DE BUENOS AIRES
E.E.S. Nº 74
SLUE BOQUERON
AMENO PARAJE LOS ORTÍZ
LICERAL PUEYRREDON





